



السنة الدراسية: 2024/2023

المستوى: الثالث ثانوي علوم تجريبية

المدة: ساعتان

الفرض الأول للفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (06 نقاط)(U_n) متتالية حسابية حدتها الأول U₁

(1) أحسب حدتها الثاني U₂ علما أن: U₁ + U₃ = 12

(2) أحسب حدتها الرابع U₄ علما أن: U₃ + U₄ + U₅ = 30

(3) عين أساس هذه المتتالية و حدتها الأول U₁(4) أكتب الحد العام U_n بدلالة n ثم عين n بحيث يكون: U_n = 32

(5) أحسب: S = U₄ + U₅ + ... + U₁₅

التمرين الثاني: (07 نقاط)(U_n) متتالية عددية معرفة بحدها الأول U₀ = 4 و العلاقة التراجعية: U_{n+1} = $\frac{2}{5}U_n + 3$ (1) أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي n: U_n < 5(2) أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي n: U_{n+1} - U_n = $\frac{3}{5}(5 - U_n)$ استنتج اتجاه تغير (U_n) و تقربها(3) (V_n) متتالية عددية معرفة على N بـ: V_n = 5 - U_nأ- أثبت أن (V_n) هندسية يطلب أساسها و حدتها الأول.ب- أكتب V_n بدلالة nج- استنتاج U_n بدلالة n، ثم أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$

(4) نضع: S_n = V₀ + V₁ + ... + V_{n-1}

W_n = U₀ + U₁ + ... + U_{n-1}

أ- أحسب S_n بدلالة n و استنتاج W_n بدلالة nب- أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} W_n$

التمرين الثالث: (07 نقاط)

ا) نعتبر الدالة h المعرفة على $[0; +\infty]$ بـ:

$$h(x) = x^2 - 1 + \ln(x)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) \text{ و } \lim_{x \rightarrow 0^+} h(x) \quad (1)$$

2) أدرس إتجاه تغير الدالة h ثم شكل جدول تغيراتها

3) أحسب $(1) h$ ثم استنتج إشارة $h(x)$ حسب قيم x .

ا) نعتبر الدالة f المعرفة على $[0; +\infty]$ بـ:

و C_f تمثيلها البياني في معلم متعدد و متجانس $(\vec{O}, \vec{i}, \vec{j})$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \quad (1)$$

بـ- أحسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ثم فسر النتيجة هندسيا

2) أ- بين أنه من أجل كل x من $[0; +\infty]$

ثم استنتاج اتجاه تغير f

بـ- شكل جدول تغيرات f

3) أ- بين أن المستقيم (Δ) ذي المعادلة $y = x - 1$ يقارب لـ (C_f) عند $+\infty$

بـ- أدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (Δ)

4) بين أن المستقيم (D) ذي المعادلة: $y = x - 1 - e^{-1}$ يمس (C_f) في نقطة A يطلب تعين إحداثياتها.

5) أرسم (Δ) ، (D) ، و (C_f)