

# الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

## امتحان شهادة بكالوريا التجريبية التعليم الثانوي

### الشعبة : رياضيات

30

04 :

اختبار في مادة: الرياضيات

### على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

#### تمرين 1:

1- كثير حدود حيث :  $p(z) = z^4 + 6z^3 + 30z^2 + 48z + 40$  حيث  $z$   
- بين أنه من أجل كل عدد مركب  $z$  لدينا:  $p(z) = (z+1-i)g(z)$  حيث  $g(z)$  كثير حدود يطلب تعيينه.

$$- \quad g(-1-i) = 0 \quad C \quad p(z) = 0$$

2-  $(o, \vec{i}, \vec{j})$  :

$A \quad B \quad C \quad D$  :  $2+4i \quad -2-4i \quad 2+3i \quad 2-3i$  على الترتيب .

- حيث  $z = z_A + z_D + 1$  على شكله المثلثي ثم الاسي

$$- \quad \left( \frac{z}{\sqrt{2}} \right)^{2011}$$

- عين مجموعة الاعداد الطبيعية  $n$  حتى يكون العدد  $\left( \frac{z}{\sqrt{2}} \right)^n$  عددا حقيقيا

- عين مجموعة النقط  $M$  حيث :  $\arg \left( \frac{z - z_A}{z - z_B} \right) = \frac{\pi}{2} + k\pi$   $k \in Z$

- عين العدد المركب  $Z_F$  حيث :  $F$   $\frac{Z_F - Z_C}{Z_F - Z_A} = i$  ثم استنتج طبيعة المثلث  $AFC$

- عين مجموعة النقط  $M$  حيث :  $Z = Z_A + ke^{i\frac{\pi}{3}}$   $k \in R_+$

#### تمرين 2:

:  $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

$A(1,1,0) \quad B(1,2,1) \quad C(3,-1,2)$

- - بين أن النقط  $A \quad B \quad C$  ليست على استقامة .

- بين أن الشعاع  $\vec{n}(2,1,-1)$   $(ABC)$   $(ABC)$

- 2- نعتبر المستويين  $(p_1)$   $(p_2)$  معادلتها :  $x+2y-z-4=0$   $2x+3y-2z=5$  الترتيب.
- بين أن  $(p_2)$   $(p_1)$  يتقاطعان وفق مستقيم  $(\Delta)$  ثم عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم  $(\Delta)$ .
- 3- بين ان تقاطع المستويات  $(ABC)$   $(p_1)$   $(p_2)$  هي نقطة يطلب تعيين احداثياتها
- 4- عين المسافة بين النقطة  $A$  والمستقيم  $(\Delta)$ .

### تمرين 3:

- 1- عين الاعداد الصحيحة  $x$  :  $x^2 - x + 6 \equiv 0 [9]$
- 2- أدرس تبعا لقيم العدد الطبيعي  $n$  باقي القسمة الاقليدية للعدد  $7^n$  ، ثم بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $7^{2n} \equiv 4^n [9]$
- 3- استنتج تبعا لقيم  $n$  الطبيعية باقي القسمة الاقليدية للعدد  $4^n$  9
- 4- ماهو باقي قسمة العدد  $5^{2010} + 25^{2011}$  9
- 5- عين الاعداد الطبيعية  $n$  التي يكون من أجلها العدد  $7^{2n} - 7^n + 6$  9
- عين الثنائيات الطبيعية  $(x, y)$  بحيث :  $7^x + 4^y \equiv 2 [9]$

### تمرين 4:

- (I) نعتبر الدالة العددية  $g$  للمتغير الحقيقي  $x$   $]-1, +\infty[$  كمايلي:
- $$g(x) = (x+1)^2 - 1 + \ln(x+1)$$
- 1- ادرس تغيرات  $g$
- 2-  $g(0)$   $g(x)$  حسب قيم  $x$   $]-1, +\infty[$ .
- (II) الدالة العددية للمتغير الحقي  $x$   $]-1, +\infty[$  :  $f(x) = x - \frac{\ln(x+1)}{x+1}$
- ليكن  $(c_f)$  تمثيلها البياني في مستوي منسوب الى معلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$
- 1-  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$   $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$
- 2- بين أن من أجل كل  $x$   $D_f$  :  $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$  ثم استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$
- شكل جدول تغيرات  $f$
- 3- بين أن  $(c_f)$  يقبل مماسا  $(T)$  معامل توجيهه 1 يطلب كتابة معادلته
- 4-  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - x$  ، ماذا تستنتج بيانيا
- 5-  $(\Delta)$  مستقيم معادلته  $y = x$  . ادرس وضعية  $(c_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$  .
- 6-  $(\Delta)$   $(T)$   $(c_f)$
- 7-  $\lambda$  عدد حقيقي موجب تماما. احسب  $S(\lambda)$  مساحة الحيز  $(c_f)$  والمستقيمات ذات المعادلات :  $y = x$   $y = 0$   $x = 0$  .
- 8-  $m$  وسيط حقيقي . ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  :  $m(x+1) + \ln(x+1) = 0$

**تمرين 1 :**  $f : ]-\infty, 6[$   $f(x) = \frac{9}{6-x}$

( $u_n$ ) لية عددية معرفة على  $N$  :  $\begin{cases} u_0 = -3 \\ u_{n+1} = f(u_n) \end{cases}$

-1 -  $(\Delta)$  المستقيم  $(o, \vec{i}, \vec{j})$   $y = x$   $(c_f)$   $]-\infty, 6[$   $f$

$u_0, u_1, u_2, u_3$  :

- ضع تخمينا حول اتجاه تغير ( $u_n$ ) وتقاربها.

-2 - برهن بالتراجع أن من أجل كل عدد طبيعي  $n : u_n < 3$

- استنتج اتجاه تغير ( $u_n$ ) . هل ( $u_n$ ) متقاربة؟ التبرير

-3 - نعتبر المتتالية ( $v_n$ ) كمايلي:  $v_n = \frac{1}{u_n - 3}$   $N$  كمايلي:

- برهن أن المتتالية ( $v_n$ ) حسابية يطلب تحديد أساسها  $r$  وحدها  $v_0$

-  $u_n$   $n$   $v_n$

-  $\lim_{x \rightarrow +\infty} u_n$

- احسب المجموعين:  $s_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$   $s'_n = v_0 \cdot u_0 + v_1 \cdot u_1 + \dots + v_n \cdot u_n$

## **تمرين 2:**

-1  $C$  :

$$(E) \dots z^3 - (4+i)z^2 + (13+4i)z - 13i = 0$$

- برهن ان العدد  $i$

- عين الاعداد الحقيقية  $a, b, c$  بحيث من أجل كل عدد مركب  $z$  لدينا:

$$z^3 - (4+i)z^2 + (13+4i)z - 13i = (z-i)(az^2 + bz + c)$$

-  $C$   $(E)$

-2  $A, B, C$  :  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

لواحقها  $i, 2+3i, 2-3i$  على الترتيب .

- ليكن  $r$   $B$  وزاويته  $\frac{\pi}{4}$  , عين لاحقة النقطة  $A'$   $A$

- برهن ان النقط  $A', B, C$  على استقامية ثم عين الكتابة المركبة للتحاكي ذو المركز  $B$

يحول  $C$   $A'$  .

### تمرين 3:

- 1- بين ان العدد 409 أوليان فيما بينهما
  - 2-  $409x - 1207y = 20$  ..... (1)  $y$  مجهولان من  $N$
  - بين أن الثنائية (1210, 410) (1)
  - $N \times N$  (1)
  - 3 - عين العدد الطبيعي  $n$  الذي يكتب  $\overline{\alpha\beta 020}$  حيث  $\alpha$   $\beta$  عدنان طبيعيان.
- 5 ويكتب  $\overline{\beta\alpha\beta 50}$

### تمرين 4:

- (I)  $g(x) = (x-1)e^{-x} + 2$  كمايلي: معرفة على  $R$
- 1- ادرس تغيرات الدالة  $g$
  - 2- بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  وحيدا  $\alpha$   $]-0,38, -0,37[$
  - 3-  $g(x)$  حسب قيم  $x$  في  $R$ .
- (II)  $f$  دالة عددية معرفة  $R$  كمايلي:  $f(x) = 2x + 1 - xe^{-x}$   $(c_f)$  تمثيلها البياني في معلم  $(o, \vec{i}, \vec{j})$   $. 2cm$
- 1- ادرس تغيرات  $f$
  - 2- بين أن المستقيم  $(d)$   $y = 2x + 1$   $+\infty$
  - 3- ادرس وضعية  $(c_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(d)$
  - 4- بين أن  $(c_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيينها
  - 5- بين أن  $f(\alpha) = \frac{2\alpha^2 + \alpha - 1}{\alpha - 1}$
  - 6-  $\alpha = -0,375$   $(c_f)$   $(d)$
  - 7- احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى  $(c_f)$  والمستقيمات ذات المعادلات  $y = 2x + 1$   $x = 2$   $x = 0$
- (III)  $(\Delta_\beta)$  مستقيم معادلته  $y = 2x + \beta$  حيث  $\beta$  عدد حقيقي .
- 1- عين  $\beta$  حتى يكون  $(\Delta_\beta)$   $(c_f)$  عند نقطة يطلب تعيين احداثيتها
  - 2- ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $\beta$   $\frac{x}{e^x} + 1 - \beta = 0$  :