

التمرين الأول :  
**جزء 01**

المستويي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $\vec{j}, \vec{t}$ ;  $O$ ).

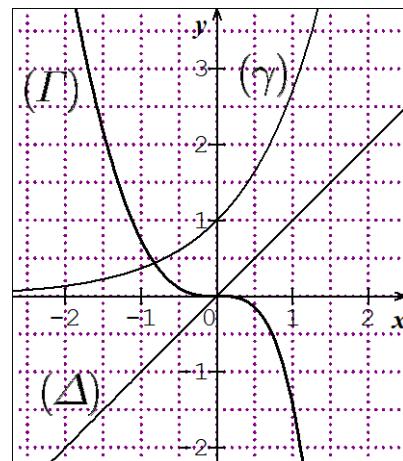
في الشكل المرفق، ( $\Gamma$ ) المنحنى الممثل للدالة  $g$  المعروفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

( $\Delta$ ) المستقيم الذي معادلة له :  $y = x$  و ( $\gamma$ ) المنحنى الممثل للدالة :  $x \mapsto e^x$  بقراءة بيانية:

1/ برر أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $e^x - x > 0$ .

ثم استنتج أن:  $1 - xe^{-x} > 0$ :

2/ حدد تبعاً لقيمة العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $g(x)$ .



جزء 02

الدالة العددية  $f$  معروفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

و ( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم السابق.

1/ أحسب  $f(x)$  ثم فسر النهايتين هندسيا.

2/ أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  يكون :

ب- استنتاج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

3/ أ- أكتب معادلة لـ ( $T$ ) المماس للمنحنى ( $C_f$ ) في النقطة  $A$  ذات الفاصلة 0.

ب- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  يكون:

ج- استنتاج الوضع النسبي لـ ( $C_f$ ) و ( $T$ ) على  $\mathbb{R}$ , ماذا تمثل النقطة  $A$  بالنسبة إلى ( $C_f$ )؟

4/ بين أن المعادلة  $0 = f(x)$  تقبل حلولاً وحيداً في المجال  $[1; -\infty[$ , ثم تحقق أن:  $-0,5 < \alpha < 0,6$ .

5/ أنشئ المماس ( $T$ ) والمستقيمين المقاربين ثم أنشئ المنحنى ( $C_f$ )

التمرين الثاني :

الدالة العددية  $f$  المعروفة على المجال  $[+\infty; -1]$  كما يأتي:

( $C_f$ ) منحنى الدالة  $f$  في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $\vec{j}, \vec{t}$ ;  $O$ ).

1/ ادرس تغيرات الدالة  $f$ .

أ- بين أن المنحنى ( $C_f$ ) يقبل مستقيمين مقاربين أحدهما ( $D$ ) معادلته:  $y = x$ .

ب- ادرس الوضعيّة النسبية للمنحنى ( $C_f$ ) و ( $D$ ).

أ- بين ( $C_f$ ) أن يقطع حامل محور الفاصل في نقطة وحيدة فاصلته  $x_0$  بحيث:  $1.4 < x_0 < 1.3$ .

ب- عين معادلة ( $\Delta$ ) المماس للمنحنى ( $C_f$ ) في نقطة تقاطعه مع حامل محور التراتيب.

ج- أنشئ ( $\Delta$ ) و ( $C_f$ ) في نفس المعلم.

(I) الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $g(x) = 1 + (1-x)e^x$

1) أدرس تغيرات الدالة  $g$ .

2) بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  على  $\mathbb{R}$ .

3) تحقق أن :  $1 < \alpha < 1,3$  ثم استنتج إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$ .

4) تتحقق أن :  $e^{-\alpha} = \alpha - 1$ .

(II) الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $f(x) = 1 + \frac{x}{e^x + 1}$

.  $\left( C_f, \vec{i}, \vec{j}; O \right)$  المنحني الممثّل لها في المعلم المتعامد والمتجانس

1) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  فإن:  $f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x + 1)^2}$

2) أدرس تغيرات الدالة  $f$ .

3) بين أن:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - x] = 1$ . ثم فسر هندسياً هذه النتيجة.

4) أدرس الوضع النسبي بين  $\left( C_f \right)$  والمستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلة له:  $y = x + 1$

5) بين أن:  $f(-\alpha) = 0$  و  $f(\alpha) = 0$ .

6) أكتب معادلة ديكارتية للمماس  $(T)$  في النقطة التي فاصلتها  $\alpha$  .

7) أنشئ  $\left( C_f \right)$  ،  $(\Delta)$  و  $(T)$  في المعلم  $\left( \vec{i}, \vec{j}; O \right)$ .

8) ناقش بيانياً حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة  $f(x) = x + f(m)$ .

الدالة العددية  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $h(x) = 1 - \frac{xe^x}{e^x + 1}$  تمثيلها البياني في المعلم السابق

► بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $\mathbb{R}$  فإن:  $h(x) = f(-x)$

ثم استنتاج كيفية إنشاء  $\left( C_h \right)$  انطلاقاً من  $\left( C_f \right)$ .