

التمرين الأول: (04 نقط)

١ عين الحلول العامة للمعادلة التفاضلية: $y' + 2y = 0$ (1)

٢ تعتبر المعادلة التفاضلية : $y' + 2y = x^2 + x - 1$ (2)

نضع: $u = y + ax^2 + bx + c$ حيث y حل للمعادلة (2) و $a; b; c$ أعداد حقيقة ثابتة

ا/ عين الأعداد الحقيقة $a; b; c$; حيث تكون u حل للمعادلة (1)

ب/ استنتج الحلول العامة للمعادلة (2)

ج/ عين حلول المعادلة (2) التي تحقق: $y(0) = \frac{1}{2}$

التمرين الثاني: (07 نقط)

دالة معرفة على $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$: $f(x) = \frac{x^3 + 2x^2 + 3x + 4}{(x+1)^2}$ تمثيلها البياني في مم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

١/ أحسب النهايات للدالة f عند أطراف مجموعة تعريفها.

ب/ بين أن (C_f) له مستقيم مقارب مائل (Δ) معادلة له $x = y$. أدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (Δ)

٢/ بين أن $f'(x) = \frac{(x-1)(x^2+4x+5)}{(x+1)^3}$ و أدرس تغيرات f

٣/ بين أن المعادلة $0 = f(x)$ تقبل حل وحيد α حيث: $-2 < \alpha < -1.5$

٤/ عين النقطة A من (C_f) التي يكون عندها المماس (T) موازياً للمستقيم المقارب المائل (Δ) . أكتب معادلة للمماس (T)

٥/ أحسب $f(0)$ و أنشئ (T) و (Δ) و (C_f)

٦/ نقش بيانياً حسب قيم الوسيط الحقيقي m وجود عدد نقط تقاطع (C_f) مع المستقيم (Δ_m) ذو معادلة $y = x + m$

التمرين الثالث: (09 نقط)

الجزء I: دالة معرفة على $[+∞; -2]$: $f(x) = 1 + x \ln(x+2)$ تمثيلها البياني في مم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

١/ أحسب $f'(x)$ ثم $f''(x)$ من أجل x ينتمي إلى المجال $[-2; +∞)$

٢/ أدرس تغيرات f على المجال $[-2; +∞)$

٣/ أ/ بين أن المعادلة $0 = f(x)$ تقبل حل وحيد α حيث α ينتمي إلى $[-0.6; -0.5]$

ب/ استنتاج إشارة $f'(x)$ حسب قيمة x

٤/ أدرس اتجاه تغيرات f على المجال $[-2; +∞)$

ب/ عين النهايات للدالة f عند -2 و عند $+∞$ ثم أنشئ جدول تغيرات الدالة f

الجزء II: ليكن x_0 عدد حقيقي من المجال $[-2; +∞)$, نسمى (T_{x_0}) المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة x_0 .

نرمز من أجل x من المجال $[-2; +∞)$ $d(x) = f(x) - [f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)]$

١/ تتحقق أنه، من أجل x من المجال $[-2; +∞)$: $d'(x) = f'(x) - f'(x_0)$

ب/ باستعمال تغيرات d , استنتاج إشارة $d'(x)$ حسب قيمة x . استنتاج تغيرات d على المجال $[-2; +∞)$

٢/ عين الوضعية النسبية للمنحنى (C_f) و المستقيم (T_{x_0})

٣/ أكتب معادلة للمماس (T_{x_0}) , المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0. أرسم (T_0)

٤/ عين الأعداد x_0 التي يكون من أجلها المماسات (T_{x_0}) ماربة بالمبداً ثم أرسم هذه المماسات.

٥/ أنشئ (C_f) . نأخذ $\alpha = -0.54$ و $\alpha = 0.8$

انتهى