

فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: ( 4 نقط )

(1) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $\ln|x-1| + \ln|x+1| = 2\ln 2$  .

(2) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية  $\mathbb{R}$  المتراجحة :  $e^{2\ln(\frac{1}{x})+1} \geq 2e$  .

التمرين الثاني: ( 16 نقطة )

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = -2x - \frac{5}{4} + \frac{1}{4}(2e^x - 3)^2$  .

و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  . الوحدة  $2cm$  .

(1) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  .

(2) أ - بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة  $y = 1 - 2x$  مستقيم مقارب مائل لـ  $(C_f)$  عند  $-\infty$  .

ب - أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$  .

(3) أ - بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  :  $f'(x) = (2e^x + 1)(e^x - 2)$  ثم استنتج اتجاه تغير  $f$  .

ب - شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .

(4) بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين فاصلتها .

(5) أ - بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين فاصلتيهما  $\alpha$  و  $\beta$  حيث

$-0,33 < \alpha < -0,32$  و  $1,23 < \beta < 1,24$  .

ب - أحسب  $f(0)$  ثم أنشئ  $(\Delta)$  و  $(C_f)$  .

(6) ناقش بيانها، حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  ، عدد و إشارة حلول المعادلة ذات المجهول  $x$  :

$1 - 3e^{-x} = (2x + m - 1)e^{-2x}$

--- بالتوفيق ---