

الفرض الدوري 02 في مادة الرياضيات الثالثة علوم تجريبية (29 يناير 2018)

التمرين الاول:
لتكن المتالية (u_n) المعرفة بـ: $u_0 = 4$ و من أجل عدد طبيعي n ،

أ) برهن بالترابع أنه من أجل عدد طبيعي n : $u_n \geq 3$.

ب) بين أن المتالية (u_n) متناقصة.

ج) برهن بالترابع أنه من أجل عدد طبيعي n : $u_n \leq 4$. (تحقق أن: $u_n \leq 4$)

د) أدرس تقارب المتالية (u_n) .

أ) برهن أنه من أجل عدد طبيعي n : $u_{n+1} - 3 \leq \frac{1}{5}(u_n - 3)$.

ب) استنتج أنه من أجل عدد طبيعي n : $u_n - 3 \leq \left(\frac{1}{5}\right)^n$.

التمرين الثاني: اقطع 16 مسافر تذاكر في المحطة بحيث 7 منهم يتوجهون إلى المحطة B بسعر 50 دينار للتنكرة الواحدة . 5 منهم يتوجهون إلى المحطة C بسعر 60 دينار للتنكرة الواحدة . 4 منهم يتوجهون إلى المحطة D بسعر 75 دينار للتنكرة الواحدة .

1) اختار عشوائيا واحدا من هؤلاء المسافرين ، و ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل مسافر

أ) عين قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X .

ب) أحسب الأمل الرياضي ثم الانحراف المعياري للمتغير العشوائي X .

2) اختار عشوائيا ثلاثة من هؤلاء المسافرين

أ) أحسب احتمال أن يكون لهؤلاء المسافرين اتجاهات مختلفة.

ب) أحسب احتمال أن يكون اتجاه مسافر واحد على الأقل هو نحو المحطة B .

ج) ما هو احتمال أن يكون اتجاه المسافرين الثلاثة هو المحطة B علما أنهم في نفس الاتجاه.

التمرين الثالث: g دالة معرفة على \mathbb{R} : $g(x) = ae^{2x} + be^x + c$ ، a, b, c اعداد حقيقة (C_g) منحناها البياني في معلم متوازد و متجلانس.

1. عين الاعداد الحقيقة a, b, c بحيث (C_g) يشمل O و المستقيم ذو المعادلة $y=1$ مستقيماً مقارب لـ (C_g) .

2. نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} : $f(x) = 2e^{2x} - 3e^x + 1$ تمثيلها البياني في المعلم السابق.

أ) أحسب نهايتي f ، عند $+∞$ و $-∞$ ، ثم عين (f') و شكل جدول تغيرات f .

ب) حدد نقط تقاطع C_f مع محور الفواصل.

ج) عين معادلة مماس C_f في النقطة ذات الفاصلة 0.

د) أثبت أن النقطة ذات الفاصلة (-1) نقطة انعطاف C_f ، و عين معادلة Δ مماس C_f في هذه النقطة.

أ- أنشئ C_f و المستقيم المقارب . (3)

ب- عين نقطة تقاطع C_f مع المستقيم المقارب.