

المدة: ساعتان	اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات	المستوى: 3 علوم تجريبية
---------------	--------------------------------------	-------------------------

**التمرين الأول:** عين الجواب الصحيح من بين الإجابات المقترحة (أ) ، (ب) و (ج) مع التعليل ، لكل سؤال مما يلي :

السؤال	الجواب (أ)	الجواب (ب)	الجواب (ج)
حلل المتراجحة $-e^{5x} \geq 0$	$g(x) = x + 2 - e^x$	$[0, +\infty[$	$] -\infty, 0]$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{5x}-1}{x}$	5	1/5	1
إذا كان $f(x) = \frac{1}{x^2+3}$ وكان $h(x) = f(3x)$ فإن	$h'(x) = \frac{1}{3x^2-1}$	$h'(x) = \frac{-1}{3x^2+1}$	$h'(x) = \frac{1}{3x^2+1}$
المعادلة: $e^{2x} + e^x = 0$ في $\mathbb{R}$	ليس لها حلول	تقبل حل وحيد	تقبل حلين مختلفين

**التمرين الثاني:**  $f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$ :  $f(x) = \frac{x(x+1)}{x-2}$  و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو إلى معلم متعامد ومتجانس.

- أدرس تغيرات الدالة  $f$  وأنشئ جدول تغيراتها.
- أ- برهن أن المستقيم  $(d)$  ذو المعادلة  $y = x + 3$  هو مقارب مائل للمنحنى  $(C)$  ثم أدرس الوضعية النسبية للمنحنى  $(C)$  والمستقيم  $(d)$ .
- ب- أرسم المستقيم  $(d)$  ثم المنحنى  $(C)$ .
- باستعمال المنحنى  $(C)$  ، عين حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  ، عدد حلول المعادلة:  $x^2 + (1 - m)x + 2m = 0$
- لتكن  $g$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$ :  $g(x) = |f(x)|$ 
  - أكتب  $g(x)$  بدلالة  $f(x)$  وبدون رمز القيمة المطلقة ، حسب قيم  $x$ .
  - أرسم  $(\gamma)$  منحنى الدالة  $g$  اعتمادا على  $(C)$  في نفس المعلم السابق.

### التمرين الثالث:

- لتكن  $g$  الدالة المعرفة على المجال  $[0, +\infty[$ :  $g(x) = x + 2 - e^x$ 
  - أدرس تغيرات الدالة  $g$  وشكل جدول تغيراتها.
  - بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  من المجال  $]1,14 ; 1,15[$
  - استنتج إشارة  $g(x)$  على المجال  $[0, +\infty[$
- لتكن  $f$  الدالة المعرفة على المجال  $[0, +\infty[$ :  $f(x) = \frac{e^x-1}{xe^x+1}$  وليكن  $(c)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم م.م.  $(0, i \rightarrow, j \rightarrow)$

$$1. \text{ يبين أنه من أجل كل } x \text{ من } [0, +\infty[ : f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(xe^x+1)^2}$$

- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- بين أن  $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha+1}$  ، ثم أعط حصرًا لـ  $f(\alpha)$  بتقريب  $10^{-3}$
- أرسم المنحنى  $(C)$ .