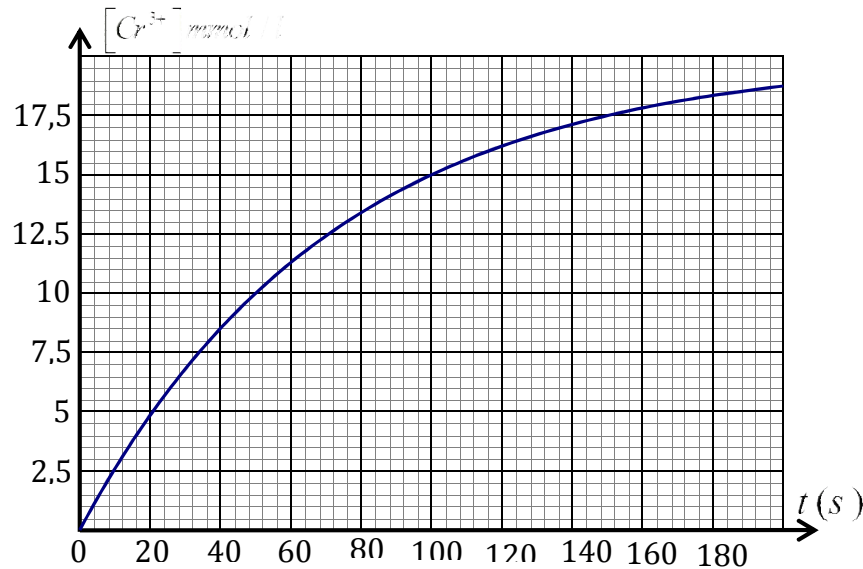


التمرين الأول :

المدة : 2 سا

في وسط حمضي.

-نمذج في اللحظة $t = 0$ حجما $V_1 = 50ml$ من المحلول (S_1) لحمض الاوكساليك $(H_2C_2O_4)$ تركيزه المولي $C_1 = 60mmol / l$ مع حجم $V_2 = 50ml$ من المحلول (S_2) شاردة لثنائي كرومات $(Cr_2O_7^{2-})$ تركيزه المولي C_2 في وسط حمضي, وتتابع تطور الجملة الكيميائية بدلالة الزمن حيث نحافظ على درجة الحرارة ثابتة ونتتبع تركيز شوارد (Cr^{3+}) الناتجة عن التفاعل فنحصل على البيان التالي :



1-المعادلة الإجمالية تكتب من الشكل : $3H_2C_2O_4 + Cr_2O_7^{2-} + 8H_3O^+ \rightarrow 2Cr^{3+} + 6CO_2 + 15H_2O$

2-أكتب المعادلتين النصفيتين للأكسدة والإرجاع ثم إستنتج الثنائيتين (Ox / Red) الداخلتان في التفاعل

3-أحسب كميات المادة الابتدائية للمتفاعلات

4-بما أن هذا المزيج ستوكيومتري إستنتج التركيز المولي C_2

5-أنجز جدول تقدم التفاعل ثم إستنتج التقدم الأعظمي x_{max}

6-أحسب التركيز النهائي $[Cr^{3+}]_f$, هل إنتهى التفاعل عند اللحظة $t = 200s$ ؟ علّل

7-عرّف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ ثم إستنتج قيمته

8-أحسب التركيب المولي للوسط التفاعلي عند اللحظة $t = t_{1/2}$

9-بيّن أن تركيز شوارد Cr^{3+} في كل لحظة يعطى بالعلاقة التالية : $[Cr^{3+}] = 0,02 - 0,67[H_2C_2O_4]$

10-أعط عبارة السرعة الحجمية للتفاعل بدلالة $[Cr^{3+}]$ ثم أحسب قيمتها عند اللحظة : $t = 60s$

التمرين الثاني :

1-في مفاعل نووي يتم قذف نواة اليورانيوم $^{235}_{92}U$ بـ نيوترون فيحدث تفاعل إنشطار نووي التالي : $^{235}_{92}U + ^1_0n \rightarrow ^A_{39}Y + ^{135}_ZI + 2^1_0n$

أ-عرّف طاقة الربط للنواة, عرّف الإنشطار النووي

ب-أوجد Z, A

ج-أحسب ب (MeV) ثم بالجول (J) الطاقة المحررة E_{lib} عن إنشطار نواة واحدة من اليورانيوم $^{235}_{92}U$ كل يوم

2- المفاعل النووي يستهلك في اليوم الواحد $3kg$ من اليورانيوم $^{235}_{92}U$ كل يوم

أ-أحسب الطاقة المحررة E_{libT} بوحدة الجول (J) عن إنشطار $3kg$ من اليورانيوم $^{235}_{92}U$ كل يوم

ب-تحويل الطاقة النووية إلى طاقة كهربائية داخل المفاعل النووي بمردود 40%

حيث : $r = \frac{E_{electrique}}{E_{libT}}$ المردود

- أحسب قيمة الطاقة الكهربائية التي ينتجها المفاعل النووي خلال يوم واحد

ج-بجوار هذا المفاعل النووي تتواجد محطة للطاقة الكهربائية تشتغل بالبترو، إذا علمت أن إحتراق 1kg من البترول يُحرر طاقة قدرها

45MJ وأن تحويل هذه الطاقة لطاقة كهربائية بمردود 30%

-أحسب كتلة البترول اللازمة لإنتاج نفس الطاقة الكهربائية التي يُنتجها المفاعل النووي في اليوم الواحد. ما تعليقك على ذلك؟

يعطى : $m(I) = 134,88118u$, $m({}_0^1n) = 1,008866u$, $m(Y) = 98,90334u$, $m({}_{92}^{235}U) = 234,99427u$

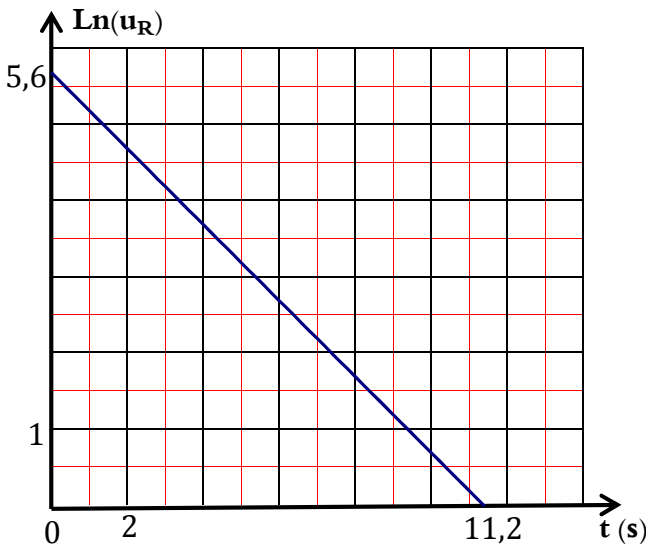
$1MJ = 10^6 J$, $N_A = 6,023 \times 10^{23} mol^{-1}$, $1MeV = 1,6 \times 10^{-13} J$

التمرين الثالث :

مكثفة غير مشحونة تحمل البيانات التالية " 330V , 160μF " لكي نتأكد من قيمة سعة هذه المكثفة C نصلها على التسلسل مع ناقل

أومي قيمة مقاومته $R = 12500\Omega$ ثم نشحنها بمولد مثالي قوته المحركة الكهربائية E نسجل تطورات التوتر بين طرفي الناقل الأومي u_R

بواسطة جهاز إعلام ألي الذي يمكن من رسم المنحنى البياني التالي :



1- أرسم الدارة التي تسمح بشحن المكثفة

2- باستعمال التحليل البعدي، بين أن المقدار $\tau = RC$ متجانس مع الزمن.

3-أوجد المعادلة التفاضلية لتطور u_R بين طرفي المقاومة

4-تأكد أن حل المعادلة السابقة هو : $u_R(t) = A e^{-Bt}$

حيث A و B ثابتان يطلب تحديد عبارتهما

5-أوجد عبارة التيار المار في الدارة بدلالة الزمن t

6-أحسب شدة التيار الكهربائي المار في الدارة عند اللحظة $t = 11,2s$

يمثل البيان المقابل تغيرات $Ln U_R$ بدلالة الزمن t

أ- أكتب المعادلة البيانية للمنحنى

ب- أكتب المعادلة النظرية

ج- ماهي قيمة التوتر E الذي شحنت به المكثفة؟

د-أوجد من البيان قيمة C سعة المكثفة، هل هذه النتيجة توافق مع البيانات المسجلة من طرف الصانع على المكثفة؟

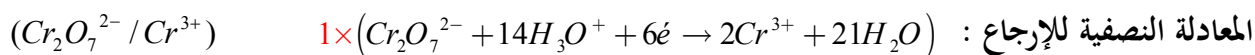
هـ-بين أن الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة $t = \tau$ تعطى بالعلاقة التالية : $\frac{E_C(t)}{E_{C \max}} = \left(\frac{e-1}{e}\right)^2$

من صميم قلوبنا أساتذة المادة يتمنون لكم التوفيق والنجاح في شهادة البكالوريا

التمرين الأول :

الأستاذ : معمر حوسين

2- كتابة المعادلتين النصفيتين للأكسدة والإرجاع ثم إستنتاج الثنائيتين (Ox / Red) الداخلتان في التفاعل



3- حساب كميات المادة الابتدائية للمتفاعلات

$$n_0(H_2C_2O_4) = C_1 V_1 = 60 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-3} \Rightarrow n_0(H_2C_2O_4) = 3 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

$$n_0(Cr_2O_7^{2-}) = C_2 V_2 = C_2 \times 50 \times 10^{-3} \Rightarrow n_0(Cr_2O_7^{2-}) = C_2 \times 50 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

4- بما أن هذا المزيج ستوكيومترى إستنتاج التركيز المولي C_2

$$\begin{cases} C_2 \times 50 \times 10^{-3} - x_{\max} = 0 \Rightarrow x_{\max} = C_2 \times 50 \times 10^{-3} \\ 3 \times 10^{-3} - 3x_{\max} = 0 \Rightarrow x_{\max} = \frac{3 \times 10^{-3}}{3} \end{cases} \Rightarrow C_2 \times 50 \times 10^{-3} = \frac{3 \times 10^{-3}}{3} \Rightarrow C_2 = 0,02 \text{ mol / l}$$

5- إنجاز جدول تقدم التفاعل ثم إستنتاج التقدم الأعظمي $x_{\max}$

المعادلة	$3H_2C_2O_4 + Cr_2O_7^{2-} + 8H_3O^+ \rightarrow 6CO_2 + 2Cr^{3+} + 15H_2O$					
الحالة الابتدائية	$n_0(H_2C_2O_4)$	$n_0(Cr_2O_7^{2-})$	زيادة	0	0	زيادة
الحالة الإنتقالية	$n_0(H_2C_2O_4) - 3x$	$n_0(Cr_2O_7^{2-}) - x$	زيادة	$6x$	$2x$	زيادة
الحالة النهائية	$n_0(H_2C_2O_4) - 3x_{\max}$	$n_0(Cr_2O_7^{2-}) - x_{\max}$	زيادة	$6x_{\max}$	$2x_{\max}$	زيادة

- إستنتاج التقدم الأعظمي $x_{\max}$

$$\begin{cases} 0,02 \times 50 \times 10^{-3} - x_{\max} = 0 \Rightarrow x_{\max} = 10^{-3} \\ 3 \times 10^{-3} - 3x_{\max} = 0 \Rightarrow x_{\max} = 10^{-3} \end{cases} \Rightarrow x_{\max} = 10^{-3} \text{ mol}$$

6- حساب التركيز النهائي $[Cr^{3+}]_f$

$$n(Cr^{3+})_f = 2x_{\max} \Rightarrow [Cr^{3+}]_f \times V_T = 2x_{\max} \Rightarrow [Cr^{3+}]_f = \frac{2x_{\max}}{V_T} = \frac{2 \times 10^{-3}}{(50+50) \times 10^{-3}} \Rightarrow [Cr^{3+}]_f = 20 \text{ mmol / l}$$

لم ينته التفاعل عند اللحظة $t = 200s$ لأن $[Cr^{3+}]_f > [Cr^{3+}]_{t=200s}$ 7- تعريف زمن نصف العمر $t_{1/2}$: هو الزمن اللازم لبلوغ نصف التقدم النهائي ونكتب : $x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2}$

$$[Cr^{3+}] = \frac{2x}{V_T} \Rightarrow [Cr^{3+}]_{t_{1/2}} = \frac{2x_{\max}}{V_T} \Rightarrow [Cr^{3+}]_{t_{1/2}} = \frac{[Cr^{3+}]_f}{2} = \frac{20}{2} \Rightarrow \text{إستنتاج قيمته :}$$

$$[Cr^{3+}]_{t_{1/2}} = 10 \text{ mmol / l} \text{ وبالإسقاط على محور الفواصل نجد : } t_{1/2} = 50s$$

8- حساب التركيب المولي للوسط التفاعلي عند اللحظة $x(t_{1/2}) = 0,5 \times 10^{-3} \text{ mol}$

$$x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2} = \frac{10^{-3}}{2} \Rightarrow$$

الفرد الكيميائي	$H_2C_2O_4$	$Cr_2O_7^{2-}$	Cr^{3+}	CO_2
	$n_0(H_2C_2O_4) - 3x(t_{1/2})$	$n_0(Cr_2O_7^{2-}) - x(t_{1/2})$	$2x(t_{1/2})$	$6x(t_{1/2})$
	2,5mmol	0,5mmol	1mmol	6mmol

9- بيان أن تركيز شوارد Cr^{3+} في كل لحظة يعطى بالعلاقة التالية : $[Cr^{3+}] = 0,02 - 0,67[H_2C_2O_4]$

$$n(H_2C_2O_4) = n_0(H_2C_2O_4) - 3x$$

$$[H_2C_2O_4]V_T = 3 \times 10^{-3} - 3x$$

$$[Cr^{3+}] = \frac{2x}{V_T} \Rightarrow x = \frac{V_T \times [Cr^{3+}]}{2}$$

$$[H_2C_2O_4]V_T = 3 \times 10^{-3} - \frac{3}{2}V_T \times [Cr^{3+}]$$

$$[H_2C_2O_4] = \frac{3 \times 10^{-3}}{V_T} - \frac{3}{2} \times [Cr^{3+}]$$

$$\frac{3}{2} \times [Cr^{3+}] = \frac{3 \times 10^{-3}}{V_T} - [H_2C_2O_4]$$

$$[Cr^{3+}] = \frac{2 \times 10^{-3}}{(50 + 50) \times 10^{-3}} - \frac{2}{3}[H_2C_2O_4]$$

$$[Cr^{3+}] = 0,02 - 0,67[H_2C_2O_4]$$

10- عبارة السرعة الحجمية للتفاعل بدلالة $[Cr^{3+}]$

$$V_{vol}(t) = \frac{1}{V_T} \frac{dx}{dt} = \frac{1}{V_T} \frac{d\left(\frac{V_T \times [Cr^{3+}]}{2}\right)}{dt} \Rightarrow V_{vol}(t) = \frac{1}{2} \frac{d[Cr^{3+}]}{dt}$$

- حساب قيمتها عند اللحظة : $t = 60s$

$$V_{vol}(60) = \frac{1}{2} \frac{d[Cr^{3+}]}{dt} = \frac{1}{2} \frac{(11,5 - 4,5)}{(60 - 0)} \Rightarrow V_{vol}(60) = 5,8 \times 10^{-2} \left(\frac{mmol}{L.s} \right)$$

التمرين الثاني :

1- تفاعل إنشطار نووي التالي : ${}_{92}^{235}U + {}_0^1n \rightarrow {}_{39}^A Y + {}_{53}^{135}I + 2{}_0^1n$

أ- تعريف طاقة الربط للنواة : هي الطاقة التي يجب توفيرها لنواة في حالة سكون لفصل نيكليوناتها و تبقى في حالة سكون حيث

$$E_l = \Delta m \cdot C^2 = [Zm_p + (A - Z)m_n - m({}_Z^A X)] \times C^2 \quad \text{أن :}$$

- تعريف الإنشطار النووي : هو تفاعل نووي مفتعل يتم خلاله قذف نواة ثقيلة بواسطة نوترون فتنتج نواتين أخف و نوترونات أكثر إستقرارا.

ب- إيجاد Z, A

$$235 + 1 = A + 135 + 2 \Rightarrow A = 99$$

$$92 = 39 + Z \Rightarrow Z = 53$$

ج- حساب ب (MeV) ثم بالجول (J) الطاقة المحررة E_{lib} عن إنشطار نواة واحدة من اليورانيوم ${}_{92}^{235}U$ كل يوم

$$E_{lib} = \Delta m \times C^2$$

$$\Delta m = [m({}_{92}^{235}U) + m({}_0^1n)] - [m({}_{39}^{99}Y) + m({}_{53}^{135}I) + 2m({}_0^1n)]$$

$$\Delta m = [234,99427 + 1,008866] - [98,90334 + 134,88118 + 2(1,008866)]$$

$$\Delta m = 0,200884u$$

$$E_{lib} = \Delta m \times C^2 = 0,200884 \times 931,5$$

$$E_{lib} = 187,123446 MeV$$

$$\begin{cases} 1 MeV \rightarrow 1,6 \times 10^{-13} J \\ 187,123446 MeV \rightarrow E_{lib} (J) \end{cases} \Rightarrow E_{lib} = 3 \times 10^{-11} J$$

أ- حساب الطاقة المحررة E_{libT} بوحدة الجول (J) عن إنشطار 3kg من اليورانيوم $^{235}_{92}U$ كل يوم

$$E_{libT} = N \times E_{lib} = \frac{m \times N_A}{M} \times E_{lib} = \frac{3 \times 10^3 \times 6,023 \times 10^{23}}{235} \times 3 \times 10^{-11} \Rightarrow E_{libT} = 2,3 \times 10^{14} J$$

ب- حساب قيمة الطاقة الكهربائية التي ينتجها المفاعل النووي خلال يوم واحد

$$r = \frac{E_{electrique}}{E_{libT}} \Rightarrow E_{electrique} = r \times E_{libT} = 0,4 \times 2,3 \times 10^{14} \Rightarrow E_{electrique} = 9,2 \times 10^{13} J$$

ج- حساب كتلة البترول اللازمة لإنتاج نفس الطاقة الكهربائية التي يُنتجها المفاعل النووي في اليوم الواحد.

$$r = \frac{E_{electrique}}{E_{libT}} \Rightarrow E_{libT} = \frac{E_{electrique}}{r} = \frac{9,2 \times 10^{14}}{0,3} \Rightarrow E_{libT} = 30,66 \times 10^{14} J$$

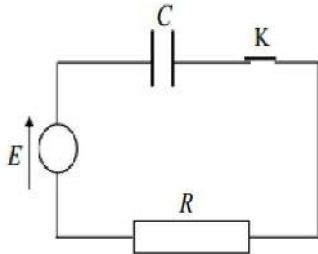
$$\begin{cases} 1 kg \rightarrow 45 \times 10^6 J \\ m \rightarrow 30,66 \times 10^{14} J \end{cases} \Rightarrow m = 6,81 \times 10^7 kg$$

التعليق على النتيجة :

يعني كتلة صغيرة من اليورانيوم تحرر طاقة تعادل احتراق كتلة كبيرة جدا من البترول أي أن الطاقة النووية أكثر إقتصادا من البترول معلومة إضافية : 1g من اليورانيوم يحرق طاقة تعادل احتراق 1.8 tonnes من البترول .

التمرين الثالث :

1-دارة الشحن :



2- باستعمال التحليل البعدي، يبين أن المقدار $\tau = RC$ متجانس مع الزمن.

لدينا : $[\tau] = [R] \times [C]$

$$\begin{cases} u_R(t) = Ri(t) \Rightarrow R = \frac{u_R(t)}{i(t)} \Rightarrow [R] = \frac{[U]}{[I]} \\ C = \frac{q}{u_c(t)} = \frac{I \times T}{u_c(t)} \Rightarrow [C] = \frac{[I] \times [T]}{[U]} \end{cases} \Rightarrow [RC] = [R] \times [C] = \frac{[U] \times [I] \times [T]}{[U] \times [I]} = [T] = s \quad (SI)$$

منه الجداء $\tau = RC$ له أبعاد الزمن (مقدار متجانس مع الزمن)

3- إيجاد المعادلة التفاضلية لتطور u_R بين طرفي المقاومة

$$\begin{aligned} u_c(t) + u_R(t) &= E \\ \frac{du_c(t)}{dt} + \frac{du_R(t)}{dt} &= \frac{dE}{dt} \\ \frac{du_c(t)}{dt} + \frac{du_R(t)}{dt} &= 0 \end{aligned}$$

$$uc(t) = \frac{q(t)}{C} \Rightarrow \frac{du_c(t)}{dt} = \frac{1}{C} \frac{dq(t)}{dt} \quad i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$$

$$\frac{du_c(t)}{dt} = \frac{i(t)}{C} \Rightarrow \frac{du_c(t)}{dt} = \frac{1}{RC} u_R(t) \quad u_R(t) = Ri(t)$$

$$\frac{du_R(t)}{dt} + \frac{1}{RC} u_R(t) = 0 \quad \text{بالتعويض في المعادلة نجد :}$$

4-التأكد أن حل المعادلة السابقة هو : $u_R(t) = A e^{-Bt}$ حيث A و B ثابتان يطلب تحديد عبارتهما

$$\frac{du_R(t)}{dt} = -A B e^{-Bt}$$

$$-A B e^{-Bt} + \frac{1}{RC} A e^{-Bt} = 0 \Rightarrow A e^{-Bt} \left(\frac{1}{RC} - B \right) = 0 \Rightarrow \boxed{B = \frac{1}{RC}}$$

$$uc(t) + u_R(t) = E \Rightarrow uc(0) = 0 \Rightarrow u_R(0) = E$$

$$u_R(0) = E = A e^{-B \cdot 0} \Rightarrow \boxed{A = E}$$

$$\boxed{u_R(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}}}$$

5-إيجاد عبارة التيار المار في الدارة بدلالة الزمن t

$$u_R(t) = Ri(t) \Rightarrow i(t) = \frac{u_R(t)}{R} \Rightarrow \boxed{i(t) = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}}$$

6-حساب شدة التيار الكهربائي المار في الدارة عند اللحظة $t = 11,2s$

أ- كتابة المعادلة البيانية للمنحنى

$$Ln U_R = at + b$$

$$a = \frac{0 - 5,6}{11,2 - 0} \Rightarrow a = -0,5 \quad \boxed{Ln U_R = -0,5t + 5,6 \dots \dots \dots (1)}$$

$$b = 5,6$$

ب- كتابة المعادلة النظرية

$$u_R(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow Ln U_R = Ln \left(E e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \quad \boxed{Ln U_R = -\frac{1}{RC} t + Ln E \dots \dots \dots (2)}$$

ج- قيمة التوتر E الذي شحنت به المكثفة : بمطابقة العلاقتين نجد : $Ln E = 5,6 \Rightarrow E = e^{5,6} \Rightarrow \boxed{E = 270V}$

د-إيجاد من البيان قيمة C : $C = 160 \mu F$ $\Rightarrow \frac{1}{RC} = 0,5 \Rightarrow C = \frac{1}{0,5R} = \frac{1}{0,5 \times 12500} \Rightarrow C = 1,6 \times 10^{-4} F$

- هذه النتيجة توافق مع البيانات المسجلة من طرف الصانع على المكثفة

ه-بيان أن الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة $t = \tau$ تعطى بالعلاقة التالية : $\frac{E_C(\tau)}{E_{C \max}} = \left(\frac{e-1}{e} \right)^2$

$$E_C(t) = E_{C \max} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)^2 \Rightarrow E_C(\tau) = E_{C \max} \left(1 - e^{-1} \right)^2 \Rightarrow E_C(\tau) = E_{C \max} \frac{e}{e} \left(1 - e^{-1} \right)^2$$

$$\boxed{\frac{E_C(\tau)}{E_{C \max}} = \left(\frac{e-1}{e} \right)^2}$$