

امتحان الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول:

$$g(x) = 3 - \frac{6}{x+2} \quad \text{بـ: } g \text{ الدالة المعروفة على المجال } [2; +\infty[$$

(C_g) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس (j; i; o). (الوثيقة -1-)

1) تعتبر المتتالية العددية (u_n) المعروفة على \mathbb{N} بـ $u_0 = 8$ ومن أجل كل عدد طبيعي n :

أ/ مثل على محور الفواصل الحدود: u_0, u_1, u_2, u_3 (دون حساب).

بـ/ ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (u_n) وقارنها.

. 2) أ/ برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $1 \leq u_n \leq 8$.

بـ/ بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(1-u_n)}{u_n+2}$

جـ/ حدد اتجاه تغير المتتالية (u_n) ثم استنتج أن (u_n) متقاربة.

3) (v_n) المتتالية العددية المعروفة على \mathbb{N} كما يلي:

أ/ بين أن (v_n) متتالية هندسية يتطلب تعين أساسها وحدتها الأولى.

بـ/ أكتب كلا من v_n و u_n بدالة n , ثم احسب $\lim_{n \rightarrow \infty} U_n$

التمرين الثاني:

$$f(x) = x + \frac{2}{1+e^x} \quad \text{بـ: } f \text{ دالة معرفة على } \mathbb{R}$$

(c) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد متجانس (j; i; o).

$$(1) \text{ تأكـدـ أنـ: } f(x) = x + \frac{2e^{-x}}{1+e^{-x}}$$

2) عـينـ دـالـةـ أـصـلـيـةـ لـدـالـةـ f عـلـىـ \mathbb{R} .

3) اـحـسـبـ A مـسـاحـةـ الـحـيـزـ المـحـدـدـ بـالـمـنـحـنـيـ (r) وـحـاـمـلـ مـحـورـ الفـاـصـلـ وـالـمـسـتـقـيمـيـنـ الـلـذـيـنـ مـعـادـلـتـاهـاـ:

$$x = 0 \quad \text{وـ} \quad x = 4$$

التمرين الثالث:

المستوي منسوب إلى معلم متعمد ومتجانس $(\bar{j}, \bar{i}, \bar{r})$

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $[0, +\infty)$ كما يلي:

1) احسب نهايّاتي الدالة g عند طرفي مجال تعريفها.

2) ادرس اتجاه تغيير الدالة g .

3) يَتَّبِعُ المُعَادَلَة $0 = g(x)$ تَقْبِيل حلاً وحيداً α حيث $\left[\frac{3}{2} ; 2 \right]$. فَسُرِّ النَّتِيْجَة بِيَانِيَا.

4) استنبع إشارة (x) g على المجال $[0, +\infty)$.

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $[0, +\infty)$ كما يلي

1) احسب (x) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم فَسُرِّ النَّتِيْجَتَيْن بِيَانِيَا.

2) أثبّت أنه من أجل كل x من $[0; +\infty)$: $f'(x) = \frac{g(x)}{x(x^2+1)^2}$

3) استنبع اتجاه تغيير الدالة f ثم شَكَّل جدول تغيراتها.

4) يَتَّبِعُ أن : $f(\alpha) = \frac{1}{2\alpha^2}$

5) أكتب معادلة المماس (Δ) لـ (c) عند النقطة ذات الفاصلية $x_0 = 1$

6) ارسم (c) و (Δ) .

7) ناقش بِيَانِيَا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد إشارة حلول المعادلة $2\ln x = x^3 + x + 2mx^2 + 2m$

انتهى ...

بال توفيق