

ثانوية العقيد احمد بن عبد الرزاق  
اليوم : 01/12/2019  
الشعبة : رياضيات  
المدة : ساعتان 02

# مديرية التربية لولاية وهران

## امتحان الثلاثي الأول

### المستوى : سنتان ثالثة

#### اختبار في مادة : الرياضيات

التمرين الأول : 04 نقاط

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعروفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي:

- ١٠ أ- احسب الحدود  $u_1, u_2, u_3$  ثم برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n > 1$  .  
 ب- بين أن المتتالية  $(u_n)$  متناقصة تماما على  $\mathbb{N}$  .

جـ- بين أن المتتالية  $(u_n)$  متقاربة، ثم استنتج نهايتها.

- نعتبر المتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:**

- أ-** بين أن (٧) متالية هندسية بطلب تعين أساسها وحد

**بـ- اكتب بدلالة  $n$  كلًا من  $v_n$  و  $u_n$ ، ثم احسب**

بـ- اكتب بدلالة  $n$  كلًا من  $v_n$  و  $u_n$ ، تم احسب

$$T_n = v_0 + 2v_1 + \dots + 2^n v_n, \quad S_n = u_0^2 + u_1^2 + \dots + u_n^2$$

## التمرين الثاني : 08 نقاط

$g(x) = x^2 - 2x + \ln|x-1|$  دالة عدديّة معرفة على  $\{1\} \cup \mathbb{R}$  بالشكل :

1- ادرس تغيرات الدالة  $g$  واحسب  $(0)$  و  $(2)$

2- استنتاج اشارة  $(x)$  حسب قيم  $x$ .

$f(x) = x - 2 - \frac{\ln|x-1|}{x-1}$ : دالة عدديّة معرفة على  $\mathbb{R} - \{1\}$  بالشكل

و (C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(j^*, i^*; O)$ .

١- بين انه من اجل كل  $x$  من  $\{1\}$  ثم ادرس تغيرات الدالة  $f$ .

٢- بيان المنهج (C) يقبل مستقيمي مقاربين أحدهما مائل ( $\Delta$ ) يتطلب كتابة معادلة لكل منها.

• 3- ادرس وضعية المنحني ( $C$ ) بالنسبة للمستقيم ( $\Delta$ ).

٤- بين ان المنحنى ( $C$ ) يقبل مماسين ( $T$ ) و ( $T'$ ) موازيين لل المستقيم ( $\Delta$ ) يطلب كتابة معادلة لكل منهما.

٥- بين ان النقطة  $(-1; 1)$  مرکز تناظر للمنحنى  $(C)$

6- بين ان المنحنى (C) يقل نقطة انعطاف يطلب تعينهما.

7- انشئ كل من الماسين ( $T$ ) و ( $'T$ ) والمنجني ( $C$ ).

$$\ln|x| \quad \text{for } x < 0$$

8- دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بالشكل  $h(x) = x - \frac{|x|}{x}$ . و  $(C_h)$  تمثيلها البياني في المعلم السابق .  
دالة  $(C_h)$  هي صيغة (C) دانس-جاردن طبقاً لمعنىه

بیان ای (h) هو صوره (L) با سحاب یطلب تعییمه.

### التمرين الثالث: 08 نقاط

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = (a - 2x)e^{2x} + b$  ، حيث  $a$  و  $b$  عددان حقيقيان  
 ( تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  ) ( وحدة الطول  $2\text{cm}$  )

I. عين العددان الحقيقيان  $a$  و  $b$  حيث يتحقق الشرطان :

$$f \text{ حل للمعادلة التفاضلية: } y' - 2y = -2e^{2x}$$

-  $(C_f)$  يقبل مماس موازي لحاصل محور الفواصل عند النقطة ذات الفاصلة 0

II. نضع :  $b = 0$  و  $a = 1$

(1) أكتب عبارة  $f(x)$  ، ثم أدرس تغيرات الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها (حساب النهايات مطلوب)

(2) حل المعادلة  $f(x) = 0$  ، ثم استنتج نقط تقاطع  $(C_f)$  مع محور الفواصل.

(3) احسب  $f(1)$  ثم ارسم  $(C_f)$ .

. .  $f(x) = f(m)$ : نقش بياني حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول الحقيقي  $x$

III. نسمي  $f^{(n)}$  المشتقات المتتابعة للدالة  $f$

(1) برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  غير معروف :

(2) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  غير معروف المنحني  $(C_{f^{(n)}})$  الممثل للدالة  $f^{(n)}$  حيث الدالة المشتقة من الرتبة  $n$  للدالة  $f$  يقبل مماساً موازي حامل محور الفواصل في النقطة  $M_n(x_n; y_n)$

أـ احسب بدلالة  $n$  كلاماً من  $x_n$  و  $y_n$  .

بـ ببين أن المتتالية  $(x_n)$  حسابية يتطلب تعين أساسها وحدتها الأولى ، ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} x_n$  .

جـ بين أن المتتالية  $(y_n)$  هندسية يتطلب تعين أساسها وحدتها الأولى ، ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y_n$  .

انتهى...

☺ بال توفيق ☺

استاذ المادة يتمنى لكم النجاح في شهادة البكالوريا