

ملاحظة هامة: على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين

الموضوع الأول: (20 نقطة)

الجزء الأول (14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)

تفكيك نواة البولونيوم Po_{84}^{210} تلقائياً لتحول إلى نواة الرصاص Pb_{84}^{206} مع انبعاث دقيقة α .

1- أكتب معادلة هذا التحول النووي محددا العدد Z .

2- أحسب طاقة الريط النووي لكل من نواة البولونيوم 210 ونواة الرصاص 206.

ب- أي النواتين أكثر استقراراً البولونيوم 210 أم الرصاص 206. مع التعليل.

3- ليكن $N_0(Po)$ عدد أنوبي البولونيوم في عينة عند اللحظة $t = 0$ و $N(D)$ عدد الأنوية المتبقية في نفس العينة عند لحظة t , ونرمز N_D لعدد أنوبي البولونيوم المتفككة بعد مرور زمن قدره $t = \frac{1}{2}$.

أ- ذكر بعبارة قانون التناقض الإشعاعي.

ب- اختر الجواب الصحيح من بين الاقتراحات التالية:

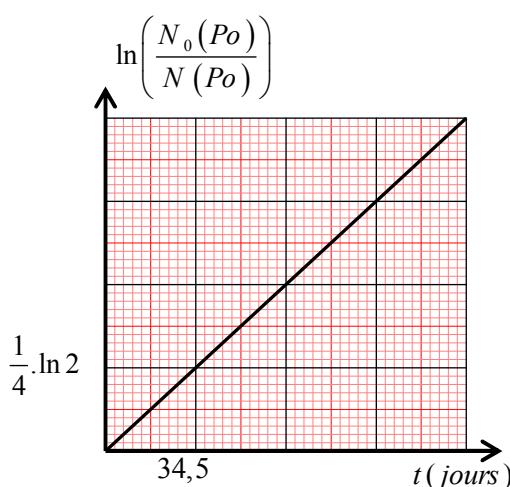
$$N_D = \frac{15N_0(Po)}{16} \quad (4) , N_D = \frac{N_0(Po)}{4} \quad (3) , N_D = \frac{N_0(Po)}{16} \quad (2) , N_D = \frac{N_0(Po)}{8} \quad (1)$$

ج- يمثل المنحنى البياني الممثل في الشكل 1 تغيرات $\ln\left(\frac{N_0(Po)}{N(Po)}\right)$ بدلالة الزمن t .

- عرف $t_{\frac{1}{2}}$ زمن نصف العمر، ثم استنتج قيمته بالنسبة لنواة البولونيوم 210.

$m_P = 1,00728(u)$, $m(Pb_{84}^{206}) = 205,9295(u)$, $m(Po_{84}^{210}) = 209,9368(u)$ المعطيات:

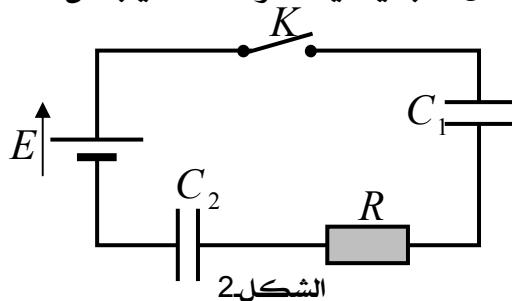
$$m_n = 1,00866(u) , lu = 931,5 MeV / C^2$$



الشكل 1-

التمرين الثاني: (04 نقاط)

دارة كهربائية تحتوي على التسلسل العناصر الكهربائية المبينة في الشكل 2. بحيث يتكون التركيب من:



- مولد ثابت التوتر قوته المحركة الكهربائية E .
- ناقل أولمي مقاومته $R = 3K\Omega$.
- مكثفتين فارغتين سعة كل منهما C_1 و C_2 .
- قاطعة K وأسلاك التوصيل.

في لحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K .

1- أعد رسم الدارة المبينة في الشكل 2 مبيناً عليها جهة مرور التيار الكهربائي (i)، وكذا جهة التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة C_1 والمكثفة C_2 والناقل الأولمي R بأسهم.

2- أكتب عبارة C_{eq} للمكثفة المكافئة في الدارة بدلاً من C_1 و C_2 .

3- أ- بين أن المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر ($u_1(t)$) بين طرفي المكثفة C_1 تكتب على الشكل:

$$\frac{du_1(t)}{dt} + \frac{u_1(t)}{RC_{eq}} = \frac{E}{RC_1}$$

ب- يعطى حل هذه المعادلة على الشكل:

حيث A و α ثابتين يطلب تعين عبارتيهما.

4- الشكل 3 يمثل منحنياً تطور التوترين الكهربائيين ($u_1(t)$ و $u_R(t)$).

أ- انسب كل منحني بياني للتوتر الكهربائي المناسب مع التبرير؟

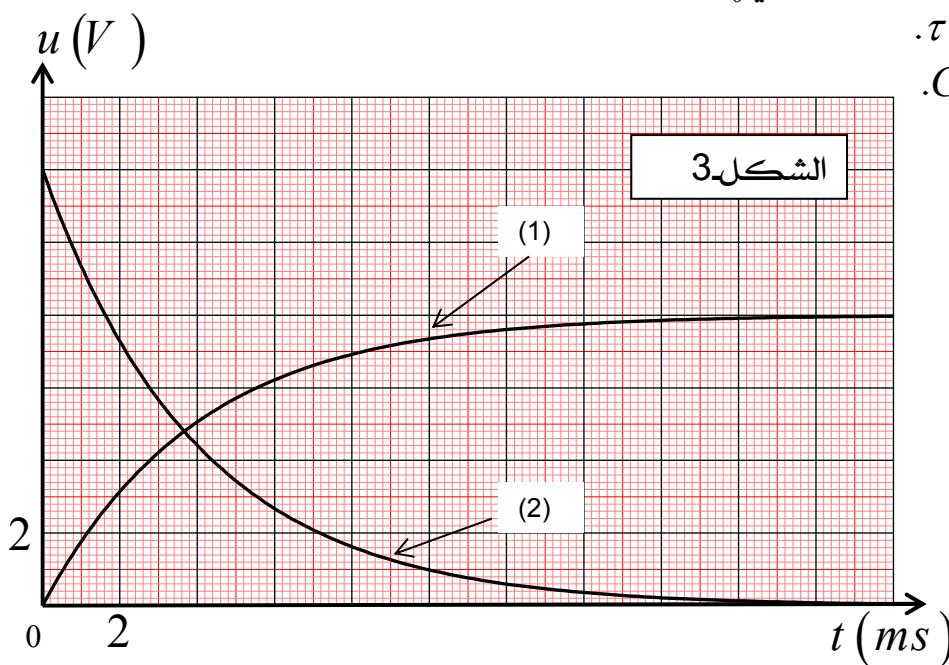
ب- بالاعتماد على الشكل 3- استنتج قيم كل من:

- القوة المحركة الكهربائية E .

- الشدة العظمى للتيار الكهربائي I_0 .

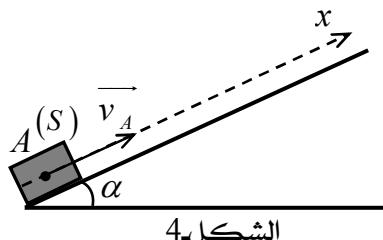
- ثابت الزمن للدارة τ .

- سعة المكثفة C_2 .



التمرين الثالث: 06 نقاط

I- نفذ جسمًا نقطياً (S) كتلته $m = 400\text{g}$ من النقطة A بسرعة ابتدائية v_A على طول مستوي مائل عن الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ ، كما هو موضح في الشكل 4.



الشكل 4

يُخضع الجسم (S) أثناء حركته لقوة احتكاك \vec{f} ثابتة الشدة ومعاكسة لجهة الحركة.

نعتبر مبدأ الأزمنة لحظة القذف و مبدأ الفوائل نقطة القذف A .

1- مثل القوى الخارجية المطبقة على الجسم (S) أثناء حركته.

$$E_C = E_{CA} - x (m g \sin \alpha + f)$$

حيث: E_C الطاقة الحركية للجسم (S) و x فاصلته في لحظة زمنية t .

3- الدراسة التجريبية مكنتنا من رسم المنحنى البياني ($E_C = f(x)$) المبين في الشكل 5.

مستعيناً بهذا البيان استنتج قيمة كل من:

- السرعة v_A .

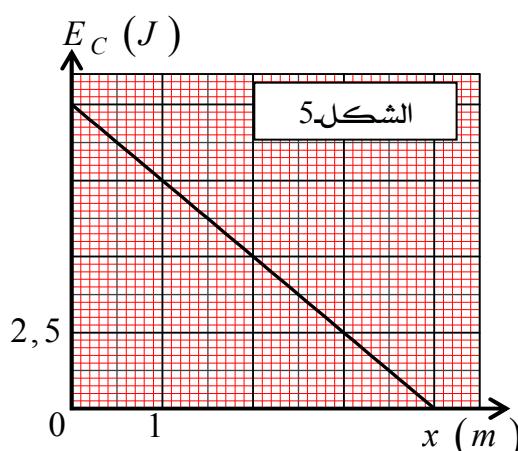
- شدة قوة احتكاك f .

- x موضع انعدام سرعة الجسم.

4- أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون جد قيمة تسارع الجسم (S).

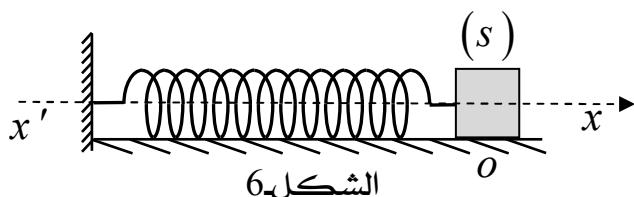
ب- ما هي طبيعة حركة الجسم (S)؟

$$g = 10 \text{ ms}^{-2}$$



II- نربط الجسم (S) السابق بنابض مرن مهملاً الكتلة، حلقاته غير متلاصقة، ثابت مرونته k طرفه الآخر مثبت كما هو موضح في الشكل 6.

بإمكان الجسم (S) الحركة دون احتكاك على سطح طاولة أفقية وفق المحور (x' x)



الشكل 6

نزيج الجسم (S) عن وضع توازنه في الاتجاه الموجب بمقدار x_0 ، ثم نتركه لحاله دون سرعة ابتدائية.

$$\pi^2 = 10$$

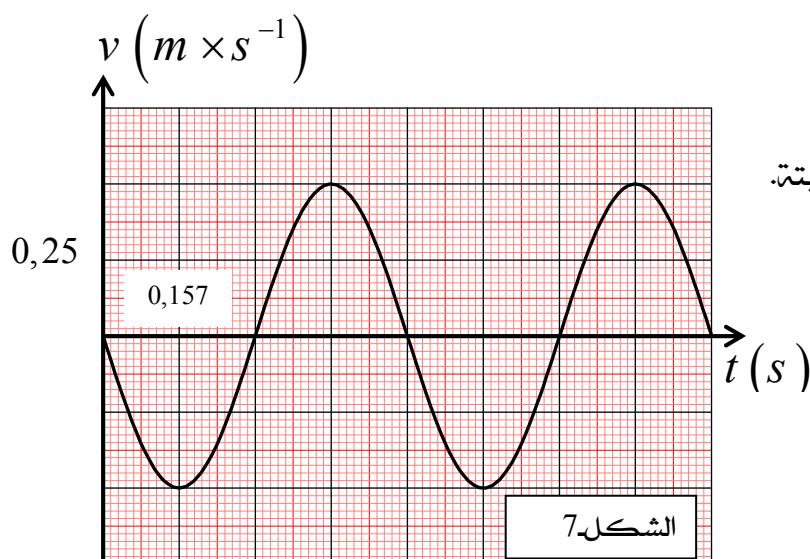
أ- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة جد المعادلة التفاضلية للحركة.

ب- استخرج T_0 عبارة الدور الذاتي للجملة بدلالة m ، k و بين أنه متجانس مع الزمن؟

2- سمحت الدراسة التجريبية بتسجيل حركة الجسم (S)، والحصول على منحنى السرعة ($v = f(t)$) الموضح في الشكل 7.

أ- بالإعتماد على المنحنى البياني استنتاج قيمة كل من: x_0 ، k .

ب- حدد من البيان اللحظات التي يسترجع فيها النابض طوله الأصلي.



3 أ - جد المعادلة الزمنية للحركة $x(t)$.

ب- بين أن طاقة الجملة (جسم + نابض) ثابتة.

الجزء الثاني (٥٦ نقطتين)

التمرين التجاري:

كل المحاليل مأخوذة عند درجة حرارة 25°C .

النشادر NH_3 غاز قابل للذوبان في الماء ويعطي محلولاً أساسياً، محاليل النشادر التجارية مرکزة وغالباً ما تستعمل في مواد التنظيف.

نريد في هذا التمرين دراسة بعض خصائص محلول النشادر ومقارنتها بمحلول أساسي آخر وهو هيدروكسيل أمين NH_2OH . كما نريد كذلك أن نتعرف على تركيز النشادر في منتوج تجاري عن طريق المعايرة بواسطة محلول حمض كلور الماء.

I- دراسة بعض خصائص محلول أساسي:

- نعتبر محلولاً مائيًا للأساس B تركيزه C ، نرمز لثابت الحموضة للثنائية $K_a = (BH^+ / B)$ ولنسبة التقدم النهائي لتفاعلها مع الماء τ_f .
 - أكتب معادلة انحلال الأساس B في الماء.

$$\text{ب-} \text{ بين أن : } K_a = \frac{K_e}{C} \cdot \frac{(1 - \tau_f)}{\tau_f^2}$$

- قمنا بقياس الـ PH لمحلول NH_3 ومحلول NH_2OH لهما نفس التركيز $C = 10^{-2} \text{ mol L}^{-1}$ ، فكان: $PH_1 = 10,6$ و $PH_2 = 9$ على الترتيب.

أ- أحسب نسبتي التقدم τ_{f1} و τ_{f2} . ماذا تستنتج؟

ب- استنتاج قيمي PK_{a1} و PK_{a2} . وأي الأساسين أقوى؟ علل.

II- تحضير محلول حمض كلور الماء:

يوجد محلول حمض كلور الماء المركزي في قارورة زجاجية تحمل المعلومات التالية:

حمض كلور الماء ، $d = 1,15$ ، $P = 37\%$ ، $M = 36,5 \text{ g/mol}$

1- أحسب التركيز المولى C_0 لحمض كلور الماء S_0 الموجود في القارورة.

2- انطلاقاً من محلول الأصلي S_0 نحضر محلولاً S_a تركيزه المولى $C_a = 0,015 \text{ mol L}^{-1}$ حجمه $V = 1L$

أ- ما هو الحجم V_0 الواجب أخذه لتحضير محلول S_a .

ب- إقترح بروتوكولاً تجريبياً لذلك.

III. المعايرة PH- متيرية محلول النشادر المخفف:

لتحديد التركيز المولي C_b لمحلول النشادر المركز التجاري، نأخذ حجماً $V = 20\text{ml}$ من محلول التجاري المدد 1000 مرة تركيزه $C_b' = \frac{C_b}{1000}$ ونعايره بواسطة محلول $\text{H}_3\text{O}^+_{(aq)}$ لحمض كلور الهيدروجين $(\text{H}_3\text{O}^+_{(aq)} + \text{Cl}^-_{(aq)})$ الحضر سابقاً تركيزه $C_a = 0,015\text{mol L}^{-1}$.

النتائج التجريبية المحصل عليها مكنتنا من رسم المنحنى البياني $pH = f(V_a)$ ، الشكل.8.



1- أـ أعط رسم تخطيطي يشرح البروتوكول التجاري لعملية المعايرة.

بـ- أكتب معادلة تفاعل المعايرة.

2- أحسب نسبة التقدم النهائي τ لتفاعل المعايرة بعد إضافة حجم $V_a = 5\text{ml}$ من بدايتها. ماذا تستنتج؟

3- حدد احدي نقطتين التكافؤ E ، واستنتج C_b و C_a .

4- جـ من جديد قيمة الـ PK_a للثانية $(\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3)$. هل هي موافقة لقيمة السابقة.

5- من بين الكواشف الملونة المشار إليها في الجدول المرفق، اختار الكاشف الملون المناسب لهذه المعايرة. مع التعليل

مجال التغير اللوني	الكاشف
8.2 – 10	الفينول فتالين
5.2 – 6.8	احمر الكلوروفينول
3.1 – 4.4	الهليانتين

معطيات :

$K_e = 10^{-14}$ عند درجة الحرارة 25°C .

$(\text{NH}_3\text{OH}^+ / \text{NH}_2\text{OH})$ ثابت الحموضة للثانية $(\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3)$ ، K_{a2}

الموضوع الثاني:

الجزء الأول (14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)

يقال أن الجزائر تملك عشرة أضعاف الاستهلاك العالمي من الطاقة الشمسية ؟؟

فالجزائر تسعى لاستغلال الاحتياطي الهائل من الطاقة الشمسية (الطاقة البديلة) التي تمتلكها.

لتحسب جزافيا هذا المخزون الاحتياطي السنوي . لذلك نستعمل في يوم ربيعي (شدة الأشعة الشمسية متوسطة)

$$\text{عربة تغذى بالطاقة الشمسية مساحة خليتها (المساحة الفعالة) هي : } S_c = 8 \times 10^{-3} m^2 .$$

باستعمال جهازي أمبيرمتر وفولطmeter قمنا بقياس شدة التيار الناتج فوجدنا : $I = 0,02A$

هو : $U = 3,0 V$ وعليه تكون الاستطاعة المنتجة هي : $P = I \times U = 0,06 Wat$ في هذه المساحة.

1- إذا علمت أن مساحة الجزائر هي : $S_{Alg} = 2381741 km^2$ وأن متوسط الوقت المشمس هو 12 ساعة يوميا

وأن ثلثه للنبات والحيوان والإنسان (الإنارة الطبيعية) وثلثه يتلبد بسبب السحاب والأحوال الجوية ويبقى ثلث احتياطي هو 04 ساعات يوميا . فما هي قيمة الطاقة E_{Alg} الاحتياطية السنوية ؟

2- إذا قمنا بتحويل نصف هذه الطاقة E_{Alg} إلى طاقة كامنة ثقالية.

- أحسب حجم الماء V بالمترا المكعب اللازم رفعه ارتفاعاً قدره $h = 1000m$ سنوياً ثم يوميا .

3- نعتبر أن طاقة الإشعاع الشمسي ناتجة عن تفاعل وحيد هو تفاعل اندماج نواة الهيدروجين 2 $(^1_1 H)^2$

مع الهيدروجين 3 $(^1_2 H)^4$ ليتشكل الهيليوم 4 .

أ- عرف تفاعل الاندماج النووي، ثم أكتب معادلته.

ب- أحسب طاقة الرابط $\frac{E_l}{A}$ لكل نوية لنوبي الهيدروجين 2 و 3 ونواة الهيليوم 4 . واستنتج النواة الأكثر استقرارا .

ج- أحسب بـ MeV الطاقة المحررة عن تفاعل الاندماج النووي الحادث .

د- أحسب مقدار النقص في كتلة الشمس Δm_{Alg} اللازمة لتحرير الطاقة الشمسية E_{Alg} للتفاعل المدروس .

ه- إذا علمت أن كتلة الشمس تنقص بحوالي 6 مليون طن في الثانية.

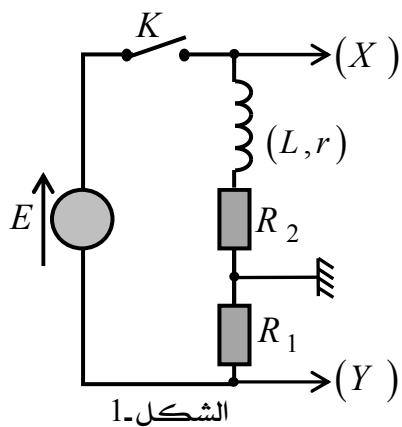
- أحسب النسبة $R = \frac{\Delta m_{Alg}}{\Delta M}$. ماذا تلاحظ ؟ حيث : ΔM نقص الكتلة السنوي للشمس .

العطيات : $\rho = 1 kg / m^3$ ، الكتلة الحجمية للماء

$$m(^4_2 He) = 4,00150 u ; m(^3_1 H) = 3,01550 u ; m(^2_1 H) = 2,01355 u$$

$$m(n) = 1,00866 u ; m(p) = 1,00728 u ; 1 MeV = 1,6 \cdot 10^{-13} J$$

$$1u = 1,66054 \times 10^{-27} Kg ; 1 u = 931,5 MeV / C^2$$



التمرين الثاني: (40 نقاط)

تحقق التركيب التجاري المبين في الشكل 1 والمكون من:

- مولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية E .

- وشيعتها ذاتيتها L و مقاومتها r .

- ناقلین او میین مقاومتیه ما $R_1 = R_2$.

- قاطعة K و راسم اهتزاز ذي مدخلين.

نربط راسم الاهتزاز بالدارة الكهربائية كما هو مبين في الشكل 1.

عند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K نشاهد على شاشة راسم الاهتزاز

المنحنين البيانيين (a) و (b) الممثلين في الشكل 2، بعد الضغط على الزر العاكس [INV] لأحد المدخلين.

1. حدد المدخل المعنى بالضغط على الزر العاكس [INV].

2. أ. بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية للتيار i .

بـ. استنتاج عبارة شدة التيار I في النظام الدائم بدلالة E, R_2, R_1 و r .

3. بين أن المنحنى (a) يوافق المدخل (Y).

4. أكتب عبارة التوترين U_X و U_Y المشاهدين على شاشة راسم الاهتزاز في النظام الدائم وذلك بدلالة ثوابت الدارة.

5. بواسطة برمجية إعلام آلي تمكنا من رسم المنحنى $i = f(t)$ المبين في الشكل 2.

اعتماداً على المنحنيات الثلاثة، استنتاج قيم كل من:

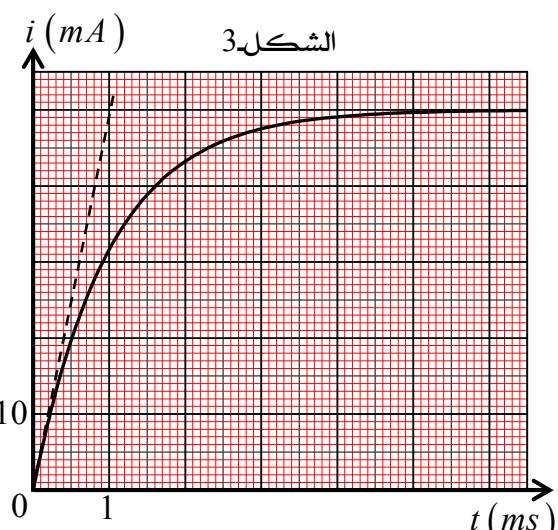
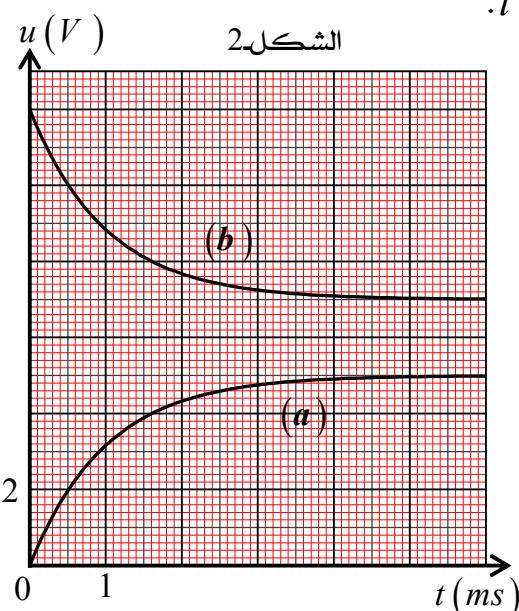
- القوة المحركة الكهربائية للمولد.

- ثابت الزمن للدارة.

- ذاتية الوشيعة.

- المقاومات R_2, R_1 و r .

6. أعدنا نفس التجربة، مع استبدال فقط الوشيعة السابقة بوشيعة أخرى مقاومتها مهملة، وذاتيتها $L' = 2L$. مثل كيفيا مع بيان الشكل 3.بيان الجديد $i = h(t)$.

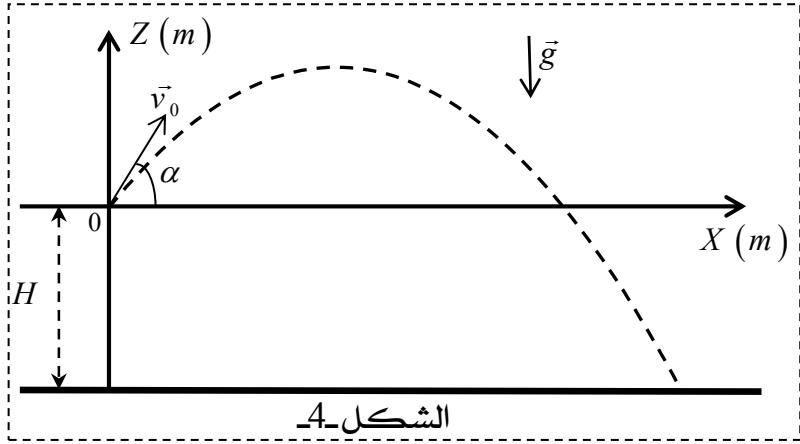


التمرين الثالث: (06 نقاط)

أجب بـ صحيح أو خطأ على كل تصريح مبررا ذلك بالكيفية المناسبة: تعريف، حساب، مخطط، ... الخ.

1- نعتبر قذيفة تتحرك في حقل الجاذبية الأرضية المعتبر منتظم.

تنطلق قذيفة كتلتها m عند اللحظة $t = 0$ من النقطة O مبدأ المعلم $(0, \vec{i}, \vec{k})$ شعاع السرعة الابتدائية



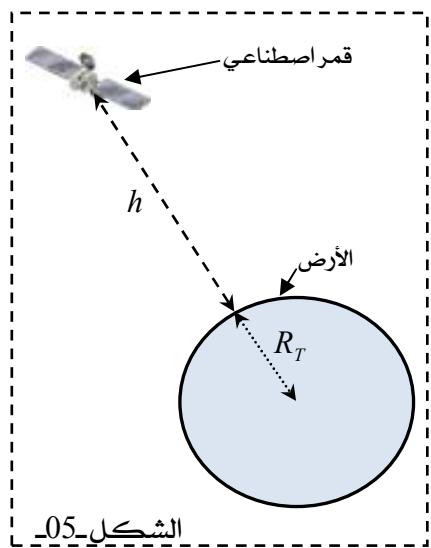
أ) يصنع الزاوية α مع الأفق. الشكل 4 .
الحركة تتم في مستوى شاقولي يحتوي على المحورين (OX) و (OZ) .
حامل شعاع حقل الجاذبية \bar{g} شاقولي يوازي المحور (OZ) .
المرجع السطحي الأرضي نعتبره غاليليا. (نهمل تأثير الهواء).

التصريح 1: شعاع التسارع \vec{a}_G لمركز عطالة القذيفة G لا يتعلق بالشروط الابتدائية.

التصريح 2: مسقط مركز العطالة G للقذيفة على المحور الشاقولي (OZ) مزود بحركة مستقيمة منتظامة.

التصريح 3: مسار مركز العطالة G للقذيفة هو قطع مكافئ مهما تكون قيمة الزاوية α .

2- نعتبر قمراً صناعي خاضع لقوة الجاذبية الأرضية، كتلته m موجود على ارتفاع h من سطح الأرض، مزود بحركة دائرية منتظامة سرعتها v . الشكل 5، المرجع جيومركزي نعتبره غاليليا.



البيانات: نصف قطر الأرض : $R_T = 6380Km$

كتلة الأرض: $M_T = 5,98 \times 10^{24} Kg$

ثابت الجذب العام: $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$

التصريح 4: ثابت الجذب العام G يعبر عنه بوحدة $(m \times s^{-2})$.

التصريح 5: شعاع التسارع \vec{a}_G لمركز عطالة القمر يكون مركزي.

التصريح 6: سرعة مركز عطالة القمر تعطى بالعلاقة:

$$v = \sqrt{\frac{GM_T}{(R_T + h)}}$$

التصريح 7: عند الارتفاع $h = 12800Km$ ، قيمة دور القمر الصناعي هي:

الجزء الثاني : (6 نقاط)

التمرین التجربی:

العطيات:

الكتلة المولية الجزيئية:

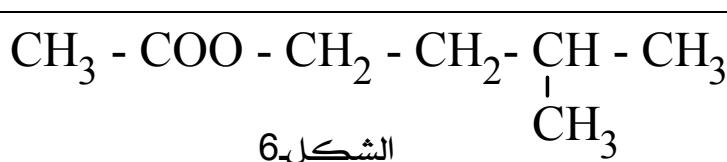
$$M(H_2O) = 18 \text{ g/mol}, M(\text{Ethanoate 3-méthyle butyle}) = 130 \text{ g/mol}$$

الكتلة الحجمية:

$$\rho(H_2O) = 1 \text{ g/ml}, \rho(\text{Ethanoate 3-méthyle butyle}) = 0,87 \text{ g/ml}$$

$$Ke = 10^{-14}, K_a(CH_3COOH / CH_3COO^-) = 1,8 \times 10^{-5} \text{ ثابت التوازن: } 25^\circ C$$

يتميز المركب العضوي (إيثانوات 3- ميثيل بوتيل) برأحة الموز، صيغته الجزيئية نصف المفصلة موضحة في الشكل 6 المقابـل، لدراسة إماهـة هذا المركـب نذـيب منه حـجما $V_E = 15 \text{ ml}$ في كـمية من الماء المقـطر للحـصول



$$\text{على وسط تفاعلي حـجمـه } V_R = 50 \text{ ml}$$

1- أعط الوظيفة المميزة لهذا المركب العضوي .

2- أكتب معادلة التفاعل المندرج لتحول إماهـة المركـب العضـوي (إيثـانـوات 3- مـيـثـيلـ بوـتـيلـ).
وسم المركـبين الناتـجينـ.

3- أـحسبـ كـميةـ المـادـةـ الـابـتدـائـيـةـ لـلـمـتـفـاعـلـاتـ.

بـ/ أـنـجـزـ جـدـولـاـ لـتـقـدـمـ تـفـاعـلـ إـماـهـةـ المـرـكـبـ العـضـويـ.

4- عند اللحظة $t = 0$ نوزع المزيج على 10 أنابيب اختبار بحيث يحتوي كل أنبوب على حجم $V = 5 \text{ ml}$ ،
ونضع الأنابيب في حمام مائي .

عند كل لحظة t نقوم بمعايرة الحمض المتـشكـلـ في كلـ أـنبـوبـ بـعـدـ تـبـريـدـهـ بـالـمـاءـ المـثلـجـ بواسـطـةـ محلـولـ الصـودـ
ـ $C_b = 0,5 \text{ mol/l}$ ذـيـ التـركـيزـ بـوـجـودـ كـاـشـفـ مـلـوـنـ منـاسـبـ (ـالـفـينـوـلـ فـتـالـينـ).

نـرمـزـ V_{be} لـحـجمـ محلـولـ الصـودـ المـضـافـ لـبـلـوغـ نقطـةـ التـكـافـفـ.

نـلاحظـ أـنهـ فيـ الأـنـبـوبـينـ التـاسـعـ وـالـعاـشـرـ سـجـلـنـاـ نفسـ النـتـيـجـةـ بـالـنـسـبـةـ لـحـجمـ محلـولـ الصـودـ المـضـافـ

$$\text{وـهيـ } V_{be} = 16,8 \text{ ml}$$

أـ/ أـكـتـبـ مـعـادـلـةـ التـفـاعـلـ المـنـذـجـةـ لـتـفـاعـلـ المـعـاـيـرـةـ.

بـ/ مـاـذـاـ يـعـنـيـ ثـبـاتـ حـجمـ محلـولـ الصـودـ فيـ الأـنـبـوبـينـ التـاسـعـ وـالـعاـشـرـ.

جـ/ أـعـطـ رـسـمـ تـخـطـيـطـيـ يـشـرـحـ البرـوتـوكـولـ التجـربـيـ لـعـمـلـيـةـ المـعـاـيـرـةـ.

- عـرـفـ نقطـةـ التـكـافـفـ وـكـيفـ نـسـتـدـلـ عـلـيـهـاـ عمـلـيـاـ.

- استـنـتـجـ عـبـارـةـ n_a كـمـيـةـ مـادـةـ الـحـمـضـ النـاتـجـ فـيـ أـنـبـوبـ الاـختـبارـ بـدـلـالـةـ كـلـامـ C_b وـ V_{be} .

دـ/ استـنـتـجـ عـبـارـةـ n'_a كـمـيـةـ مـادـةـ الـحـمـضـ النـاتـجـ فـيـ الـوـسـطـ التـفـاعـلـيـ بـدـلـالـةـ كـلـامـ C_b وـ V_{be} .

هـ/ أـحـسـبـ نـسـبـةـ التـقـدـمـ النـهـائـيـ τ_f وـبـيـنـ مـاـذـاـ هـيـ أـكـبـرـ مـنـ 33%.

انتهى الموضوع الثاني

الإجابة النموذجية وسلم التقييم للموضوع الأول

$$N(t) = N_0 e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t}$$

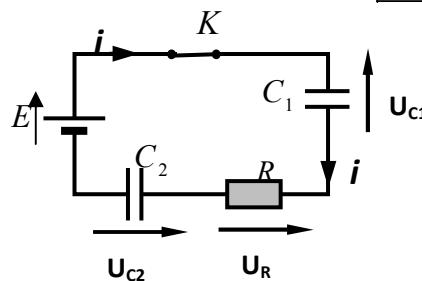
$$\frac{N(t)}{N_0} = e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t} \Rightarrow \frac{N_0}{N(t)} = e^{\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t}$$

$$\ln\left(\frac{N_0}{N(t)}\right) = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} t \quad \ln\left(\frac{N_0}{N(t)}\right) = a t$$

معادلة البيان :

$$a = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \quad \text{حيث } a \text{ ميل البيان وهو موجب} \quad \text{بالمطابقة نجد} \quad -$$

$$t_{1/2} = 138 \text{ jours} \quad \text{ومنه:}$$



التمرين الثاني: (04 نقاط)

- جهة التيار :

- عبارة C_{eq} :

$$C_{eq} = \frac{C_1 \times C_2}{C_1 + C_2} \quad \text{ومنه} \quad \frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \quad \text{نعلم أن}$$

- المعادلة التفاضلية:

حسب قانون جمع التوترات نجد:

$$\begin{cases} U_R = Ri \\ q_1 = C_1 U_1 \\ q_2 = C_2 U_2 \\ q_1 = q_2 \end{cases} \Rightarrow U_2 = \frac{C_1 \times U_1}{C_2} U_1(t) + \frac{C_1 U_1(t)}{C_2} + R C_1 \frac{dU_1(t)}{dt} = E$$

$$\frac{dU_1(t)}{dt} + \frac{U_1(t)}{R C_{eq}} = \frac{E}{R C_1} \quad \text{ومنه تكون المعادلة:}$$

ب- حل المعادلة التفاضلية: $U_1(t) = A(1 - e^{-\alpha t})$

نشتق الحل: $\frac{dU_1(t)}{dt} = A \alpha e^{-\alpha t}$ ونعرض الحل ومشتقه في المعادلة التفاضلية

$$A \alpha e^{-\alpha t} + \frac{1}{R C_{eq}} (A - A e^{-\alpha t}) = \frac{E}{R C_1}$$

$$A \alpha e^{-\alpha t} + \frac{A}{R C_{eq}} - \frac{A}{R C_{eq}} e^{-\alpha t} - \frac{E}{R C_1} = 0$$

$$\left. \begin{array}{l} \alpha = \frac{1}{R C_{eq}} \Leftrightarrow A \alpha - \frac{A}{R C_{eq}} = 0 \\ A = \frac{E C_{eq}}{C_1} \Leftrightarrow \frac{A}{R C_{eq}} - \frac{E}{R C_1} = 0 \end{array} \right\} \begin{array}{l} A \alpha e^{-\alpha t} + \frac{1}{R C_{eq}} (A - A e^{-\alpha t}) = \frac{E}{R C_1} \\ A \alpha e^{-\alpha t} + \frac{A}{R C_{eq}} - \frac{A}{R C_{eq}} e^{-\alpha t} - \frac{E}{R C_1} = 0 \end{array}$$

أ- المنحنى (1) يمثل $U_1(t)$
الم娘娘ى (2) يمثل $U_R(t)$

لأن: عند $t = 0$ يكون $U_1 = 0$ و U_R أعظمي و عند نهاية الشحن U_1 أعظمي و

$$U_R = 0 \Leftrightarrow i = 0$$

ب- ايجاد كل من C_2 و I_0 ، E
 $t = 0$ $\mathcal{U}_1 + \mathcal{U}_2 + U_{R_0} = E$ عند

$$E = U_{R_0} = 12V$$

$$U_{R_0} = R I_0 \Rightarrow I_0 = \frac{U_{R_0}}{R} = 4 \times 10^{-3} A \quad \text{ولدينا}$$

ايجاد τ :

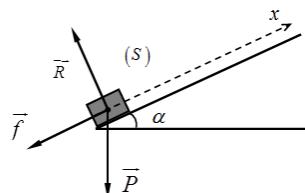
$$\tau = 4ms = 4 \times 10^{-3}s \quad \text{ومنه} \quad E = U_1(\tau) = 0,63U_{1_0} \quad \text{لما : } t = \tau \text{ فإن :}$$

ايجاد C_1 :

$$\tau = R C_{eq} \Rightarrow C_{eq} = \frac{\tau}{R} = 1,33 \times 10^{-6}$$

$$A = \frac{E C_{eq}}{C_1} = 8V \quad \text{ولدينا:}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \\ C_1 = \frac{E C_{eq}}{A} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} C_1 = 2\mu F \\ C_2 = 4\mu F \end{cases}$$



التمرين الثالث: (06 نقاط)

الجزء :

1- تمثيل القوى الخارجية على الشكل :

2- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة :

الجملة (جسم+أرض) بإختيار المستوى المرجعي لحساب الطاقة الكامنة الثقالية الموازي في المستوى الافقى للنقطة $E_{ppA} = 0$

$$E_{cA} + E_{ppA} + W(f) = E_C + E_{pp} \quad \text{لدينا :} \\ E_C = E_{cA} - E_{pp} - W(f)$$

$$E_C = E_{cA} - mgh - f x \quad h = x \sin \alpha$$

$$E_C = E_{cA} - (mg \sin \alpha + f)x \quad \text{ومنه:}$$

الدراسة التحرسية:

أ- قيمة السرعة v_A

$$E_C = E_{cA} = \frac{1}{2}mv^2 \quad \text{لدينا} \quad t = 0 \quad \text{عند} \quad \text{من البيان :}$$

$$v_A = \sqrt{\frac{2E_C}{m}} \Rightarrow v_A = \sqrt{\frac{210}{0,4}} \Rightarrow v_A = 7,07m/s \quad \text{ومنه}$$

ب- شدة قوة الاحتكاك f
 $E_C = 0$ عند

0,25 $f = 0,5N \Leftrightarrow f = \frac{10 - 0,4x 10x 4x \sin 30}{4}$: ومنه $f = \frac{E_{cA} - mgx \sin \alpha}{x}$ لدينا

- موضع انعدام السرعة لما

$$v = 0m / s \Rightarrow x = 4m$$

- أ/ قيمة تسارع الجسم (s) :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \quad \dots\dots(1)$$

بنطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد:

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور (ox) نجد:

0,5 $-P_x - f = ma \Rightarrow a = -\left(g \sin \alpha + \frac{f}{m}\right)$: ومنه

$$a = -\left(10 \sin 30 + \frac{0,5}{0,4}\right) \Rightarrow a = -6,25m / s^2$$

ب/ طبيعة الحركة :

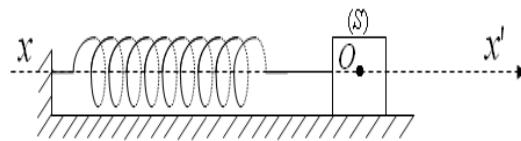
لدينا: $\begin{cases} a < 0 \\ v > 0 \end{cases}$

الجزء II:

- أ- المعادلة التفاضلية

- باختيار الجملة (نابض + جسم)

بنطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة نجد:



الشكل -3-

$$E = E_C + E_{pe} = C^{te}$$

$$E = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}Kx^2 = C^{te}$$

بالاشتقاق نجد:

$$\frac{dE}{dt} = mv \cdot \frac{dv}{dt} + Kx \cdot \frac{dx}{dt} = 0 \quad \dots\dots(1)$$

$$\frac{dx^2}{dt^2} + \frac{K}{m}x = 0$$

نوعض في (1) نجد:

وهي المعادلة التفاضلية من الدرجة الثانية حلها من الشكل : (2)

تمثل الاهتزازات الميكانيكية الحرة غير المتخالمة

ب/ الدور الذاتي T_0

- عبارة الدور: بتعويض الحل في المعادلة التفاضلية نستنتج ان :

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}}$$

- التجانس مع الزمن:

-2- الدراسة التجريبية:

أ- ايجاد كل من K و X_0

باشتقاء العبارة (2) نجد: $v(t) = \frac{dx}{dt} = -\omega_0 X_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)$

$$K = \frac{4\pi^2}{T_0^2} m = \frac{40}{(0,628)^2} \cdot 0,4 \quad \text{ومنه: } T_0 = 4 \times 0,157 = 0,628s$$

$$K = 40 (N / m)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2 \cdot 3,14}{0,628} = 10 \Rightarrow \omega_0 = 10 (rad / s)$$

$$V_M = \omega_0 X_0 \Rightarrow X_0 = \frac{V_M}{\omega_0} = \frac{0,5}{10} \Rightarrow X_0 = 5\text{cm} \quad \text{القيمة الأعظمية للسرعة :}$$

ج/ اللحظات التي يسترجع النايل طوله الأصلي ($x = 0$) (السرعة عظمى) :

$$t_3 = \frac{5T_0}{4} = 0,785s \quad t_2 = \frac{3T_0}{4} = 0,471s \quad t_1 = \frac{T_0}{4} = 0,157s \quad , \quad t_4 = \frac{7T_0}{4} = 1,099s$$

- 3- ايجاد معادلة الحركة

$$\sin(\varphi) = 0 \Leftrightarrow \varphi = 0 \quad \text{ومنه } v(0) = -\omega_0 X_0 \sin(\varphi) = 0 \quad \text{عند } t = 0 \quad \text{لدينا} \\ \text{نعرض كل من } X_0 \text{ و } \omega_0 \text{ و } \varphi = 0 \text{ في المعادلة (2) نجد :}$$

$$x(t) = 5 \cos(10t) \text{ (cm)}$$

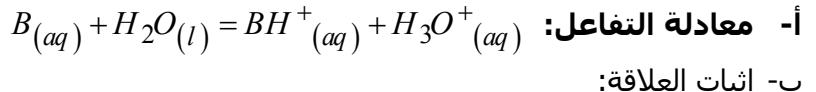
ب/ حساب طاقة الجملة:

$$E = E_{pe} + E_c \\ = \frac{1}{2} K x^2 + \frac{1}{2} m v^2 \\ = \frac{1}{2} K [X_0 \cos(\omega_0 t + \varphi)]^2 + \frac{1}{2} m [X_0 \omega_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)]^2 \\ = \frac{1}{2} K X_0^2 \cdot \cos^2(\omega_0 t + \varphi) + \frac{1}{2} m \cdot \omega_0^2 X_0^2 \cdot \sin^2(\omega_0 t + \varphi) \quad / K = m \cdot \omega_0^2.$$

$$E = \frac{1}{2} K X_0^2 = C^{te}$$

الجزء الثاني: التمرين التجريبي: (06 نقاط)

1- دراسة خصائص محلول أساسي:



$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[OH^-]}{[BH^+]_0} = \frac{[OH^-]}{C} \Rightarrow [OH^-] = \tau_f \cdot C \quad \dots \dots (1) \quad \text{لدينا} \\ \text{من جدول التقدم نجد:}$$

$$K_a = \frac{K_e \cdot (C - [OH^-]_f)}{[OH^-]^2_f} \Rightarrow K_a = \frac{K_e (1 - \tau_f)}{\tau_f^2} \quad \text{بتعييض (1) في (2) نجد:}$$

2- حساب نسبة التقدم:

$$\tau_f 1 = \frac{[OH^-]}{C} = \frac{10^{pH_1 - 14}}{C} = 0,04 ; \tau_f 2 = \frac{[OH^-]}{C} = \frac{10^{pH_1 - 14}}{C} = 0,001 \\ (\tau_f < 1) \quad \text{- الاساسان ضعيفان لأن} \quad \text{-}$$

ب- حساب قيمة كل من K_{a1} و K_{a2}

$$K_{a1} = \frac{K_e (1 - \tau_f)}{\tau_f^2} = 6,06 \cdot 10^{-10}$$

$$\Rightarrow pK_a(NH_4^+ / NH_3) = -\log(6 \cdot 10^{-10}) = 9,21$$

$$K_{a2} = \frac{K_e (1 - \tau_f)}{\tau_f^2} = 10^{-8} \Rightarrow pK_a(NH_3OH^+ / NH_2OH) = -\log(9,9 \cdot 10^{-7}) = 8$$

ومنه: النشادر أساس أقوى من الهيدروكسيل أمين

- 1- تحضير محلول كلور الهيدروجين:

$$C_0 = \frac{10Pd}{M} = \frac{10 \times 371,15}{37} \Rightarrow C_0 = 11.65 \text{ mol/l}$$

حساب C_0

أـ حجم محلول التجاري:

$$F = \frac{C_0}{C_a} = \frac{V_a}{V_0} \Rightarrow V_0 = \frac{C_a}{C_0} V_a = \frac{0,015}{11,6} \cdot 1 \Rightarrow V_0 = 1,3 \text{ ml}$$

بـ البروتوكول التجريبي:

- نأخذ حوجلة عيارية سعتها (1L) نضع فيها كمية قليلة من الماء المقطر ثم نأخذ

كمية (1,3mL) من محلول HCl بواسطة (ماصة + اجاصة مص) نسكبها في الحوجلة

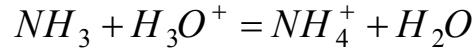
ثم نخلط جيدا وبعدها نكمل بالماء المقطر حتى خط العيار (1L)

3- المعايرة حمض - أساس لمحلول مخفف للنشادر



أـ رسم تخطيطي للمعايرة:

بـ معادلة تفاعل المعايرة:



2- نسبة التقدم لتفاعل المعايرة

عند اضافة $pH = 9,6$ يكون $V_a = 5ml$ ونكون قبل نقطة التكافؤ

$$x_{\max} = C_a V_a = 0,015 \times 0,005 \Rightarrow x_{\max} = 7,5 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$$

$$[H_3O^+] V_T = n_0 - x_f \Rightarrow x_f = n_0 - 10^{-pH} V_T$$

$$x_f = 7,5 \cdot 10^{-5} - 10^{-9,6} \cdot 0,025 \Rightarrow x_f = 7,49 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$$

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{7,49 \cdot 10^{-5}}{7,5 \cdot 10^{-5}} = 1$$

- نستنتج أن تفاعل المعايرة تفاعل تام

3- احداثي نقطة التكافؤ

من البيانات نجد $E(V_{aE} = 16ml ; pH_E = 5,8)$ استنتاج التراكيز

$$C' V_b = C_a V_{aE} \Rightarrow C' = \frac{C_a V_{aE}}{V_b} = \frac{0,015 \cdot 16}{20}$$

من علاقة التكافؤ :

$$C' = 0,012 \text{ mol/l}$$

$$C' = \frac{C_b}{1000} \Rightarrow C_b = 1000 \cdot C' \Rightarrow C_b = 12 \text{ mol/l}$$

ولدينا

4- التأكد من pK_a المحسوبة سابقا:

عند نصف التكافؤ: $pH = pK_a = 9,2$ وهي موافقة لما هو

محسوب سابقا

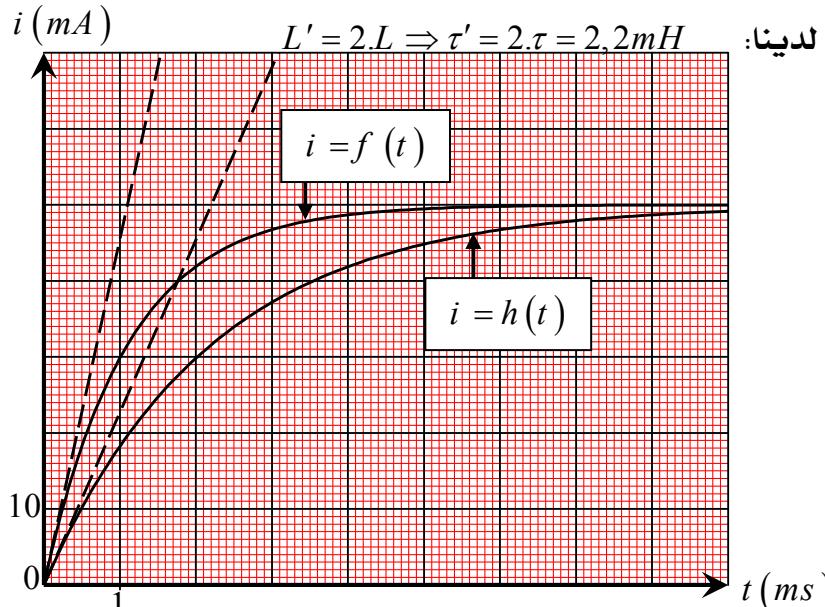
5- الكاشف الملون المناسب لهذه المعايرة هو : أحمر الكلوروفينول

$$pH_E = 5,8$$

لأن مجال تغير اللوني يشمل

العلامة	المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
			الحل: التمرين الأول: (04 نقاط)
		0,25	1- حساب قيمة $E_{A_{lg}}$ السنوية: $E = 0,06 \times 4 \times 3600 = 864 J / \text{اليوم}$ $E = 864 J \rightarrow 8.10^{-3} m^3$ $E_{A_{lg}} \rightarrow 2381741.10^6 m^3$ $\text{إذن: } E_{A_{lg}} = 9,38.10^{19} J \text{ سنويا}$
0,5	0,25	0,25	2- حساب حجم الماء يوميا: $(h = 0) \text{ عند الارتفاع } E_{pp} = 0 \text{ حيث: } \rho = mV$ $E_{pp} = m \cdot g \cdot h \Rightarrow m = 4,69 \times 10^{15} kg$ $\text{لدينا: } V = 4,69 \times 10^{12} m^3 \Rightarrow V = 4,69 \times 10^9 m^3$ $\text{إذن: } \text{الجملة (ماء + الأرض) حيث: } E_{pp} = 0$
0,5	0,25	0,25	3- أ- الاندماج النووي: هو تفاعل نووي مفتعل يحدث فيه إندماج لنوتين خفيفتين وأقل استقرار للحصول على نواة أكثر استقرارا مع تحرير طاقة وإنبعاث لنيترون.
0,5	0,25	0,25	- المعادلة: ${}^2_1H + {}^3_1H \rightarrow {}^4_2He + {}^1_0n$
0,5	0,25	0,25	ب- حساب طاقة الرابط $\frac{E_L}{A} ({}^Z_X)$ $\text{لدينا: } E_L ({}^A_Z X) = [Z \cdot m_p + (A - Z) \cdot m_n - m ({}^A_Z X)] \cdot C^2$
0,5	0,25	0,25	وعليه: $E_L ({}^2_1H) = 2,228 Mev \Rightarrow \frac{E_L ({}^2_1H)}{A} = 1,113 Mev / \text{nucléon}$
0,5	0,25	0,25	$E_L ({}^3_1H) = 2,228 Mev \Rightarrow \frac{E_L ({}^3_1H)}{A} = 2,825 Mev / \text{nucléon}$
0,5	0,25	0,25	$\frac{E_L ({}^4_2He)}{A} = 7,07 Mev / \text{nucléon}$
0,5	0,25	0,25	إذن: النواة الأكثراً استقرارا هي: 4_2He ج- حساب الطاقة المحررة: E_{Lib}
0,5	0,25	0,25	$E_{Lib} = (E_{Lib} ({}^2_1H) + E_{Lib} ({}^3_1H)) - E_{Lib} ({}^4_2He) = 17,5877 Mev$
0,5	0,25	0,25	د- النقص في كتلة الشمس: $\Delta m_{A_{lg}}$ $\text{لدينا: } \Delta m = \frac{E_{Lib}}{931,5} = 0,0188 \mu = 0,0188 \times 1,66 \cdot 10^{-27} kg \Rightarrow \Delta m = 3,135 \cdot 10^{-29} kg$
0,5	0,25	0,25	إذن: $E_{A_{lg}} = 3,98 \cdot 10^{19} J = \Delta m \cdot C^2 \Rightarrow \Delta m = 1,042 \cdot 10^3 kg$ هـ- حساب $\Delta M = 6 \cdot 10^9 \times 365 \times 24 \times 3600 = 1,89 \cdot 10^{17} kg$
0,5	0,25	0,25	ومنه: $R = \frac{\Delta m}{\Delta M} = 5,50 \cdot 10^{-15}$
			إن الطاقة $E_{A_{lg}}$ مقدار صغير جدا مقارنة مع مقدار الطاقة المحررة من تفاعل الاندماج في الشمس.

التمرين الثاني: (04 نقطه)

0,25	0,25	1- المدخل المعني بالضغط على الزر INV هو Y لأن التوترين طرفي الناقل الأولي
0,25	0,25	2- أ- المعادلة التفاضلية:
0,5	0,25	$u_{R_1}(t) + u_{R_2}(t) + r.i(t) + L \frac{di(t)}{dt} = E$ حيث $R_{eq} = R_1 + R_2 + r$:
0,25	0,25	ب- عبارة I_0 في النظام الدائم:
0,25	0,25	$I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2 + r} = \frac{E}{R_{eq}}$
0,25	0,25	3- المنحنى (a) يوافق المدخل (y) لأن عند اللحظة $t = 0$ يكون $i(t = 0) = 0$ ومنه
0,5	0,25	$u_{R_{IMAX}} = R_1 I_0$ وعندما ثبتت شدة التيار في النظام الدائم يكون $u_{R_1}(t = 0) = R_1 \cdot i(t = 0) = 0$ أعظمية.
0,25	0,25	4- عبارة u_Y و u_X في النظام الدائم: $u_Y = R_1 I_0$ و $u_X = (R_2 + r) I_0$
0,25	0,25	5- قيم $r; R_2; R_1; L; \tau; E$ في النظام الدائم:
0,25	0,25	- في النظام الدائم: $E = u_X + u_Y = 12 V$
01,75	0,25	- من البيان (a) $u_{R_1}(t = \tau) = 0,63 u_{R_{I_0}} \Rightarrow \tau = 1,1 ms$:
0,25	0,25	- لدينا: $L = \tau \cdot R_{eq} = 264 mH$ ومنه $R_{eq} = \frac{E}{I_0} = \frac{12}{0,05} = 240 \Omega$
0,25	0,25	- لدينا: $r = R_{eq} - (R_1 + R_2) = 40 \Omega$ ومنه $R_1 = R_2 = \frac{u_{R_{I_0}}}{I_0} = 100 \Omega$
0,25	0,25	6- المنحنى ($i = h(t)$):
0,25	0,25	

التمرين الثالث: (06 نقطه)

01	0,25	1- التصريح 01: نعم
0,25	0,25	- المرجع العطالي: المرجع السطحي أرضي.
0,25	0,25	- الجملة المدرستة: القذيفة.
0,25	0,25	- القوى الخارجية المطبقة على الجملة المدرستة: \vec{P} هي قوة الثقل.
0,25	0,25	- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون نجد: $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{P} = m \vec{a}$
		بالإسقاط على محور الموجة للحركة نجد: $a = g$

بـ التصريح لا:02

بالإسقاط العلاقة السابقة على المحور (OZ) نجد: $a_G = -g = C^{ste} \langle 0 \rangle$ وبالتالي طبيعة الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام.

جـ التصريح 03:نعم

$$\vec{r}(t=0) = \begin{cases} x(t=0) = x_0 = 0 \\ z(t=0) = z_0 = 0 \end{cases} \text{ و } \vec{v}(t=0) = \begin{cases} v_{0x} = v_0 \cdot \cos \alpha \\ v_{0y} = v_0 \cdot \sin \alpha \end{cases} : t=0$$

$$\vec{a} = \begin{cases} a_x = 0 \\ a_z = -g \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha \\ v_z(t) = -gt + v_0 \cdot \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha t \\ z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \cdot \sin \alpha t \end{cases} \dots (1) \dots (2)$$

من العلاقة (1) نجد: $t = \frac{x}{v_0 \cdot \cos \alpha}$... (3) بـ التعويض في العلاقة (2) نجد:

وهي معادلة قطع مكافئ

$$z = -\frac{g}{2v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha} x^2 + \tan \alpha x$$

أـ التصريح لا:04

$$[G] = \frac{[M] \cdot [L] \cdot [T]^{-2} \cdot [L]^2}{[M]^2} \text{ ومنه: } F_{T/L} = G \frac{m_L M_T}{r^2} \Rightarrow G = \frac{F r^2}{m_L M_T}$$

وعليه: $m^3 \cdot kg^{-1} \cdot s^{-2}$ إذن وحدة G هي: $[G] = [L]^3 \cdot [M]^{-1} \cdot [T]^{-2}$

بـ التصريح 05:نعم

- المرجع العطالي: المرجع الجيولوجي.
- الجملة المدرستة: القمر الإصطناعي.

- القوة الخارجية المطبقة على الجملة: $\vec{F}_{T/L}$.

حيث: $\vec{F}_{T/L}$ هي قوة تأثير الأرض على القمر (قوة مركزية)

وشعاع التسارع $\vec{a}_n = \vec{a}_G$ يكون مركزي لأن: $(\vec{a}_n = \vec{0})$

جـ التصريح 06:نعم

باسقاط العلاقة السابقة على الناظم (NN) نجد:

$$v = \sqrt{\frac{GM_T}{(R_T + h)}} \text{ ومنه: } F_{T/L} = m_L a_n \Rightarrow G \cdot \frac{m_L M_T}{(R_T + h)^2} = \frac{m_L v^2}{(R_T + h)}$$

دـ التصريح 07:نعم

$$T = \frac{2\pi \cdot (R_T + h)}{v} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G \cdot M_T}}$$

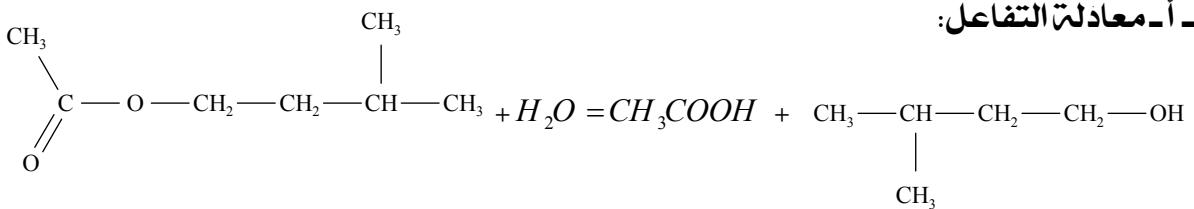
$$T = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{(6380 \cdot 10^3 + 12800 \cdot 10^3)^3}{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 5,98 \cdot 10^{24}}} = 2,64 \cdot 10^4 s$$

الجزء الثاني:

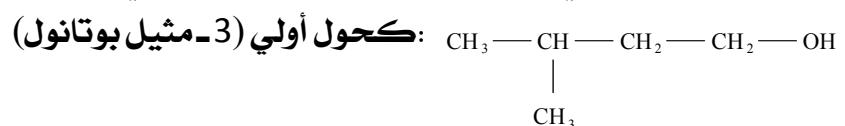
التمرين التجاري(60نقطة)

1- الوظيفة المميزة لهذا المركب العضوي هي أستيرية (أستر):

2- معادلة التفاعل:



0,5 0,25 0,25 حمض عضوي (حمض الإيثانويك) اسمه التجاري: حمض الخل



3- أ- حساب كمية المادة الإبتدائية للمتفاعلات:

$$\begin{cases} n_{\text{estre}} = \frac{m}{M} = \frac{\rho_{\text{este}} V}{M} = 0,1 \text{ mol} \\ n_{\text{eau}} = \frac{m'}{M'} = \frac{\rho_{\text{eau}} V'}{M'} = 1,94 \text{ mol} \end{cases}$$

ب- جدول التقدم:

معادلة التفاعل		$R - \text{COO} - R' + \text{H}_2\text{O} = R\text{COOH} + R'\text{OH}$			
الحالة	التقدم	كميات المادة ب mol			
الابتدائية	$x = 0$	0,1	1,94	0	0
الانتقالية	$x(t)$	$0,1 - x(t)$	$1,94 - x(t)$	$x(t)$	$x(t)$
النهائية	x_f	$0,1 - x_f$	$1,94 - x_f$	x_f	x_f

4- أ- كتابة معادلة المعايرة: $\text{RCOOH}_{(aq)} + \text{HO}_{(aq)}^- \rightarrow \text{RCOO}_{(aq)}^- + \text{H}_2\text{O}_{(\ell)}$

$$K = Q_{tf} = \frac{[\text{RCOO}^-]_f}{[\text{RCOOH}]_f} \cdot \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{HO}^-]_f} = \frac{k_a}{k_e}$$

ومنه: $K_a = 1,8 \cdot 10^9 \times 10^4$

ج- ثبات الحجم (حجم التكافؤ) يعني الوصول إلى الحالة النهائية (حالة التوازن)

د- نقطة التكافؤ: هي النقطة التي يكون المزيج في الشروط المستوكيومترية (أو تكون فيها كمية المادة للمتفاعلات بالنسبة ستوكيمترية).

ويمكن الاستدلال عليها بتغيير لون المزيج عمليا.

حساب n_a كمية مادة للحمض الناتجة عند تكافؤ يكون (في أنبوب واحد):

$$n_a = C_a V_a = C_b V_{bE}$$

هـ- في المزيج التفاعلي تصبح: $n_a' = 10 C_b V_{bE} = 0,084 \text{ mol}$

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{0,084}{0,1} = 0,84 : \tau_f$$

وعليه: $r = \tau_f \cdot 100 = 84\%$

إذن: $r = 84\%$ يختلف عن $33\% = r$ (والتي تمثل مردود الإماهة في حالة مزيج ابتدائي متكافئ في كمية المادة).

- عليه يمكن تحسين المردود بإستعمال مزيج غير متكافئ في كمية المادة.

انتهى تصحيح الموضوع الثاني