

فرض الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات**التمرين الأول:**

الفضاء منسوب إلى معلم متعمد ومتجانس (S) لتكن $(M(x; y; z))$ مجموع النقاط $(\vec{k}; \vec{j}; \vec{i}; 0)$ من الفضاء بحيث:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4y + 2z + 2 = 0$$

1/ بين أن (S) سطح كرة يطلب تعين إحداثيات مركزها Ω ونصف قطرها.

2/ أتحقق أن النقطة (A) تتنمي إلى سطح كرة (S) .

ب - اكتب معادلة المستوى (P) المماس لسطح الكرة (S) في النقطة A .

3/ ليكن (Q) المستوى الذي يشمل النقطة $(-2; 1; 3)$ و (B) و $(1; 1; 1)$ شعاع ناظمي له.

أ - اكتب معادلة ديكارتية للمستوى (Q) .

ب - عين تمثيل وسيطي للمستقيم (D) الذي يشمل Ω ويعامد (Q) ثم عين H نقطة تقاطع (D) و (Q) .

ت - بين إن المستوى (Q) يقطع سطح الكرة (S) وفق دائرة يطلب تعين مركزها ونصف قطرها.

التمرين الثاني:

1. عين مجموعة الأعداد الصحيحة x بحيث : $4x \equiv 33[5]$

2. أ- حل في \mathbb{Z}^2 المعادلة ذات المجهول $(x; y)$ $4x - 5y = 33$ (E) (يمكن استعمال نتيجة السؤال 1)

ب - استنتج حلول الجملة: $\begin{cases} \lambda \equiv 55[5] \\ \lambda \equiv 22[4] \end{cases}$ ، ثم عين باقي قسمة λ على 20 .

ج - عين كل الثنائيات $(x; y)$ حلول المعادلة (E) التي تحقق: $|x + y + 3| < 27$

3. أدرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الأقلية للعدد 5^n على 11.

ب-برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معروف n :

$$10^{10n} + 16^{5n+4} + 27^{5n+2} + 38^{5n+3} + 49^{5n+1} \equiv 0[11]$$

ج - عين مجموعة قيم العدد الطبيعي n التي تتحقق الجملة التالية: $\begin{cases} n - 5^n \equiv 0[11] \\ n \equiv 2[5] \end{cases}$