

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

المدة: 2 س

المستوى: ثالثة آداب وفلسفة، لغات أجنبية
التمرين الأول:

عين الإقترح الصحيح من بين الإقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية مع التبرير:

1. إذا كان $a \equiv -1[8]$ فإن باقي قسمة a على 8 هو :

1. -1 ① 2. 7 ② 3. 6 ③

2. العددان 2019 و 1440 متوافقان بتريديد:

1. 2 ① 2. 4 ② 3. 3 ③

3. إذا كان $x \equiv 2[5]$ و $y \equiv 2[5]$ فإن:

1. $x^9 + y^9 \equiv 3[5]$ ① 2. $x^9 + y^9 \equiv 2[5]$ ② 3. $x^9 + y^9 \equiv 4[5]$ ③

4. الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = -3x^3 + 2x - 1$

1. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ① 2. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ② 3. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ③

التمرين الثاني:

1. هل العددان 2020 و 725 متوافقان بتريديد ؟

2. أ. عين باقي القسمة الإقليدية للعدد 4^6 على 7.

ب. استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $4^{6n} - 1 \equiv 0[7]$.

3. أ. عين باقي القسمة الإقليدية لكل من العددين 2020 و 725 على 7.

ب. بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، العدد $3 \times 725^{6n} + 2020$ يقبل القسمة على 7.

4. أ. تحقق أن: $1434 \equiv -1[7]$.

ب. عين الأعداد الطبيعية n الأصغر من 25 بحيث: $1434^{2n} + n \equiv 0[7]$

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة: $f(x) = -2x^3 + 6x - 4$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1. عين $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

2. ادرس تغيرات الدالة f على مجموعة تعريفها، ثم شكل جدول تغيراتها.

3. بين أن النقطة $A(0; -4)$ هي نقطة انعطاف للمنحنى (C_f) .

4. أكتب معادلة للمماس (Δ) للمنحنى (C_f) في النقطة $A(0; -4)$.

5. تحقق أن: $f(x) = -2(x+2)(x-1)^2$ ، ثم استنتج احداثي نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع حامل محور الفواصل.

6. أنشئ المماس (Δ) ، ثم مثل بيانيا المنحنى (C_f) .