

b y N . A

$$\begin{cases} u_0 = e \\ u_{n+1} = (e+1)u_n - e^{-1} \end{cases} \quad \text{التمرين الأول : } (u_n) \text{ متتالية معرفة على } \mathbb{N} \text{ بـ :}$$

$$v_n = e^2 u_n - 1 \quad \text{و } (v_n) \text{ متتالية معرفة على } \mathbb{N} \text{ بالشكل :}$$

1. (ا) برهن بالترابع انه من اجل كل عدد طبيعي n : $u_n > e^{-2}$

(ب) بين أن (u_n) متزايدة.

2. (ا) بين أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تحديد أساسها و حدتها الاول.

(ب) أكتب عبارة v_n و u_n بدالة n .

(ج) هل المتتالية (u_n) متقاربة ؟

3. (ا) أحسب الجداء : $P_n = v_0 \times v_1 \times v_2 \times \dots \times v_n$ بدالة n .

(ب) استنتج عبارة الجداء P_n بدالة n :

التمرين الثاني :

يضم صندوق 10 كرات متماثلة ، 4 منها سوداء والباقي بيضاء ، نسحب من الصندوق 3 كرات في ان واحد.

1. ما عدد الحالات الممكنة ؟

2. احسب احتمال الحوادث الآتية:

A "كرة بيضاء".

B "كرة بيضاء على الاقل".

C "3 كرات ليست من نفس اللون".

3. ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب عدد الكريات البيضاء المسحوبة:

(ا) عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ثم أحسب أمثله الرياضي $E(X)$.

4. نضيف الى الصندوق n كرة سوداء و n كرة بيضاء و نسحب من الصندوق كرتان في ان واحد و نعتبر X_n عدد الحالات الممكنة لسحب كرتين من نفس اللون:

(ا) أثبت انه مهما يكن $n \in \mathbb{N}^*$:

(ب) كم نضيف من كرة حتى يكون $X_n = 10713$:

. 1) عدد مركب حيث : $P(Z) = Z^3 + Z^2 - 4Z - 24$.

(1) أحسب $P(3)$ ، ثم حل في \mathbb{C} المعادلة $P(Z) = 0$.

(2) أكتب الحلول المتحصل عليها على الشكل المثلثي.

2) المستوى المركب منسوب إلى معلم متعمد ومتجانس $(O; \vec{u}; \vec{v})$

لتكن النقط C, B, A ذات اللواحق : $Z_C = -2 - 2i$ ، $Z_B = -2 + 2i$ ، $Z_A = 3$

(1) أحسب الأطوال AB, AC, BC ثم استنتج طبيعة المثلث ABC .

(2) عين المجموعة (E_1) مجموعة النقط M من المستوى ذات اللاحقة Z بحيث : $|Z + 2 + 2i| = |Z + 2 - 2i|$

(3) عين المجموعة (E_2) مجموعة النقط M من المستوى ذات اللاحقة Z بحيث : $|Z + 2 + 2i| = |Z_A|$

التمرين الرابع : المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس $(O; I; J)$

1) نعتبر الدالة العددية g المعرفة على المجال \mathbb{R} كما يلي : $g(x) = (x-1)e^{-x} + 2$

(1) أدرس تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) علل وجود عدد حقيقي وحيد α بحيث $-0.38 < \alpha < -0.36$ و الذي يحقق $g(\alpha) = 0$

(3) استنتاج إشارة (x) g على المجال \mathbb{R} .

II) f الدالة العددية المعرفة على المجال \mathbb{R} بـ : $f(x) = 2x + 1 - xe^{-x}$ ولتكن (C_f) تمثيلها البياني .

(1) بين أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$

(2) (ا) بين انه من اجل كل x من \mathbb{R} : $f'(x) = g(x)$

(ب) استنتاج إشارة (x) f' ثم شكل جدول تغيراتها.

(ج) بين أن : $f(\alpha) = 2\alpha + 3 + \frac{2}{\alpha - 1}$ ثم جد حصرا للعدد $f(\alpha)$.

(3) بين أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعين احداثيتها.

(4) (ا) بين أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (D) معادلته : $y = 2x + 1$ ثم أدرس وضعية (C_f) بالنسبة للمستقيم (D) .

(ب) أنشئ المنحنى (C_f) في المعلم السابق و على المجال $[-1.5; +\infty[$ (تعطى $f(-1.5) = 4.72$)

بالتفوييق