## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية :رابح بركاتي -افلو-

دورة: مارس 2020

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا تجريبي للتعليم الثانوي

الشعب: تقني رياضي

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 04 ساعات

# على المترشح اختيار موضوع واحد من بين الموضوعين الموضوع الاول

#### التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_{n+1}=3u_n-2n+3$  و  $u_0=4$  نعتبر المتتالية  $(u_n)$  معرفة على N بحدها الاول  $\sqrt{u_n}$ 

- برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي فان  $n \geq n$  ثم استنج استنج مع التبرير ثم فسر النتيجة ?
  - .  $(u_n)$  متزایدهٔ  $(u_n)$  متزایدهٔ تماما .
  - $v_n = u_n n + 1$  N متتالية معرفة على  $(v_n)$
  - لأول متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول  $(v_n)$
  - $(u_n)$  بدلالة n تحقق من نفاية المتتالية  $u_n$  و  $v_n$  بدلالة n .2
    - وجد بدلالة n المجموعين:

$$S_n = v_0^2 + v_1^2 + v_2^2 + \dots + v_{n-1}^2$$

$$p_n = (u_0)^2 + (u_1 - 1)^2 + (u_2 - 2)^2 \dots + (u_{n-1} - n + 1)^2$$

## التمرين الثاني : (05 نقاط)

يحتوي صندوق على خمس بطاقات بيضاء تحمل الارقام 2; 2; 1; 1; 1 وثلاث بطاقات خضراء تحمل الارقام 1; 2; 1; . نسحب عشوائيا وفي ان واحد بطاقتين من الصندوق:

- 1. احسب احتمال الحدث  ${f A}$ :سحب بطاقتین لهما نفس اللون.
- 2. احسب احتمال الحدث B :ان تكون البطاقتان تحملان نفس الرقم
  - $P(A \cup B)$  مثم استنتج  $P(A \cap B)$ . احسب
- 4. نعتبر المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب عدد الألوان الظاهرة بعد عملية السحب
  - أ. عرف قانون الاحتمال ثم احسب الامل الرياضياتي
- 5. نضيف 11 بطاقة بيضاء للصندوق ونسحب عشوائيا وفي ان واحد بطاقتين من الصندوق

$$P(C) = \frac{6}{n^2 + 15n + 56}$$
: بين ان احتمال سحب بطاقتين خضراوين هو

احسب  $\lim_{n\to+\infty}P(c)$  فسر النتيجة

 $P(C) = \frac{1}{15}$  :اوجد عدد البطاقات المضافة حتى يكون

ص4/1

# التمرين الثالث: (4 نقاط)

$$(1)$$
نعتبر في  $z^2$  المعادلة :  $3x - 11y = 23$  : نعتبر في

$$x_0 - y_0 = 1$$
: للمعادلة حيث  $(x_0; y_0)$  عين حلا خاص

، (1) محل في 
$$z^2$$
 المعادلة

$$-10 \prec x \prec 40$$
 کیث یکون  $(x; y)$  حلول المعادلة ( $(x; y)$  عین الثنائیات

$$d$$
 ماهي قيم  $x$  مشترك اكبر للعددين  $x$  و  $x$  حلي المعادلة و المعادلة  $d$ 

$$\begin{cases} 13x - 11y = 23 & : 4 \\ p \gcd(x; y) = 23 \end{cases}$$

## التمرين الرابع: (7نقاط)

$$g(x) = (1 + x + x^2)e^{\frac{-1}{x}} - 1$$
  $[0; +\infty[_{ae}b = ae]b]$ 

درس اتجاه تغیر الدالة g ثم شكل جدول تغیراتما 1

$$g\left(x
ight)$$
بين أن المعادلة  $g\left(x
ight)=0$  تقبل حل وحيد  $lpha$  حيث:  $lpha$  حيث  $g\left(x
ight)=0$  ثم استنتج إشارة.

$$f(x) = \frac{1}{x} + (1+x)e^{\frac{-1}{x}}$$
 :  $]0;+\infty[$  المعرفة على  $f$  المعرفة على  $\checkmark$ 

f عين نهايات الدالة. 1

$$f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$$
: بين أنه من اجل كل عدد حقيقي موجب تماما . 2

f. استنتج اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول التغيرات .

$$"t=rac{-1}{x}$$
 مستقیم مقارب مائل  $(\Delta)$  "یمکنك وضع  $y=x$  ان  $y=x$ 

$$h(x) = \frac{1}{x} - 1 + e^{\frac{-1}{x}}$$
 كما يلي  $0; +\infty$  على  $0$ 

أ. ادرس تغيرات الدالة 
$$h$$
 ثم استنتج اشارتها

$$f(x) - x = (1+x)h(x)$$
 : فقق ان

ج. استنتج الوضع النسبي بين المنحنى والمستقيم المقارب
$$(\Delta)$$

$$(C_f)$$
 ارسم.  $\checkmark$ 

#### ال<mark>موضوع الثاني:</mark>

#### التمرين الأول : (04 نقاط)

$$\begin{cases} m = PPCM(U_3; U_5) \\ d = PGCD(U_3; U_5) \end{cases}$$
 حيث 
$$\begin{cases} U_4 = 15 \\ m + d = 42 \end{cases}$$
 : عقق عداد طبيعية تحقق  $(U_n)$ 

 $.\,U_{\scriptscriptstyle 0}\,$ عين الحدين  $\,U_{\scriptscriptstyle 5}\,$  و  $\,U_{\scriptscriptstyle 5}\,$  عين الحدين (1

$$U_3 = 12$$
 نضع

- . و عين رتبته ،  $(U_n)$  بدلالة ،  $(U_n)$  بدلالة ، أم بين أن (2022 حد من حدود المتتالية (202)
- . 10140 يساوي  $(U_{\scriptscriptstyle n})$  عين الحد الذي ابتداءا منه يكون مجموع 5 حدود متعاقبة من  $(U_{\scriptscriptstyle n})$ 
  - . عدد طبيعي غير معدوم n

$$P_n = (U_1 - 3)(U_2 - 3)(U_3 - 3).....(U_n - 3):$$
 احسب بدلالة  $n$  المجموع  $P_n = (U_1 - 3)(U_2 - 3)(U_3 - 3)....(U_n - 3):$  المجموع  $P_n = n!(3^{n+1})$  بين ان  $P_n = n!(3^{n+1})$  بين ان  $P_n = n!(3^{n+1})$ 

## التمرين الثاني : (05 نقاط):

- C و B ، A المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس ( $O;\vec{u},\vec{v}$ ) ، حيث النقط C و C التي المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس C و C التي المعلم المتعامد C و C التي المعلم المتعامد المتع
  - استنتج طبيعة المثلث ABC أكتب على الشكل الجبري  $\frac{Z_B-Z_A}{Z_C-Z_A}:$
- لتكن النقطة E ذات اللاحقة E عين لاحقة النقطة D عين لاحقة النقطة D عين النقطة D عين لاحقة النقطة D عين النقطة D عين لاحقة النقطة D عين النق
  - $\{(A;-2),(C;1),(E;3)\}$  عين لاحقة النقطة G حيث G هي مرجح الجملة المثقلة (3
  - M نقطة من المستوي لاحقتها z عين طبيعة مجموعة النقط M ، مجموعة النقط M و عناصرها المميزة و التي تحقق M (4 .  $\left|-2iz+4+6i\right|=\left|3-3i\sqrt{3}\right|$ 
    - : حيث  $z_3$  و ليكن العددين المركبين  $z_2 = -\sqrt{5} + i\sqrt{15}$  و  $z_1 = -3 i\sqrt{3}$  : حيث عيث العدد المركبين العددين المركبين المركبين المركبين عيث العددين المركبين المركبين المركبين عيث العددين المركبين المركبين عيث عيث العددين المركبين المركبين المركبين المركبين المركبين المركبين عيث عيث المركبين ال

$$\chi_3 = \sqrt{2} \left( \cos \left( -\frac{\pi}{4} \right) + i \sin \left( -\frac{\pi}{4} \right) \right)$$

- أكتب  $z_3$  و  $z_2$  على الشكل المثلثي مع التبرير ثم  $z_3$  على الشكل الجبري (1
- . نعرف العدد المركب L حيث:  $L=\frac{Z_1}{2}$  أكتب العدد L على الشكل الجبري ثم على الشكل المثلثي .  $Z_3$ 
  - .  $\sin \frac{7\pi}{12}$  و  $\cos \frac{7\pi}{12}$  و  $\cos \frac{7\pi}{12}$  استنتج القيمة المضبوطة لكل من
- $\left(rac{L}{\sqrt{6}}
  ight)^{2020}$  ليكن n عدد طبيعي . عين قيم n بحيث يكون العدد  $L^n$  حقيقيا ثم أكتب على شكل الجبري n

التموين الثالث: (4 نقاط) اجب بصحيح او خطأ مع التبرير عن العبارات الاتية

1. من أجل كل عدد طبيعي n وحسب دستور ثنائي الحد اذا كان لدينا:

$$S_n = C_n^2 5^2 + C_n^3 5^3 + C_n^4 + \dots + C_n^n 5^n$$

$$s_n = 5^{n+1}$$
 : فان

b imes c اعداد صحیحة ; اذا کان a اولي مع b واولي مع a فان: a,b,c .2

3. عدد الطرق الممكنة لفتح خزنة رقمها السري مكون من الارقام الثمانية التالية 8;8;8;3;3;2;2;4 هي:

$$8! = 40320$$

$$k \in \aleph^*$$
 حيث  $x = \ln(2k)$  هو  $\cos(\pi e^x) + \sin(\pi e^x) = 1$  حيث 4.

# التمرين الرابع: ( 07 نقاط)

 $]0;1[\,\cup\,]1,+\infty[$  نعتبر الدالة f المعرفة على المجال

$$f(x) = x + 1 - \frac{1}{\ln x}.$$

- 1. اوجد نهایات الدالة f ثم ادرس اتجاه تغیرها و شکل جدول التغیرات.
  - 2. بین ان المنحنی یقبل مستقیم مقارب مائل  $(\Delta)$  یطلب تعیین معادلة له ادرس الوضع النسبی بین المنحنی والمستقیم  $(\Delta)$ .
- $1.49 \prec lpha \prec 1.5$  : عين ان المنحنى ( $C_f$ ) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة lpha
  - $y = \left(\alpha + 3 + \frac{1}{\alpha}\right)(x \alpha)$  : هي ان معادلة المماس عند الفاصلة .4
    - .  $(\Delta)$  ارسم المنحى  $(C_f)$  والمستقيم المقارب المائل .5
    - $h(x) = 1 x + x \ln x$  : [1.+\infty] المعرفة على المجال .6
      - أ. بين ان h متزايدة تماما على المجال  $[1.+\infty]$  ثم استنتج اشارتها

$$f(x) - x + \frac{1}{x \ln x} = \frac{h(x)}{x \ln x}$$
 ب. بین ان

$$x - \frac{1}{x \ln x} \prec f(x) \prec x + 1$$
: استنتج ان