

الغرض الثاني في مادة الرياضيات

الهدف: ساعتان

المستوى: الثالثة علمي

التمرين الأول : (7 نقاط)

أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل :

$$1. f \text{ دالة معرفة بالعلاقة } f(x) = x + 1 + 2 [\ln x - \ln(x - 1)]$$

(أ) مجموعة تعريف الدالة f هي : $]0; 1[\cup]1; +\infty[$

$$(ب) \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

(ج) منحنى الدالة f يقبل المستقيم ذو المعادلة $y = x + 1$ كمستقيم مقارب مائل بجوار $+\infty$

$$2. h \text{ دالة معرفة على المجال }]0; +\infty[\text{ كيلي : } h(x) = x + \frac{2 \ln x}{x}$$

(أ) الدالة h قابلة للإشتقاق على $]0; +\infty[$ وإشارة $h'(x)$ هي من عكس إشارة $g(x) = x^2 + 2 - 2 \ln x$ (ب) على المجال $]0; +\infty[$ إشارة $g'(x)$ هي من إشارة $x^2 - 1$ (ج) على المجال $]0; +\infty[$ الدالة g تقبل قيمة حدية عظمى تساوي 3(د) الدالة h متناقصة تماماً على المجال $]0; +\infty[$

التمرين الثاني : (7 نقاط)

لتكن المتتالية العددية (U_n) المعرفة بحددها الأول $U_1 = \frac{1}{2}$ ومن أجل كل عدد طبيعي غير معدوم $U_{n+1} = \left(\frac{n+1}{2n}\right) U_n$ 1. احسب U_2, U_3, U_4 2. بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم : $U_n > 0$ 3. ادرس إتجاه تغبر المتتالية (U_n) واستنتج أنها متقاربة4. احسب نهاية المتتالية (U_n) من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم, نضع $V_n = \frac{U_n}{n}$ 5. اثبت أن (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحددها الأول V_1 6. استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n : $U_n = \frac{n}{2^n}$ نعتبر الدالة f المعرفة على المجال $]1; +\infty[$ بـ : $f(x) = \ln(x) - x \ln 2$ 7. عين نهاية الدالة f عند $+\infty$ 8. استنتج نهاية المتتالية (U_n)

التمرين الثالث : (6 نقاط)

كيس به خمس كريات حمراء تحمل الأرقام 2, 2, 2, 2, 3 وأربع كريات خضراء تحمل الأرقام 3, 3, 3, 3 -2 وكريه زرقاء تحمل الرقم 1- , نسحب بطريقة عشوائية كرتين من الكيس في آن واحد .
نعتبر الحوادث التالية :

- A "الحصول على كرتين من نفس اللون "
- B "الحصول على كرتين من لونين مختلفين"
- C "الحصول على كرتين تحملان عددين جداءهما سالب "

1. عين عدد الحالات الممكنة لهذه التجربة

2. احسب $P(A)$, $P(B)$ و $P(C)$
نعرف من أجل كل سحبة من السحبات السابقة المتغير العشوائي X كمايلي :
- اذا سحبنا كرتين تحملان نفس العدد نرفق له العدد نفسه
- اذا سحبنا كرتين تحملان عددين مختلفين نرفق العدد الأكبر

3. عين قيم المتغير العشوائي X

4. عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X , ثم احسب أمله الرياضي