

التمرين الأول:

$$\begin{cases} u_3 \times u_6 = 2021 \\ 14u_7 + 14u_8 + 14u_9 - 364 = 1442 \end{cases} \quad \text{حيث } (u_n) \text{ متتالية حسابية حدها الأول } u_0 \text{ أساسها } r$$

- (1) احسب u_8 ثم استنتج u_9
- (2) بين أن $r = 4$ و $u_0 = 11$.
- (3) أكتب الحد العام u_n بدلالة n .
- (4) حدد اتجاه تغير المتتالية (u_n) مع التبرير.
- (5) احسب بدلالة n المجموع S_n المعروف بـ: $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$

التمرين الثاني:

a, b و c أعداد صحيحة حيث: $a = 2021$, $b = 1442$ و $c = 1954$.

- (1) احصر العدد a بين مضاعفين متتاليين للعدد 3
- (2) تحقق أن العددين a و b متوافقان بترديد 3
- (3) هل العددين a و c متوافقان بترديد 3 ؟
- (4) بين باستعمال خواص الموافقات صحة الموافقة التالية: $a + b + c \equiv -1 [3]$
- (5) استنتج باقي القسمة الاقليدية للعدد $(1954 + 2021 + 1442)$ على 3

التمرين الثالث: f الدالة المعرفة على $]-\infty, -1[\cup]-1, +\infty[$ كما يلي: $f(x) = \frac{2x+3}{x+1}$, (C_f) منحنىها البياني في

المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 : $f(x) = 2 + \frac{1}{x+1}$
2. احسب $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
3. استنتج أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين يطلب كتابة معادلة لكل منهما
4. عين $f(x)$ ثم أدرس إشارتها.
5. استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها
6. اكتب معادلة للمماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها -2
7. عين نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع المحورين
8. مثل المنحنى (C_f) في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

التصميم الأول:

$$\begin{cases} u_3 \times u_9 = 2021 \\ 14u_1 + 14u_3 + 14u_9 - 364 = 1442 \end{cases}$$

1) حساب u_3 ثم استنتاج u_9

$$14u_1 + 14u_3 + 14u_9 - 364 = 1442$$

$$14(u_1 + u_3 + u_9) = 1806$$

$$u_1 + u_3 + u_9 = 129$$

$$u_1 + u_9 = 2u_3 \text{ (متتالية حسابية إذن)}$$

$$u_3 = 43 \text{ بالتعويض } 3u_3 = 129 \text{ وبالتالي}$$

$$u_9 = \frac{2021}{u_3} = 47$$

2) إثبات أن $r = 4$, $u_0 = 11$

$$(u_n) \text{ متتالية حسابية إذن } u_9 - u_3 = r \text{ ومنه: } r = 4$$

$$\text{ولدينا: } u_9 = u_0 + 8r \text{ ومنه } u_0 = u_9 - 8r = 11$$

$$(4) \text{ كتابة الحد العام } u_n \text{ بدلالة } n$$

$$(u_n) \text{ متتالية حسابية إذن من أجل كل عدد طبيعي } n$$

$$u_n = u_0 + nr$$

$$u_n = 11 + 4n$$

$$(5) \text{ اتجاه تغير المتتالية } (u_n)$$

$$(u_n) \text{ متتالية حسابية أساسها موجب تماما يساوي 4، أي من أجل}$$

$$\text{كل عدد طبيعي } n: u_{n+1} - u_n = 4 \text{ فهي متزايدة تماما}$$

$$(6) \text{ حساب المجموع } S_n: S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$$

$$S_n = \frac{n+1}{2} (u_0 + u_n) = \frac{n+1}{2} (u_0 + u_n)$$

$$S_n = (n+1)(11 + 2n)$$

$$c = 1954, b = 1442, a = 2021$$

التصميم الثاني:

$$(1) \text{ حصر العدد } a \text{ بين مضاعفين متتاليين للعدد 3:}$$

$$673(3) < 2021 < 674(3) \text{ ومنه } 2021 = 3(673) + 2$$

$$\text{وبالتالي } 2019 < a < 2022$$

$$(2) \text{ التحقق من أن العددين } a \text{ و } b \text{ متوافقان بترديد 3:}$$

$$a - b = 579 \text{ . بما أن العدد 579 مضاعف للعدد 3 فإن العددين } a$$

$$\text{و } b \text{ متوافقان بترديد 3:}$$

$$(3) \text{ صحة الموافقة } [3] \text{ : } a \equiv c[3]$$

$$a - c = 67 \text{ . بما أن العدد 67 ليس مضاعفا للعدد 3 فإن العددين } a$$

$$\text{و } c \text{ غير متوافقين بترديد 3.}$$

$$(4) \text{ إثبات صحة الموافقة } [3] \text{ : } a + b + c \equiv -1[3]$$

$$\text{لدينا: } a \equiv 2[3], b \equiv 2[3], c \equiv 1[3]$$

$$\text{ومنه: } [3] \text{ : } a + b + c \equiv 5[3] \text{ بما أن } 5 \equiv -1[3] \text{ فإن:}$$

$$a + b + c \equiv -1[3]$$

التصميم الثالث:

$$1) \text{ إثبات أن: } f(x) = 2 + \frac{1}{x+1}$$

من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 :

$$2 + \frac{1}{x+1} = \frac{2x+2+1}{x+1} = \frac{2x+3}{x+1} = f(x)$$

2) حساب النهايات:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} 2 + \frac{1}{x+1} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} 2 + \frac{1}{x+1} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1} 2 + \frac{1}{x+1} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1} 2 + \frac{1}{x+1} = -\infty$$

استنتاج: (C_f) يقبل مستقيما مقاربا لموازيا لمحور الترتيب له المعادلة

$$x = -1 \text{ ومستقيما مقاربا لموازيا لمحور الفواصل له المعادلة } y = 2$$

حساب $f'(x)$:

من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 :

$$f'(x) = \frac{2(x+1) - (2x+3)}{(x+1)^2} = \frac{-1}{(x+1)^2}$$

6. استنتاج اتجاه تغير الدالة f : اتجاه تغير f من إشارة المشتقة.

بما أن $f'(x) < 0$ من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 فإن

الدالة f متناقصة تماما

معادلة التماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها -2 :

$$y = f'(-2)(x+2) + f(-2)$$

$$y = -x - 1 \text{ أي } y = -(x+2) + 1$$

7. تعيين نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع المحورين:

$$x = 0 \text{ نجد: } y = 3$$

$$x = -\frac{3}{2} \text{ نجد: } f(x) = 0$$

$$\text{نقط التقاطع: } A(0,3) \text{ و } B(-\frac{3}{2}, 0)$$

تمثيل المنحنى (C_f) :

