

التمرين الأول: (4 نقاط)

من بين الاقتراحات الثلاثة لكل سؤال من الأسئلة جواب واحد فقط صحيح فقط حدده مع التعليل:

(1) المعادلة $\ln^2(x) - \ln(x) = 2$ حلولها هي:

(أ) $S = \{-1; 2\}$

(ب) $S = \{e^1; e^{-2}\}$

(ج) $S = \{\frac{1}{e}; e^2\}$

(2) المتتالية العددية (U_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ بـ: $U_n = 4\left(\frac{1}{2}\right)^n$ هي متتالية:

(أ) متزايدة تماما

(ب) متناقصة تماما

(ج) ليست رتيبة

(3) الدالة f المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ بـ: $f(x) = \ln\left(\frac{e^{x+3}(1+x)}{x}\right)^2$ يقبل منحناها مستقيما مقاربا مائلا بجوار $+\infty$ معادلته:

(أ) $y = 2x + 6$

(ب) $y = x + 3$

(ج) $y = x + 1$

التمرين الثاني: (8 نقاط)

لتكن (U_n) المتتالية العددية المعرفة كما يلي: $U_0 = 1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n - \frac{3}{2}$

المتتالية (V_n) العددية المعرفة كما يلي: من أجل كل عدد طبيعي n : $V_n = U_n + 3$

(1) بين أن (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.

(2) أكتب V_n بدلالة n ثم استنتج U_n بدلالة n .

(3) أدرس اتجاه تغير المتتالية (U_n) على $\mathbb{N}$.

(4) أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$

(5) أحسب بدلالة n المجموعين حيث: $S'_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$ ، $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$

(6) لتكن (W_n) المتتالية العددية المعرفة على $\mathbb{N}$ كما يلي: $W_n = 4\left(\frac{1}{V_n+4} - 1\right)$

(أ) بين أن المتتالية (W_n) متزايدة تماما على $\mathbb{N}$.

(ب) أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} (U_n - W_n)$ ماذا تستنتج؟

التمرين الثالث: (8 نقاط)

I. دالة معرفة على المجال $]0; +\infty[$ بـ: $g(x) = 1 - x^2(1 - \ln(x))$

(1) أدرس تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين أحدهما 1 والآخر α حيث: $1 < \alpha < e$.

(3) عين إشارة $g(x)$ تبعا لقيم x .

II. f دالة عددية معرفه بـ: $f(x) = \frac{1}{x(1-\ln(x))}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد

والمجانس $(0; \vec{i}, \vec{j})$. (D) مستقيم معادلته $y = x$ وحدة الطول $2cm$.

(1) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $x(1 - \ln(x)) = 0$ ، ثم استنتج أن $D_f =]0; e[\cup]e; +\infty[$

(2) عين نهاية الدالة f عند اطراف مجموعة التعريف، ثم فسر النتائج بيانيا.

(3) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من D_f فإن: $f'(x) = \frac{\ln(x)}{x^2(1-\ln(x))^2}$

(4) أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(5) (أ) تحقق أنه من أجل كل x من D_f فإن: $f(x) - x = \frac{g(x)}{x(1-\ln(x))}$

(6) أدرس الوضعية النسبية بين (D) و (C_f) من أجل كل عدد حقيقي x من D_f .

(7) أنشئ (D) و (C_f) .

إنتهى