

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

1. نعتبر في  $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$  المعادلة (E) ذات المجهول  $(x; y)$  حيث :  $63x + 5y = 159 \dots (E)$  .  
 أ- تحقق أن  $\text{pgcd}(5; 63) = 1$  ثم بين أن المعادلة (E) تقبل حولا في  $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$  .  
 ب- عين الحل الخاص  $(x_0; y_0)$  حلا للمعادلة (E) الذي يحقق  $x_0 + y_0 = -3$  ثم استنتج حلول المعادلة (E) .  
 ج- عين الثنائيات  $(x; y)$  حلول المعادلة (E) والتي تحقق  $|\ln|13x + y - 33| < 2 \ln 2$  .
2.  $N$  عدد طبيعي يكتب  $5\alpha 0\alpha$  في نظام التعداد ذو الأساس 7 ويكتب  $\beta 10\beta 0$  في نظام التعداد ذو الأساس 5 .  
 - جد العددين الطبيعيين  $\alpha$  و  $\beta$  ثم أكتب العدد  $N + \alpha + \beta$  في النظام العشري .
3. أ- أدرس حسب قيم العدد الطبيعي  $n$  بواقي القسمة الإقليدية للعدد  $3^n$  على 5 .  
 ب- جد الثنائيات  $(x; y)$  حلول المعادلة (E) والتي تحقق :  $3^{x+1} + 3^{-3y-2} + 2024^{1445} \equiv 0 [5]$  .

التمرين الثاني : (04 نقاط)

- يحتوي كيس على خمس كريات حمراء تحمل الأرقام -1 ، 0 ، 1 ، 1 ، 2 ، وأربع كريات بيضاء تحمل الأرقام -1 ، 0 ، 1 ، 2 ، وكرتين خضراوين تحملتا الرقمين 2 ، 4 ( جميع الكريات متماثلة لانفرق بينها عند اللمس )  
 نسحب من الكيس ثلاث كريات في آن واحد .  
 (1) نعتبر الأحداث التالية :  
 A "الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون" ، B " الحصول على ثلاث كريات جداء أرقامها سالب تماما " ،  
 C " الحصول على ثلاث كريات أرقامها هي حدود متتابة من متتالية حسابية " .  
 أ- أحسب  $P(A)$  و  $P(B)$  ثم بين أن  $P(C) = \frac{12}{55}$  .  
 ب- بين أن :  $P(A \cap B) = \frac{4}{165}$  ثم استنتج  $P(\overline{A \cup B})$  .  
 (2) نعتبر المتغير العشوائي  $X$  الذي يرفق بكل عملية سحب أصغر الأرقام المحصل عليها .  
 أ- عين القيم الممكنة للمتغير العشوائي  $X$  ثم عرّف قانون إحصاءه .  
 ب- أحسب الأمل الرياضي  $E(X)$  واستنتج قيمة العدد الطبيعي  $a$  حيث  $E(-55X + a) = 2038$  .  
 (3) نعيد الكيس إلى وضعه الأول ثم نسحب منه ثلاث كرات على التوالي دون إرجاع .  
 - أحسب احتمال الحصول على ثلاث كريات أرقامها هي حدود متتابة من متتالية هندسية غير معدومة "

التمرين الثالث : (05 نقاط)

$(u_n)$  متتالية عددية معرفة على بعدها الأول  $u_0 = 4$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_{n+1} = 4 - \frac{8}{u_n + 2}$

1. برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $2 < u_n \leq 4$  .
2. أدرس اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  ثم استنتج أنها متقاربة .
3. (أ) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $0 < u_{n+1} - 2 \leq \frac{2}{3}(u_n - 2)$  .

(ب) بيّن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $0 < u_n - 2 \leq 2 \left(\frac{2}{3}\right)^n$  ثم استنتج  $\lim_{x \rightarrow +\infty} u_n$ .

4. لتكن  $(v_n)$  متتالية عددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $v_n = \ln\left(\frac{u_n}{u_n - 2}\right)$

أ- بيّن أن المتتالية  $(v_n)$  حسابية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول  $v_0$ .

ب- أكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم بيّن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_n = \frac{2}{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}}$  و أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} u_n$ .

5. أحسب بدلالة  $n$  المجموعين  $S'_n$  و  $S_n$

حيث :  $S'_n = \ln\left(\frac{u_0}{u_1}\right) + \ln\left(\frac{u_1}{u_2}\right) + \dots + \ln\left(\frac{u_{n-1}}{u_n}\right)$  و  $S_n = \frac{2}{u_n - 2} + \frac{2}{u_{n+1} - 2} + \dots + \frac{2}{u_{n+2023} - 2}$

التمرين الرابع : (07 نقاط)

I. لتكن الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $g(x) = 2 - (x+2)e^{x+2}$

(1) أدرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  يحقق :  $-1.15 < \alpha < -1.14$  ثم حدد حسب قيم  $x$  إشارة  $g(x)$ .

II. لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = 2x - 1 - (x-1)e^{-x+2}$  وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد

ومتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$ .

(1) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

(2) أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  فإن :  $f'(x) = g(-x)$

ب) ثم استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها

ج) بين أن :  $f(-\alpha) = -2\alpha + 1 - \frac{2}{\alpha + 2}$  ثم عين حصرا لـ  $f(\alpha)$ .

(3) أ) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = 2x - 1$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  بجوار  $+\infty$ .

ب) أدرس الوضع النسبي بين المنحنى  $(C_f)$  و المستقيم  $(\Delta)$ .

ج) بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل مماس  $(T)$  موازي للمستقيم  $(\Delta)$  يطلب تعيين معادلته.

د) عين نقاط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.

(4) أرسم المنحنى  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$  والمماس  $(T)$ . (  $f(-\alpha) = 0.94$  ،  $-\alpha = 1.14$  )

(5) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $f(x) = -2x + m$ .

(6) لتكن  $(I_n)$  متتالية معرفة على  $\mathbb{N}^*$  بـ :  $I_n = \int_1^2 (x-1)^n e^{-x+2} dx$

- باستعمال المكاملة بالتجزئة أحسب  $I_1$  ثم فسر النتيجة هندسيا.

- باستعمال المكاملة بالتجزئة بيّن أن  $I_{n+1} = -1 + (n+1)I_n$  ثم استنتج  $I_2$

الموضوع الثاني

التمرين الأول : ( 04 نقاط )

نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \bar{u}; \bar{v})$ ، النقط  $A$ ،  $B$ ،  $C$  التي لواحقها

$$z_A = 2 + 2i \quad , \quad z_B = 2\sqrt{3} - 2i \quad \text{و} \quad z_C = \bar{z}_B \quad \text{على الترتيب .}$$

(1) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة ذات المجهول  $z$  :  $(\bar{z} - 2 + 2i)(z^2 - 4z + 16) = 0$  .

(2) أ- أكتب العدد المركب  $\frac{z_A}{z_B}$  على الشكل الجبري ثم الشكل الأسّي .

ب- استنتج القيمة المضبوطة لـ  $\cos\left(\frac{5\pi}{12}\right)$  و  $\sin\left(\frac{5\pi}{12}\right)$  .

(3) أكتب العدد  $\frac{z_A - z_C}{z_B - z_C}$  على الشكل الأسّي ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$  .

(4)  $n$  عدد طبيعي ، عيّن قيم العدد الطبيعي  $n$  حتى يكون العدد  $\left(\frac{z_B}{z_A}\right)^n$  حقيقياً .

(5) عيّن  $(E)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي ذات اللاحقة  $z$  التي يكون من أجلها :  $|\bar{z} - 2 + 2i| = 2$

التمرين الثاني : ( 04 نقاط )

يحتوي كيس على أربع كريات بيضاء تحمل الأرقام  $-1$  ،  $0$  ،  $1$  ،  $3$  وأربع كريات حمراء تحمل الأرقام  $-1$  ،  $0$  ،  $1$  ،  $2$  وكرتين خضراوين تحملتا الرقمين  $0$  ،  $2$  ( جميع الكريات متماثلة لانفرق بينها عند اللمس ) نسحب من الكيس ثلاث كريات في آن واحد .

1. نعتبر الأحداث التالية :

$A$  "الحصول على الألوان الثلاثة" ،  $B$  "الحصول على ثلاث كريات مجموع أرقامها معدوم"

$C$  "الحصول على ثلاث كريات أرقامها من نظام التعداد ذي الأساس 4"

أ- أحسب  $P(A)$  و  $P(B)$  و  $P(C)$  .

ب- بين أن :  $P(A \cap B) = \frac{1}{40}$  ثم استنتج  $P(\overline{A \cup B})$  .

2. نعتبر المتغير العشوائي  $X$  الذي يرفق بكل عملية سحب لثلاث كريات عدد الألوان المتحصل عليها .

أ- عيّن القيم الممكنة للمتغير العشوائي  $X$  ثم عرّف قانون احتماله .

ب- أحسب الأمل الرياضي  $E(X)$  واستنتج قيمة العدد  $E(5X + 2013)$  .

ج- أحسب  $P\left(X = \frac{6}{5-X}\right)$  .

التمرين الثالث : ( 05 نقاط )

لتكن المتتالية  $(u_n)$  هندسية متزايدة تماما حدها الأول  $u_0$  و أساسها  $q$  حيث : 
$$\begin{cases} \ln(u_1) + \ln(u_5) = 20 \\ u_0 \times u_2 = e^8 \end{cases}$$

1. (أ) أحسب  $u_1$  والأساس  $q$  للمتتالية  $(u_n)$  .

(ب) تحقق أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  ،  $u_n = e^{3n+1}$  .

(ج) أحسب بدلالة  $n$  المجموع  $S_n$  حيث :  $S_n = \ln(u_0) + \ln(u_1) + \dots + \ln(u_n)$  .

2. نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $A_n = n + 2$  .

(أ) بين أن :  $PGCD(2S_n; A_n) = PGCD(A_n; 4)$  .

- (ب) عي القيم الممكنة لـ  $PGCD(2S_n; A_n)$ .
- (ج) عي قيم العدد الطبيعي  $n$  حيث:  $PGCD(2S_n; A_n) = 2$ .
3. أدرس تبعا لقيم العدد الطبيعي  $n$  باقي القسمة الإقليدية للعدد  $2^n$  على 7.
4. نضع:  $B_n = 3nA_n - 2S_n + 1445^{2024} + 1$

$$- \text{ عي قيم العدد الطبيعي } n \text{ والتي من أجلها يكون: } \begin{cases} B_n \equiv 0 [7] \\ n \equiv 0 [4] \end{cases}$$

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- I.  $g$  دالة عددية معرفة على  $]-2; +\infty[$  بـ:  $g(x) = 2(x+2)^2 - 1 + \ln(2x+4)$
- أدرس إتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.
  - بيّن أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  من المجال  $]-1.38; -1.37[$ .
  - استنتج إشارة  $g(x)$  على المجال  $]-2; +\infty[$ .

II.  $f$  دالة عددية معرفة على  $]-2; +\infty[$  بـ:  $f(x) = -2x - 4 + \frac{\ln(2x+4)}{x+2}$  ،  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي

المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  (وحدة الطول 1cm)

- أحسب  $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$  ، وفسر النتيجة بيانيا.
- بيّن أن المستقيم  $(\Delta)$  معادلته  $y = -2x - 4$  مقارب مائل لـ  $(C_f)$  ثم أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$ .
- أ) بيّن أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $]-2; +\infty[$  أن:  $f'(x) = \frac{-g(x)}{(x+2)^2}$
- ب) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.
- ج) بيّن أن  $f(\alpha) = -4\alpha - 8 + \frac{1}{\alpha+2}$  ثم عي حصر له.
- بيّن أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل مماس  $(T)$  ميله -2 يطلب كتابة معادلة له.
- أ) أرسم المنحنى  $(C_f)$  والمماس  $(T)$  والمستقيم المقارب  $(\Delta)$ .
- ب)  $m$  وسيط حقيقي، ناقش بيانيا وحسب قيم  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $f(x) = -2x - m$ .
- أ) أحسب بالسنتيمتر المربع  $A$  مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$

$$\text{والمستقيمين الذين معادلتيهما } x = \alpha \text{ و } x = -\frac{3}{2}$$

$$\text{ب) تحقق أن: } A = \frac{1}{2}(2\alpha^2 + 8\alpha + 7) \text{ cm}^2$$

انتهى الموضوع الثاني

## الموقع الأول لتحضير الفروض والاختبارات في الجزائر

<https://www.dzexams.com>

<a href="https://www.dzexams.com/ar/0ap">https://www.dzexams.com/ar/0ap</a>	القسم التحضيري
<a href="https://www.dzexams.com/ar/1ap">https://www.dzexams.com/ar/1ap</a>	السنة الأولى ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/2ap">https://www.dzexams.com/ar/2ap</a>	السنة الثانية ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/3ap">https://www.dzexams.com/ar/3ap</a>	السنة الثالثة ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/4ap">https://www.dzexams.com/ar/4ap</a>	السنة الرابعة ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/5ap">https://www.dzexams.com/ar/5ap</a>	السنة الخامسة ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/bep">https://www.dzexams.com/ar/bep</a>	شهادة التعليم الابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/1am">https://www.dzexams.com/ar/1am</a>	السنة الأولى متوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/2am">https://www.dzexams.com/ar/2am</a>	السنة الثانية متوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/3am">https://www.dzexams.com/ar/3am</a>	السنة الثالثة متوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/4am">https://www.dzexams.com/ar/4am</a>	السنة الرابعة متوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/bem">https://www.dzexams.com/ar/bem</a>	شهادة التعليم المتوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/1as">https://www.dzexams.com/ar/1as</a>	السنة الأولى ثانوي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/2as">https://www.dzexams.com/ar/2as</a>	السنة الثانية ثانوي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/3as">https://www.dzexams.com/ar/3as</a>	السنة الثالثة ثانوي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/bac">https://www.dzexams.com/ar/bac</a>	شهادة البكالوريا