

## في مادة الرياضيات

30 د

التمرين الأول: (04 نقاط)

$$f(x) = \begin{cases} x(x^2 - 2) & ; x < 0 \\ -1 + e^x & ; x \geq 0 \end{cases} : \mathbb{R} \quad f$$

بصحيح او خطأ مع التعليل:

1.  $f$  قابلة للاشتقاق عند  $0$
2.  $f(x) = 0$  تقبل حلين أحدهما  $\alpha$  حيث  $-1.45 \leq \alpha \leq -1.35$
3.  $f$  غير قابلة للاشتقاق عند  $0$

45 د

التمرين الثاني: (08 نقطة)

$$g(x) = x^2 + 3 - 2 \ln x : ]0; +\infty[ \quad g \text{ ذات المتغير الحقيقي } x$$

$$f(x) = \frac{\ln x}{x} + \frac{x^2 - 1}{2x} : ]0; +\infty[ \quad \text{كما يلي:}$$

$$.2cm \quad (O; \vec{i}, \vec{j})$$

$$f'(x) = \frac{g(x)}{2x^2} \quad \text{استنتج اتجاه تغير الدالة } f. \quad \text{بين أنه من أجل كل } x \quad ]0; +\infty[ \text{ لدينا:}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \quad \lim_{x \rightarrow 0} f(x) \quad \text{فسر هذه النتيجة بيانيا.}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left( f(x) - \frac{1}{2}x \right) \quad \text{ليكن } D \text{ المستقيم الذي معادلته } y = \frac{1}{2}x \quad \text{فسر النتيجة بيانيا.}$$

(د) أنشئ جدول تغيرات الدالة  $f$ .(ه) أنشئ المستقيم  $D$   $C$   $f$ .

التمرين الثالث: (08 نقاط)

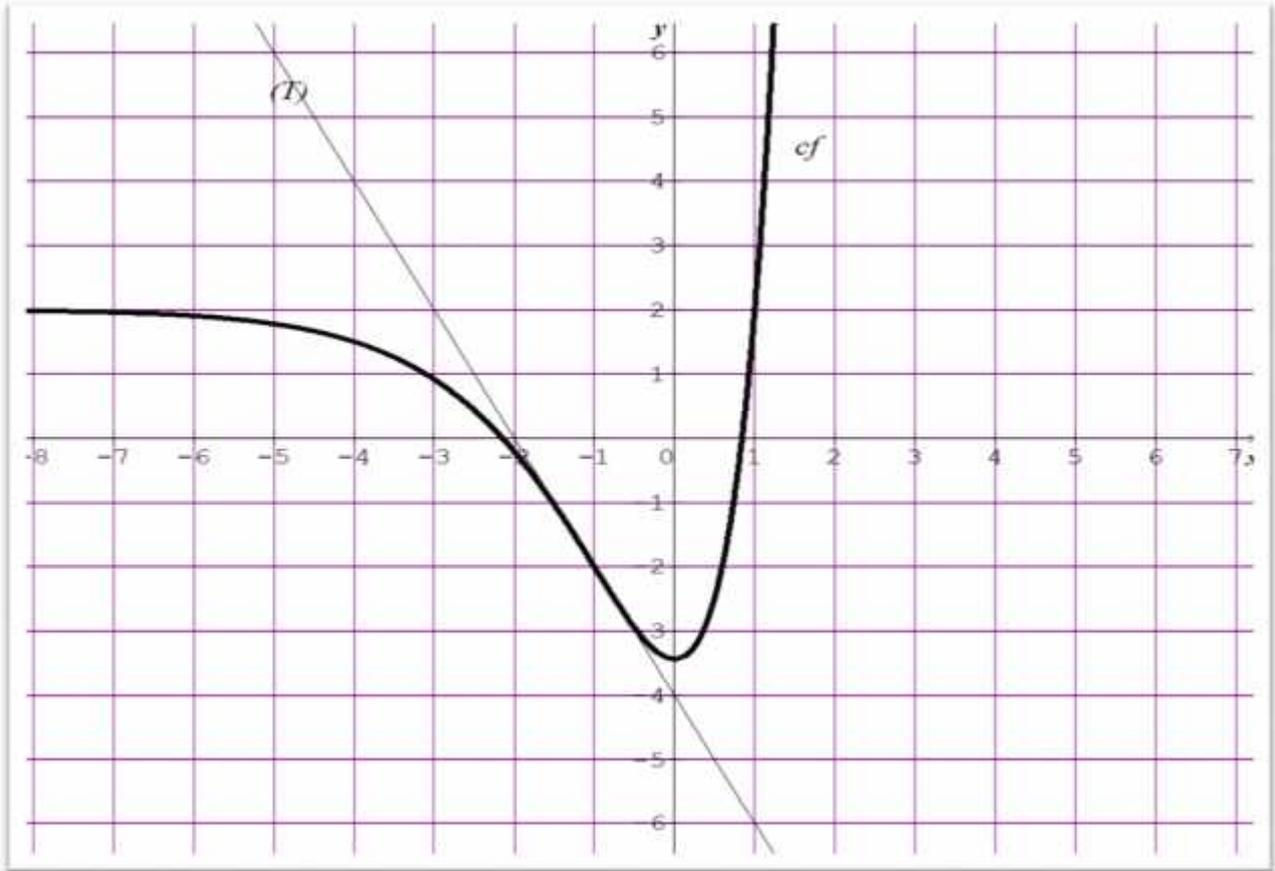
$$f : \mathbb{R} \text{ كما يلي: } f(x) = (ax + b)e^{x+1} + c \quad \text{حيث } a, b, c \text{ اعداد حقيقية}$$

 $(c_f)$  تمثيلها البياني موضح في الشكل ادناه (الصفحة 2) $(c_f)$  يقبل مستقيما مقاربا افقيا معادلته  $y = 2$  بجوار  $(-\infty)$  ومماسا  $(T)$  عند النقطة  $A(-1, -2)$  $(c_f)$  يقبل مماسا اخر موازيا لمحور الفواصل عند النقطة ذات الفاصلة  $x_0 = 0$

✓ بقراءة بيانية عين ما يلي :

- عين قيم  $f(1)$  و  $f'(0)$  و  $f'(-1)$
- اوجد معادلة المماس  $(T)$
- $f'(x)$  بدلالة الاعداد  $a, b, c$
- اوجد الاعداد الحقيقية  $a, b, c$  ثم اكتب عبارة  $f(x)$
- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  ثم عين اشارتها
- ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$

$$f(x) = m$$



ليست المشكلة أن تخطئ ... حتى ولو كان الخطأ جسيماً ... إنما المشكلة هي عدم  
... دع القلق ... كن واثقاً بنفسك ... كن إيجابياً