#### مديرية التربية لولاية مستغانم



دورة ماي 2024

المدة: 03 ساو 30د

امتحان بكالوريا تجريبي

الشعبة: علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

# التمرين الأول: (04نقاط)

 $u_{n+1} = \frac{1}{2}(u_n - n) - 1$  : n غدد طبيعي  $u_0 = 2$  ,  $u_0 = 2$  ) المتتالية العددية  $u_n$  المتتالية العددية  $u_n$ 

 $u_2$  و  $u_1$  علا من  $u_2$  احسب كلا من -1

 $u_n + n > 0$  : n غدد طبيعي التراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي أ

. متناقصة تماما المتتالية المتناقصة المتتالية  $(u_n)$ 

 $v_n = u_n + n$  : كما يلي:  $v_n = u_n + n$  معرفة على المتتالية العددية  $v_n = u_n + n$ 

أ) بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.

. n بدلاله n ثم استنتج  $u_n$  بدلاله  $v_n$  بدلاله بارت

.  $\lim_{n\to+\infty}u_n$  جے (ج

 $S_n = (n+1)(2-n)\ln\sqrt{2}$  : n عدد طبیعي  $\bullet$ 

### التمرين الثانى: (4)نقاط)

، يحتوي كيس  $U_1$  على: ثلاث كريات تحمل الرقم 1 و أربع كريات تحمل الرقم 2 , و يحتوي كيس  $U_2$  على: ست كريات بيضاء و أربع كريات حمراء , كل الكريات متماثلة و لا يمكن التمييز بينها عند اللمس

: نسحب عشوائيا من  $U_2$  كرتين على التوالي وبإرجاع, أحسب احتمال كل من الحدثين الآتيين -1

\*الحدث A :"الحصول على كرتين من نفس اللون"  $\bullet$  الحدث B:"الحصول على كرية حمراء على الأكثر  $\bullet$ 

2- نسحب عشوائيا كرية من  $U_1$  , إذا كانت تحمل الرقم 1 نسحب عشوائيا من  $U_2$  كرتين على التوالي بدون بإرجاع, و إذا كانت تحمل الرقم 2 نسحب عشوائيا من  $U_2$  : ثلاث كريات في آن واحد

نعتبر X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب من  $U_2$  عدد الكريات البيضاء المسحوبة

X عين قيم المتغير العشوائي أ

.  $P(X=2) = \frac{3}{7}$  و  $P(X=1) = \frac{2}{5}$  بين أن

#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا تجريبي دورة ماي 2024

ج) عرف قانون احتمال المتغير العشوائي X ثم أحسب أمله الرياضياتي E(X)

#### التمرين الثالث: ( 50نقاط)

.  $(z-2i)(z^2+2z+4)=0$  : z المعادلة ذات الجمهول  $\mathbb C$  المعادلة المركبة  $(z-2i)(z^2+2z+4)=0$ 

 $z_D$  و  $z_C$  ,  $z_B$  ,  $z_A$  التي لاحقاتها لاحقاتها  $z_C$  و  $z_C$  التي المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $z_C$  النقط  $z_C$  التي المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $z_C$  التي نعتبر النقط  $z_C$  التي المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس ومتعامد ومتحانس المنسوب المنسوب إلى معلم متعامد ومتحانس ومتعامد ومتعام

. 
$$z_D=2$$
 و  $z_C=2i$  ,  $z_B=\overline{z_A}$  ,  $z_A=-1+i\sqrt{3}$  على الترتيب حيث:

. dim  $z_{c}$   $z_{B}$  ,  $z_{A}$  ou  $z_{B}$  ) dim  $z_{C}$   $z_{B}$  .

. ين استنتج أن النقط C,B,A تنتمي إلى نفس الدائرة يطلب تعيين مركزها نصف قطرها

. وأكتب العدد المركب 
$$\frac{z_D-z_A}{z_B-z_A}$$
 على الشكل الجبري ثم على الشكل الأسي .

ب) استنتج طبيعة المثلث ABD.

z لتكن نقطة من المستوي لاحقتها ع

. 
$$\mathbb{R}$$
 و  $\theta$  يمسح  $z=2i+e^{i\theta}$  حيث:  $z=2i+e^{i\theta}$  عين  $\sigma$ 

$$|z+2i| = |iz+\sqrt{3}+i|$$
 عين  $(\Gamma_2)$  بمحموعة النقط  $M$  حيث:

## التمرين الرابع: (07نقاط)

 $g(x)=x^3-1+2\ln x$  :الدالة العددية g معرفة على الجال g(x)=0

 $]0;+\infty[$  على g على الدالة g

. ]0;+∞ على على g(x) على g(1)

الدالة العددية f معرفة على المجال  $]0;+\infty[$  كما يلي:  $f(x)=x-1-\frac{\ln x}{x^2}$  و  $f(x)=x-1-\frac{\ln x}{x^2}$  المستوي المنسوب  $f(x)=x-1-\frac{\ln x}{x^2}$  .

 $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  أحسب  $\lim_{x \to 0} f(x)$  وفسر النتيجة هندسيا ثم أحسب أ $\lim_{x \to 0} f(x)$ 

. 
$$f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$$
 : ]0;+∞[ بين أنه أجل كل عدد  $x$  من ]0;+∞[ بين أنه أجل كل عدد  $x$  من ]0;+∞

.  $(C_f)$  مقارب مائل للمنحنى y=x-1 ذو المعادلة ( $\Delta$ ) ذو المعادلة أ

. ( $\Delta$ ) و ( $C_f$ ) ادرس الوضع النسبي لـ ادرس الوضع

 $(\Delta)$  و  $(C_f)$  من کلا من -3

. 
$$\int_{1}^{e} \frac{\ln x}{x^{2}} dx \quad + \infty \quad = 1$$

. x=e و x=1 , y=x-1 مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى  $C_f$  والمستقيمات ذات المعادلات S مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى والمستقيمات ذات المعادلات المعادلات المستوي المحدد بالمنحنى والمستقيمات ذات المعادلات المعادلات المستوي المحدد بالمنحنى والمستقيمات ذات المعادلات المعادلات المستوي المحدد بالمنحنى والمستقيمات ذات المعادلات المستوي المحدد بالمنحنى والمستقيمات ذات المعادلات المع

#### انتهى الموضوع الأول

#### الموضوع الثاني

# التمرين الأول: (04)نقاط)

 $z_C=\overline{z_B}$  و  $z_B=1+\sqrt{3}i$  ,  $z_A=-\sqrt{3}i$  :انقط B النقط B النقط B النقط متعامد ومتجانس ومتجانس  $(o,\overrightarrow{u},\overrightarrow{v})$  النقط على الترتيب .

. 
$$\left(\overline{z}-\sqrt{3}i\right)\left(z^2-2z+4\right)=0$$
 :  $z$  المعادلة ذات المجهول  $\mathbb C$  المعادلة ذات المجهول  $-1$ 

. الشكل الجبري ثم على الشكل الجبري ألم على الأسي . 
$$\frac{z_B}{z_A}$$

. 
$$\sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)$$
 و  $\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right)$  باستنتج القيمة المضبوطةلـ

. 
$$ABC$$
 على الشكل المثلثي, ثم استنتج طبيعة المثلث  $\frac{z_B-z_C}{z_A-z_C}$  على الشكل المثلث -3

$$\left(\frac{z_B}{z_C}\right)^{2023} = \left(\frac{z_B}{z_C}\right)^{1444} = \frac{z_B}{z_C}$$
 :بين أن بين أن

. عددا تخيليا صرفا عددا تخيليا صرفا . عددا تخيليا صرفا من المستوي ذات اللاحقة z التي من أجلها يكون: z عددا تخيليا صرفا .

# التمرين الثاني: (50نقاط)

. نعتبر  $u_n$  متتالية معرفة على  $\mathbb{N}$  بـ  $u_n=1$  و من أجل كل عدد طبيعي  $u_n=1$   $u_n+1$  حيث  $\alpha$  عدد حقيقي غير معدوم معدوم.

. عين قيمة  $\alpha$  حتى تكون المتتالية  $(u_n)$  حسابية.

.  $\alpha = 9$ فيما يلي نأخذ  $\otimes$ 

$$u_n < \frac{9}{5}$$
 :  $n$  غدد طبيعي عدد أجل كل عدد عبي

. أدرس اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  , ثم استنتج أنها متقاربة -3

$$v_n = \sqrt{u_{n+1} - u_n}$$
 بـ:  $\mathbb N$  بـ المعرفة على المعرفة على المعرفة على -4

. 
$$v_0$$
 الأول عيين حدها الأول و متتالية هندسية أساسها  $q=\frac{2}{3}$  يطلب تعيين حدها الأول

 $\cdot$  , n بدلالة  $v_n$  بدلالة  $v_n$ 

$$S_n = v_0^2 + v_1^2 + ... + v_n^2$$
 =  $S_n = v_0^2 + v_1^2 + ... + v_n^2$  =  $S_n = v_0^2 + v_1^2 + ... + v_n^2$ 

 $\cdot \lim_{n \to +\infty} u_n$  بدلالة n , n بدلالة بارم عبارة عبارة بارم بارم بارم الم

#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا تجريبي دورة ماي 2024

#### التمرين الثالث: (40نقاط)

یحتوی صندوق علی n کرة حمراء و 3 کرات بیضاء و کرتین سوداویتین (الکرات متماثلة 1 نفرق بینها عند اللمس) و 1 عدد طبیعی

- 1- نسحب من الصندوق كرتين على التوالي مع إرجاع الكرة المسحوبة
- $\frac{1}{4}$  عين قيمة n حتى يكون احتمال الحصول على كرتين حمراوتين يساوي -
- سحوبة الكرة المسحوبة و نسحب من الصندوق ثلاث كرات على التوالي بدون إرجاع الكرة المسحوبة -2
- علما أن الكرة الأولى المسحوبة حمراء أحسب احتمال الحصول على آخر كرتين من نفس اللون
  - سحبة عدد الكرات البيضاء المتبقية في الصندوق X الذي يرفق بكل سحبة عدد الكرات البيضاء المتبقية في الصندوق
  - . E(X) عرف قانون احتمال المتغير العشوائي X ثم أحسب أمله الرياضياتي \_

### التمرين الرابع: (07نقاط)

- وي المستوي  $g(x) = a + (x^2 + 2x b) e^{-x}$  بـ:  $\mathbb{R}$  بـا الشكل المقابل هو  $g(x) = a + (x^2 + 2x b) e^{-x}$  بـا الشكل المقابل هو  $g(x) = a + (x^2 + 2x b) e^{-x}$  المستوي المعلم المتعامد و المتجانس  $g(x) = a + (x^2 + 2x b) e^{-x}$  المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $g(x) = a + (x^2 + 2x b) e^{-x}$  المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $g(x) = a + (x^2 + 2x b) e^{-x}$  المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $g(x) = a + (x^2 + 2x b) e^{-x}$ 
  - و مقارب ( $C_g$ ) عين a و a حتى يقبل (b و a عين (1 معادلته y=1 بجوار ( $\infty$ +) و يقبل مماسا معامل توجيهه a عند المبدأ.

a=b=1 فيما يلي نضع

- بين أن المعادلة g(x)=0 تقبل حلين أحدهما (2 معدوم و الثاني  $\alpha$  حيث:  $-2.5 < \alpha < -2$
- x ميانية عين إشارة g(x) حسب قيم (3
- . نعتبر الدالة العددية f المعرفة على  $\mathbb{R}$  يـ:  $\mathbb{R}$  ي المعرفة على  $f(x) = x \frac{x^2 + 4x + 3}{e^x}$  نعتبر الدالة العددية المعرفة على المعرفة
  - $\lim_{x \to -\infty} f(x) \lim_{x \to +\infty} f(x)$  low. (1)
  - f'(x) = g(x) : x أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي (2 بين أنه من أجل كل عدد حقيقي و أب أب بين أنه من أجل تغير الدالة أثم شكل جدول تغيراتها.
- .  $-3 < x_{_0} < -2.9$  يقطع محور الفواصل في ثلاث نقاط فواصلها  $_0$  و  $_1$  و  $_2$  بحيث:  $(C_f)$  يقطع محور الفواصل في ثلاث نقاط فواصلها  $_2 < x_{_2} < 2.1$   $_2 < x_{_3} < 2.1$   $_3 < x_{_1} < -1.1$ 
  - y=x معادلته ( $\Delta$ ) معادلته مستقيم مقارب ( $C_f$ ) معادلته (4 ( $\Delta$ ) معادلته ( $\Delta$ ) و المستقيم ( $\Delta$ ).
    - $(f(\alpha) = 6)$  أنشئ كلا من  $(\Delta)$  و  $(C_f)$  و  $(\Delta)$ . نأخذ (5
  - x=2 ، x=-2 احسب مساحة الحيز المحدد بـ  $(C_g)$  و  $(\Delta)$  و  $(\Delta)$  و المستقيمات ذات المعادلات التالية:

انتهى الموضوع الثاني.