

# الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الثانوية : حسين براهمي

المادة : ثلاثة ثانوي

المعامل : 7

المدة : 2 ساعة

مديرية التربية لولاية قسنطينة

المادة : رياضيات

الشعبية : رياضيات

الفرض الأول للفصل الثاني

التمرين الأول (10ن): نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = e^{-x} \sin x$ .  
(1) أحسب  $f'(x)$ .

(2) بين أن حلول المعادلة  $0 = f'(x)$  تمثل متتالية حسابية وأن صورها بالدالة  $f$  تشكّل متتالية هندسية.(3ن).

(3) أ- أحسب المشتقات المتتابعة للدالة  $f$  إلى غاية الرتبة الرابعة.(2ن).

ب- جد علاقة بين الدالة  $f$  و مشتقتها ذات الرتبة الرابعة والتي نرمز لها بالرمز  $f^{(4)}$ .(0.5ن).

(4) إستنتج دوال أصلية  $F$  للدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$ .(1ن).

(5) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  نضع:  $u_n = F[(2n+1)\pi] - F[2n\pi]$

أ- أحسب  $u_0$  ، ثم بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_n = \frac{e^{-2n\pi}}{2}(e^{-\pi} + 1)$ .(0.5ن+0.5ن).

ب- بين أن المتتالية  $(u_n)$  هندسية يطلب تعين أساسها . إستنتاج نهاية المتتالية  $(u_n)$ .(1ن+0.75ن).

التمرين الثاني (10ن): نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بـ:  $f(x) = x + \ln \left| \frac{x+1}{x-3} \right|$  تمثيلها البياني.

(1) أدرس تغيرات الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{-1; 3\}$  و المستقيمات المقاربة.(1.75ن+0.75ن).

ب- أدرس وضعية المستقيم المقارب المائل  $(\Delta)$  بالنسبة لـ  $(C_f)$ .(1ن).

(2) أثبت أنه من أجل كل  $x \in D_f$  ،  $f(2-x) + f(x) = 2$  : ماذا تستنتج?(0.5ن).

ب- هل النقطة  $(1; 1)$  نقطة إنعطاف للبيان  $(C_f)$ ? (0.5ن).

(3) بين أن المعادلة:  $0 = f(x)$  تقبل حل وحيد  $\alpha \in [0.5; 0.51]$ .(0.75ن).

(4) أنشئ بدقة كل من  $(\Delta)$  و  $(C_f)$ .(0.25ن+0.75ن).

(5) نقش بيانيًّا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد و إشارة حلول المعادلة:  $0 = m - x - \ln \left| \frac{x+1}{x-3} \right|$ .(2ن).

(6) لتكن الدالة العددية  $g$  المعرفة بـ:  $g(x) = \left| x \right| + \ln \left| \frac{|x|+1}{|x|-3} \right|$  تمثيلها البياني.

أ- عين مجموعة تعريف الدالة  $g$  ثم بين أنها زوجية. ماذا تستنتج?(0.75ن).

ب- إشرح كيف يمكن إنشاء المنحنى  $(C_g)$  بإستعمال البيان  $(C_f)$  ثم أنشئ  $(C_g)$ .(1ن).

## ملاحظات هامة جدا:

(1) يُمنع منعاً باتاً التقطيع و الكتابة تكون إما بالأزرق أو الأسود .

(2) لا تكتب ولا تلطف هذه الورقة لأنك سترجعها مع ورقة الإجابة .