

**التمرين الثالث: (09 نقاط)**

$g$  دالة معرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $g(x) = x^2 - 1 + \ln x$

1 ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$ .

2 احسب  $g(1)$  ثم حدد حسب قيم  $x$  إشارة  $g(x)$ .

الجزء II:  $f$  دالة معرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = x - \frac{\ln x}{x}$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

1 بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$  و فسر النتيجة هندسيا ثم احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ .

2 بين أنه من أجل كل  $x$  من المجال  $]0; +\infty[$  لدينا:  $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ .

3 استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4 بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x$  مقارب للمنحنى  $(C_f)$  ثم ادرس وضعيتهما النسبية.

5 بين أن  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين إحداثياتها.

6 ارسم كل من  $(\Delta)$  و  $(C_f)$ .

7 ناقش بيانها، حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد و إشارة حلول المعادلة:  $x^2 - mx - \ln x = 0$ .

الجزء III: نعتبر الدالة  $h$  المعرفة على  $IR$  بـ:  $h(x) = f(e^x)$ .

1 بين أنه من أجل كل  $x$  من  $IR$  لدينا:  $h(x) = \frac{e^{2x} - x}{e^x}$ .

2 استنتج جدول تغيرات الدالة  $h$ .

**الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية**

ثانوية: أفلاح بن عبد الوهاب / تيارت / السنة الدراسية: 2017 – 2018

المستوى: الثالثة ثانوي / الشعبة: علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات / المدة: 03 ساعات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين

**الموضوع الأول**

**التمرين الأول: (06 نقاط)**

الجزء I: إليك شجرة الإحتمالات التالية:

انقل الشجرة ثم أتممها.

الجزء II: بالإعتماد على الشجرة اختر جوابا صحيحا من بين الإقتراحات التالية مع تعليل جوابك.

1 الإحتمال  $P(A \cap B \cap C)$  هو:

أ) 1,3      ب) 0,4      ج) 0,072

2 الإحتمال  $P(C)$  هو:

أ) 0,1344      ب) 0,2064      ج) 0,072

3 الإحتمال  $P(\bar{B})$  هو:

أ) 0,54      ب) 0,42      ج) 0,072

4 الإحتمال  $P_{A \cap B}(\bar{C})$  هو:

أ) 0,2536      ب) 0,6      ج) 0,88

5 الأمل الرياضي للمتغير العشوائي  $X$  هو:

أ)  $E(X) = 1,1376$       ب)  $E(X) = 1$       ج)  $E(X) = 3,1020$

**التمرين الثاني: (05 نقاط)**

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة على  $N$  بـ:  $u_0 = 9$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n - 3$ .

ولتكن المتتالية  $(v_n)$  المعرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  حيث:  $v_n = u_n + 6$

1 أ) بيّن أنّ  $(v_n)$  متتالية هندسية يُطلب تحديد أساسها وحدها الأول.

ب) اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$ ، ثم إستنتج عبارة  $u_n$  بدلالة  $n$ .

ج) نعتبر المجموعين  $S_n$  و  $S'_n$  حيث:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  و  $S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ .

احسب  $S_n$  بدلالة  $n$ ، ثم إستنتج  $S'_n$  بدلالة  $n$ .

2 نعرف المتتالية  $(w_n)$  بـ: من أجل كل عدد طبيعي  $n$  لدينا:  $w_n = \ln(v_n)$  (حيث:  $\ln$  اللوغاريتم النيبيري).

أ) بيّن أنّ  $(w_n)$  متتالية حسابية يُطلب تحديد أساسها وحدها الأول.

ب) احسب بدلالة  $n$  المجموع:  $S''_n = w_0 + w_1 + \dots + w_n$ ، إستنتج النهاية  $\lim_{x \rightarrow +\infty} S''_n$ .

التمرين الثالث: (09 نقاط)

$f$  و  $g$  دالتان معرفتان على  $IR$  كما يلي:  $g(x) = 1 - x e^x$  و  $f(x) = \frac{e^x + x + 2}{e^x + 1}$ .

$(C_f)$  هو التمثيل البياني للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

1 ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

2 أ) بيّن أنّ المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $0,5 < \alpha < 0,6$ .

ب) عيّن إشارة  $g(x)$  حسب قيم العدد الحقيقي  $x$ .

3 ادرس تغيرات الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4 بيّن أنّ المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x + 2$  مقارب للمنحنى  $(C_f)$  عند  $-\infty$  ثم ادرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة

للمستقيم  $(\Delta)$ .

5 بيّن أنّ:  $f(\alpha) = \alpha + 1$  ثم أعط حصر  $f(\alpha)$ .

6 انشئ المستقيم  $(\Delta)$  والمنحنى  $(C_f)$ .

7 ناقش بيانها، حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد و إشارة حلول المعادلة:  $m e^x + e^x - x + m = 0$

## الموضوع الثاني

التمرين الأول: (05 نقاط)

نعرف متتالية  $(u_n)$  على المجموعة  $N$  بـ:  $u_0 = 2$  ومن أجل كل عدد  $n$ ،  $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n - n - \frac{3}{2}$ .

1 أ) احسب الحدين  $u_1$  و  $u_2$  ثم ضع تخمينا حول إتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$ .

ب) برهن أنه من أجل كل عدد  $n$ :  $u_n = 2^{-n} - 2n + 1$

2  $(v_n)$  متتالية معرفة على  $N$  بـ:  $v_n = u_n + \alpha n - 1$

أ) عين قيم العدد الحقيقي  $\alpha$  حتى تكون المتتالية  $(v_n)$  متباعدة.

ب) بين أنه من أجل كل عدد  $n$ :  $v_{n+1} = \frac{1}{2}v_n + \frac{1}{2}(\alpha - 2)(n + 2)$

ج) استنتج قيمة العدد  $\alpha$  حتى تكون المتتالية  $(v_n)$  هندسية يُطلب تحديد أساسها  $q$  وحدها الأول  $v_0$ .

د) احسب بدلالة  $n$  المجموع  $S_n$  حيث:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

3 في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس نعتبر النقط  $A; B; C$  و  $G$  حيث:

$$4\overline{GA} + 3\overline{GB} + \lambda\overline{GC} = \vec{0} \text{ مع } \lambda \text{ عدد حقيقي.}$$

أ) عيّن  $\lambda$  حتى تكون النقطة  $G$  مرجحا للنقط  $A; B; C$  و المرفقة بالمعاملات  $S_0; S_1; S_2$  على الترتيب.

التمرين الثاني: (06 نقاط)

يحتوي صندوق على 6 كرات بيضاء تحمل الأعداد: 0 ; 0 ; 0 ; 1 ; 1 ; 2 وكرتين سوداوين تحملان العددين 0 ; 1 (الكرات لا نفرق بينها عند اللمس).

التجربة هي سحب كرتين في آن واحد

1 احسب إحتمال كل من الحوادث التالية:

A: " للكرتين المسحوبتين نفس اللون "

B: " الكرتان المسحوبتان تحملان عددين جداؤهما معدوم "

C: " الكرتان المسحوبتان تحملان عددين مجموعهما عدد فردي "

2  $X$  المتغير العشوائى الذي يرفق بكل سحبة ممكنة مجموع عددي الكرتين المسحوبتين

أعط قانون احتمال المتغير العشوائى ثم أحسب أمله الرياضياتي  $E(X)$