2021 - 2020 الموسم الدراسي: 2021 - 2021 يعاد يوم 2021/02/07

مديرية التربية الوطنية ثانوية أحمد توفيق المدني - ورقلة المستوى: 3تق 2+1

واجب منزلي في مادة: الرياضيات

التمرين الأول:

 $3u_{n+1}=2(u_n-1)$:متتالية عددية معرفة ب $u_0=lpha$ ببحيث lpha عدد حقيقي و من أجل كل عدد طبيعي $u_0=lpha$

- عين العدد الحقيقي α بحيث تكون u_n ثابتة. -1
 - lpha = -1 نفرض في كل ما يلي -2
 - $.u_1, u_2$ أـ احسب
- $u_n > -2$: برهن من أجل كل عدد طبيعي برهن من أجل
 - u_n ج- ادرس اتجاه تغیر المتتالیة
 - د۔ استنتج أن u_n متقاربة ؟ علل
 - $v_n=u_n+2$:نضع u_n متتالية معرفة على u_n
- أ- اثبت أن المتتالية (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.
 - $u_n = \left(rac{2}{3}
 ight)^n 2$ بـ اكتب عبارة v_n بدلالة n ، ثم استنتج أن
 - $S_n = u_0 + u_1 + \ldots + u_n$ جـ احسب بدلالة n المجموع S_n

التمرين الثاني:

: المتتالية العددية المعرفة على \mathbb{N} كما يلي u_n

$$\begin{cases} u_o = 2 \\ u_{n+1} = 2 - \frac{1}{u_n} \end{cases}$$

- $u_n \geq 1$ أـ برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن: -1 u_n أنه من أجل $u_{n+1} u_n$ أنه المتتالية $u_{n+1} u_n$ أنه المتتالية u_n
 - n نضع من أجل كل عدد طبيعي -2

$$v_n = 3 + \frac{1}{-1 + u_n}$$

أ- بين أن (v_n) متتالية حسابية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول.

 $\displaystyle \lim_{n o +\infty} u_n$ بـ عبر عن v_n و u_n بدلالة n. ثم احسب

 $S_n = v_0 + v_1 + \ldots + v_n$: صن أجل كل عدد طبيعي عن أجل كل عدد عبي الم

 $\lim_{n \to +\infty} S_n$ عبر عن S_n بدلالة n ثم احسب S_n

التمرين الثالث :

اجتاح وباء كورونا الجزائر سنة 2020 حيث بلغ عدد الأصابات اليومية في 1 جوان من هذه السنة 2020 من مصاب، يزيد عدد المصابين بهذا الوباء يوميا 10% من اصابات اليوم الفارط و يحصد ارواح 11 شخص من المصابين المحدد يوميا. نرمز ب u_n لعدد المصابين في اليوم n من شهر جوان أي $u_n=200$ تقرب النتائج في كل التمرين إلى الوحدة).

- أ- عين عدد المصابين في اليوم الثاني و الثالث من شهر جوان -1 ب- بين أن المتتالية u_n ليست حسابية و لا هندسية.
 - $u_{n+1} = \frac{11}{10}u_n 11$: بین أنه من أجل كل عدد طبیعي n فإن -2
 - $v_n = u_n 110 : n$ نضع من أجل كل عدد طبيعى -3
- أ- بين أن المتتالية (v_n) هندسية يطلب تعيين أساسها، وحدها الأول.
 - n بدلالة n بدلالة n بدلالة v_n بدلالة ب
 - ج- عين عدد المصابين يوم 30 جوان.

- u_n دـ احسب نهایة المتتالیة
- $S_n = u_1 + u_2 + ... + u_n$: من اجل کل عدد طبیعی -4

n بدلالة S_n

ب- استنتج عدد المصابين في شهر جوان.

التمرين الرابع:

n متتالية عددية المعرفة ب $u_0=3$ و من اجل كل من اجل كل عدد طبيعي u_n

. وسيط حقيقي
$$a$$
 وسيط حقيقي $u_{n+1} = (\frac{2a+1}{3})u_n - \frac{2a+4}{3}$

- u_n عين قيمة u_n التي من أجلها تكون المتتالية u_n ثابتة.
- نفرض a
 eq 2 ، عين قيمة a حتى تكون المتتالية u_n حسابية، ثم احسب عندئذ a
 eq 2الاولى من المتتالية.
- عين قيمة a حتى تكون المتتالية u_n هندسية. ثم عين في هذه الحالة كلا من u_{50} ومجموع a حدا a
 - $u_n=3^n+6$: فرض أن a=4 التراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي a=4 التراجع أنه من أجل $u_0+u_1+...+u_n=rac{1}{2}ig(3^{n+1}+4n+3ig)$ ثم بین آن

التمرين الخامس:

متتالية حسابية معرفة على $\mathbb N$ كما يلى: u_n

$$\begin{cases} u_o + u_1 + u_2 = 9 \\ u_1 + u_3 = 2 \end{cases}$$

- المتتالية (u_n) على المتتالية u_3,u_2,u_1,u_0 المتتالية اتجاه تغيرها. -1
 - $u_n = 5 2n$: n بین أنه من أجل كل عدد طبیعي -2
 - $u_n = -2021$ عين العدد الطبيعي n بحيث: -3
 - $S = u_0 + u_1 + ... + u_{1013}$ احسب المجموع $S = u_0 + u_1 + ... + u_{1013}$

التمرين السادس:

ابتداءا من شهر جانفي من سنة 1991 قرر رجل أن يضع مبلغ مالي قدره 15000 دينار في كل سنة في مشروع حيث هذا المشروع يعطيه فائدة قدرها 5% في كل سنة . ليكن u_n هو المبلغ المالّي الذي يملكه 1991 + n الرجل سنة:

- $.u_2, u_1$ أـ احسب -1
- ب- هل المتتالية (u_n) حسابية ام هندسية.
 - u_n عبر عن u_{n+1} بدلالة
- $v_n = u_n + 300000$: n نفرض أنه من أجل كل عدد طبيعي -2
- أ- أثبت ان (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها q وحدها الأول.
 - n بـ اكتب عبارة الحد العام v_n بدلالة n ثم استنتج
- ج- يريد هذا الرجل الدخول في مشروع جديد سنة 2010 بما لديه من مال من المشروع الأول حيث يكلف هذا المشروع 500000دينار هل يمكن له ذلك ؟ برر بالحساب

التمرين السابع :

في أو t يناير من سنة 2005 بلغ عدد سكان المدينة 100000 نسمة كل سنة يتزايد عدد السكان 5% اخ بعين الاعتبار المواليد الجدد و الموتى هناك 4000 مهاجر يمكنهم الاقامة كل سنة في هذه المدينة. 2005+n:من أجل كل عدد طبيعي n نسمي u_n عدد السكان في 1 يناير سنة

- u_2, u_1, u_0 أـ احسب -1
- هل المتتالية u_n حسابية ؟ هندسية ؟ برر اجابتك
- $u_{n+1} = 1.05u_n + 4000$: من أجل كل عدد طبيعي أنه من أجل كل عدد البيعي
 - $v_n=u_n+80000$ من أجل كل عدد طبيعي n نضع عدد كل عدد طبيعي
- أ- أثبت ان (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها q وحدها الأول.
- $u_n = 180000*1.05^n 80000: n$ ب اكتب عبارة الحد العام v_n بدلالة n. ثم استنتج من أجل كل عدد طبيعي (u_n) جـ احسب نهاية المتتالية