

الشعبة : رياضيات

المدة : 2 ساعات

اختبار الفصل الثاني في مادة: الرياضيات

التمرين الأول:

$$\text{نعتبر، في } \mathbb{Z}^2, \text{ المعادلة: } (*) \quad 18x + 4y = 84.$$

1- أ) أثبت انه إذا كان (y, x) حل للمعادلة: $(*)$ ، فإن $[2]x = 0$.

ب) استنتج حل خاصاً للمعادلة $(*)$.

ج) حل المعادلة $(*)$ ثم استنتاج الحلول (y, x) التي تحقق: $y > 0 > x$.

2- N عدد طبيعي يكتب $\overline{30\alpha\beta\delta}$ في النظام ذي الأساس 5 ، و يكتب $\overline{55\alpha\beta}$ في نظام ذي الأساس 7.

عين الأعداد الطبيعية : α, β, δ ثم أكتب N في النظام العشري .

التمرين الثاني:

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس $(\bar{i}, \bar{j}, \bar{k})$ نعتبر النقط :

$$C(-2, 2, 2), B(1, 2, -1), A(-2, 0, 1)$$

1. أ) أحسب الجداء السلمي $\overline{AB} \cdot \overline{AC}$. ثم الطولين AB و AC .

ب) استنتاج قيمة مقربة إلى درجة لزاوية BAC .

ج) استنتاج أن النقط A, B و C ليست في استقامية.

2. تحقق بان للمستوى (ABC) معادلة ديكارتية : $2x + 2z + 2y = 0$.

3. ليكن (P_1) ، (P_2) المستويين اللذين معادلتهما على الترتيب :

$x - 2y - 2z + 0 = 0$ و $0 = 0$. بين أن المستويين (P_1) و (P_2) يتقاطعان وفق مستقيم (D) له تمثيلاً وسيطياً التالي :

$$\begin{cases} x = -2 \\ y = -1 + 3t \\ z = t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$

4. برهن أن المستقيم (D) و المستوى (ABC) متقطعان ثم عين إحداثيات نقطة تقاطعهما.

5. لتكن (S) سطح كرة ذات المركز $(1, -3, 1)$ و نصف قطرها $r = 3$.

أ) اعط معادلة ديكارتية لسطح الكرة (S) .

ب) ادرس تقاطع سطح كرة (S) و المستقيم (D) .

ج) برهن أن المستوى (ABC) مماس لسطح الكرة (S) .

التعريف الثالث:

المستوى المركب مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\bar{r}; \bar{i})$. نعتبر النقطتين A, B ذات

$$b = 1 + 2i, \quad a = b \text{ حيث: } i =$$

ليكن التشابه المباشر S حيث $S(O) = A$ و $S(A) = B$.

ا. عين الكتابة المركبة للتشابه S .

ب. حدد العناصر المميزة لـ S . يرمز لمركز S بالرمز Ω .

2. نعتبر المتتالية (A_n) حيث A_0 هي مبدأ المعلم و من أجل كل عدد طبيعي n : $A_{n+1} = S(A_n)$ يرمز بـ A_n للاحقة النقطة.

ا. برهن من أجل كل عدد طبيعي n : $z_n = 1 - (1-i)^n$.

ب. عين بدلالة n لاحقة كل من الشعاعين: $\overrightarrow{\Omega A_n}$ و $\overrightarrow{A_n A_{n+1}}$.

◦ قارن بين طولية كل من هذين الشعاعين.

◦ احسب قيساً للزاوية الموجهة $(\overrightarrow{\Omega A_n}, \overrightarrow{A_n A_{n+1}})$.

ج. استنتج إنشاء النقطة A_{n+1} بمعرفة النقطة A_n . ثم أنشئ A_0 و A_1 .

3. ما هي النقطة من (A_n) التي تنتمي إلى المستقيم (ΩB) ؟