

الفرض الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $R$  كما يلي:  $f(x) = (-ax^3 + bx^2)e^{-x+1}$   
و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .  
(1) عين العددين الحقيقيين  $a, b$  بحيث  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل في النقطة  $N$  ذات الفاصلة 2  
و معامل توجيه المماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $N$  هو  $-4e^{-1}$ .

نضع  $a = 1$  و  $b = 2$ .

(2) (أ) احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

(ب) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f(x) = \frac{-x^3}{e^x} e^1 + 2 \frac{x^2}{e^x} e^1$  ثم احسب:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

✓ استنتج وجود مستقيم مقارب للمنحنى  $(C_f)$  يطلب تعيين معادلة له.

(ج) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f'(x) = x(x^2 - 5x + 4)e^{-x+1}$ .

✓ ثم استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.  $[f(4) = -32e^{-3}]$   
(3) أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 2.

(4)  $h$  الدالة المعرفة على المجال  $[0; +\infty[$  كما يلي:  $h(x) = x^2 e^{-x+2} - 4$ .

(أ) ادرس اتجاه تغير الدالة  $h$ ، ثم استنتج إشارة  $h(x)$ .

(ب) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f(x) - [-4e^{-1}(x - 2)] = (-x + 2)e^{-1} \times h(x)$   
و حدد عندئذ وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(T)$  على المجال  $[0; +\infty[$ .

(ج) هل المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف؟ برر.

(5) ارسم المماس  $(T)$  والمنحنى  $(C_f)$  على المجال  $[0; +\infty[$ .

(6) ليكن  $(\Delta_m)$  المستقيم الذي معادلته:  $y = mx - 2 \ln(e)m$  حيث  $m$  وسيط حقيقي.

(أ) بين أن جميع المستقيمات تشمل النقطة الثابتة  $N(2; \ln 1)$ .

(ب) ناقش، حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$ ، عدد نقاط تقاطع المستقيم  $(\Delta_m)$  والمنحنى  $(C_f)$ .

(7)  $g$  الدالة العددية والمعرفة على المجال  $[0; +\infty[$  بـ:  $g(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$ .

✓ اعتمادا على السؤال رقم (2) شكل جدول تغيرات الدالة  $g$ . حيث:  $\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = 0$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 0$ .

انتهى