

اختبار في مادة العلوم الفيزيائية

المدة : 2 سا

مارس 2023

المستوى : السنة الثالثة رياضيات

التمرين الاول 10 نقاط

لدينا دائرة كهربائية تحتوي على وشيعة (L, r) و ناقل أومي مقاومته $R=85\Omega$ و مولد قوته المحركة الكهربائية E و قاطعة على التسلسل نغلق القاطعة في اللحظة $t = 0$.

1/ أرسم مخطط الدارة مبينا ربط راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة التوتر بين طرفي الوشيعة و التوتر الكلي

2/ باستعمال قانون جمع التوترات بين ان المعادلة التفاضلية بدلالة u_L تكتب على الشكل : $\frac{du_L}{dt} + \left(\frac{R+r}{L} \right) u_L = \frac{Er}{L}$

3/ إن حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل : $u_L = A + Be^{-\alpha t}$ حيث A, B, α ثوابت يطلب تعيينهما

4/ باستعمال التحليل البعدي أعط مدلول الفيزيائي لكل من $A, B, \frac{1}{\alpha}$

5/ بواسطة تقنية مناسبة تمكنا من رسم المنحنى البياني : $\frac{du_L}{dt} = f(u_L)$

a/ أوجد المعادلة النظرية للبيان

b/ إستنتج المعادلة البيانية

c/ أوجد كل من : المقاومة الداخلية للوشيعة r و ذاتيتها L

d/ إستنتج ثابت الزمن τ و قيمة التيار في النظام الدائم

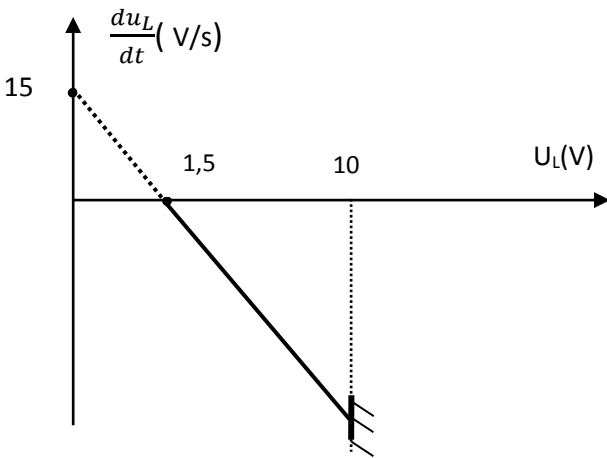
e/ إستنتج $u_R = g(t)$

f/ أرسم كيفيا المنحنى $u_L = f(t)$ و $u_R = g(t)$ في نفس المعلم

g/ أوجد حسابيا اللحظة التي يكون فيها التوترين u_L و u_R متساويين

h/ أعط عبارة الطاقة المخزنة في الوشيعة ثم احسب قيمتها في تلك اللحظة

i/ لماذا في المستقيم المعطى هناك نقاط متقاطعة



التمرين الثاني (10 نقاط)

نعتبر ثلاث محاليل حمضية S_1, S_2, S_3 للأحماض التالية على الترتيب A_1H, A_2H, A_3H على الترتيب .

نعاير حجم $V_A = 20 \text{ mL}$ من كل حمض من الأحماض السابقة وذلك بواسطة محلول لهيدروكسيد الصوديوم تركيزه C_B وليكن الحجم اللازم لبلوغ

التكافؤ هو V_{BE} . أعطت القياسات النتائج الموضحة بالجدول :

المحلول	S_1	S_2	S_3
التركيز المولي	C_1	C_2	C_3
pH	3.4	2.0	2.0
V_{BE}	10	20	10

1 - اكتب معادلة تفاعل حمض AH مع الأساس هيدروكسيد الصوديوم (NaOH) .

2 - أوجد العلاقة بين التركيزين C_1 و C_3 ثم العلاقة بين C_1 و C_2 .

3 - حدد أي الأحماض أقوى من الأحماض السابقة . مع التعليل ؟

4 - نمدد كل محلول من المحاليل السابقة S_1 ، S_2 ، S_3 10 مرات فنحصل على محاليل S_1 ، S_2 ، S_3 قياس pH المحاليل الممددة اعطى النتائج :

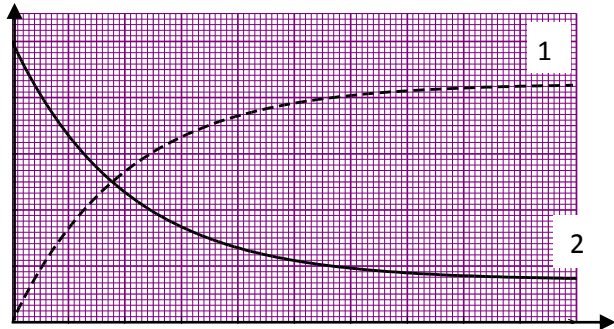
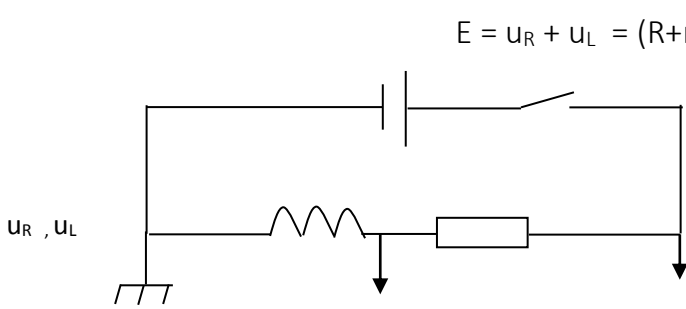
المحلول	S_1	S_2	S_3
pH	3.9	2.5	3

أذكر البروتوكول التجريبي لعملية التمديد في حالة ما نأخذ من المحلول الأم 10 mL .
أحسب مقدار التغير في قيمة pH محلول لحمض قوي عند تمديده 10 مرات .
استنتج بأن أحد الأحماض السابقة قوي والحمضين الآخرين ضعيفين .
أحسب قيم التراكيز C_3 و C_B ثم استنتج C_1 ، C_2 .
يمكن أن نعتبر انه من أجل الأحماض الضعيفة جدا أن $pK_a = 2pH + \log C$:
برر العلاقة السابقة ثم احسب قيم K_{a1} ، K_{a2} للثنائيتين $A_1H / A_1^- / A_2^- A_2H$
مستنتجا أي الحمضين أقوى من بين A_1H و A_2H .
تمت جميع الدراسات من أجل درجة الحرارة $25^\circ C$

تصحيح الاختبار الفصل الثاني

شعبة رياضيات السنة الثالثة

التمرين الاول



$u_L : 2$ و $u_R : 1$

$$E = u_R + u_L = (R+r) i + L \frac{di}{dt} = (R+r) \frac{u_R}{R} + \frac{L}{R} \frac{du_R}{dt} = \frac{R+r}{R} (E - u_L) - \frac{L}{R} \frac{du_L}{dt}$$

$$\frac{du_L}{dt} + \left(\frac{R+r}{L} \right) u_L = \frac{Er}{L}$$

بعد اشتقاق u_L المعطاة نعوض كل من المشتقة و الدالة في المعادلة

التفاضلية فنجد أن $A = r i_0$ و $B = R i_0$ و $\frac{1}{\alpha} = \frac{R+r}{L}$

البيان عبارة عن خط مستقيم من الشكل : $y = ax + b$

المعادلة النظرية $\frac{du_L}{dt} = - \frac{(R+r)}{L} u_L + \frac{Er}{L}$

$$E = (r+R) i_0 (1) ; \quad u_L = R i_0 (2) \quad \frac{1}{2} : \quad \frac{E}{u_L} = \frac{10}{1.5} = \frac{R+r}{R} ; \quad r = 15 \Omega$$

$$\frac{Er}{L} = 15 ; \quad L = \frac{10 \cdot 15}{15} = 10H$$

$$\tau = \frac{L}{R+r} = 0,1s \quad \text{ثابت الزمن}$$

$$i_0 = \frac{u_L}{r} = \frac{1.5}{15} = 0,1A ; \quad i_0 = \frac{E}{R+r} = \frac{10}{100} = 0,1A$$

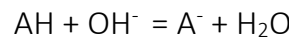
$$u_R = E - u_L = (R+r) i_0 - r i_0 - R i_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = R i_0 - R i_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = R i_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$u_R = u_L ; \quad t = \tau \ln \frac{R+r}{2R} = 0,088s$$

$$E_L = \frac{1}{2} L i^2 = \frac{1}{2} L i_0^2 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})^2 = 0.017J$$

تم رسم بخطوط متقاطعة ابتداء من $u_L = 1.5V$ لان الوشيعه لديها مقاومة و في النظام الدائم $u_L = R i_0 = 15 \cdot 0,1 = 1.5V$

التمرين الثاني



$$C_1 V_1 = C_b V_{b1} ; \quad C_2 V_2 = C_b V_{b2} ; \quad C_3 V_3 = C_b V_{b3}$$

بعد الحساب نجد أن $C_2 = 2C_1$ و $C_1 = C_3$

لمعرفة أي حمض لأقوى نحسب τ لكل محلول علما أن $\tau = \frac{10^{-PH}}{C}$ إنطلاقا من قيم الـ PH و العلاقة الموجودة بين التراكيز

نجد أن $3 > \tau_2 > \tau_1$ معناه أن AH_3 أقوى من AH_2 و بدوره أقوى من AH_1

$$PH_2 = PH_1 + 1 \quad \text{نجد أن} \quad \tau = \frac{10^{-PH_1}}{C} = \frac{10^{-PH_2}}{\frac{C}{10}} = 10$$

من خلال القراءة في الجدول نستنتج ان AH_3 القوي

نرجع إلى الجدول الاول عند AH_3 $PH=2$ و هو الذي يزداد بواحد أي

$$C_2 = 2 \cdot 10^{-2} \text{ mol/l} \quad \text{و} \quad C_1 = 10^{-2} \text{ mol/l} \quad \text{و} \quad C_3 = 10^{-2} \text{ mol/l}$$

$$PK_a = PH - \log \frac{[A^-]}{[C-A^-]} \quad \text{التفكك ضعيف يمكن إهمال} A^- \text{ أمام} C \text{ و منه}$$

$$PK_a = PH - \log [H_3O^+] + \log c = 2PH + \log c \quad \text{أي} \quad PK_a = PH - \log \frac{[H_3O^+]}{c}$$