

## التمرين الأول (4 نقط)

$F$  و  $f$  دالتان معرفتان على  $\mathbb{R}$  كما يلي :  $f(x) = \frac{1-x^2}{(1+x^2)^2}$  و  $F(x) = \frac{x}{1+x^2}$

(1) بين أن الدالة  $F$  دالة أصلية للدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$

(2) استنتج  $I = \int_0^1 \frac{1-x^2}{(1+x^2)^2} dx$  وفسر بيانها النتيجة ؟

(3) أعط كل الدوال الأصلية للدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$

(4) جد الدالة الأصلية  $G$  للدالة  $f$  والتي تحقق  $G(1) = 1$

## التمرين الثاني (5 نقط)

$(u_n)$  متتالية هندسية معرفة على  $\mathbb{R}$  بحدها الأول  $u_0 = 15$  و أساسها  $q = \frac{1}{2}$

نعرف المتتالية  $(v_n)$  بـ :  $v_n = \ln(u_n)$  من أجل كل  $n$  من  $\mathbb{N}$

(1) بين أن من أجل كل  $n$  من  $\mathbb{N}$  :  $v_n = \ln 15 - n \ln 2$

(2) اثبت أن المتتالية  $(v_n)$  متتالية حسابية يطاب تعيين أساسها وحدها الأول

(3) نضع :  $s_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$

أ- احسب  $s_n$  بدلالة  $n$

ب- ادرس نهاية  $(s_n)$

(4) من أجل كل  $n$  من  $\mathbb{N}$  ، نضع  $p_n = u_0 \times u_1 \times u_2 \times \dots \times u_n$

أ- اثبت أن  $p_n = e^{s_n}$

ب- ادرس نهاية المتتالية  $(p_n)$

## التمرين الثالث (7 نقط)

$f$  هي الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = \frac{3e^x - 1}{e^x + 1}$  و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس

$(o; \vec{i}; \vec{j})$

(1) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = 0$  ما ذا يمثل هذا الحل هندسيا ؟

(2) أ- ادرس نهاية  $f$  عند  $-\infty$  . فسر النتيجة بيانيا ؟

ب - بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  ،  $f(x) = \frac{3-e^{-x}}{1+e^{-x}}$

ت- استنتج نهاية  $f$  عند  $+\infty$  فسر النتيجة بيانيا ؟

(3) احسب  $f'(x)$  و ادرس اتجاه تغير  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(4) عين معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 0

(5) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $g(x) = f(x) - (x+1)$

أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  ،  $g'(x) = -\left(\frac{e^x - 1}{e^x + 1}\right)^2$

ب- ادرس اتجاه تغير  $g$  ، احسب  $g(0)$  و ادرس إشارة  $g(x)$  حسب قيم  $x$

ت- استنتج وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(T)$

(6) ارسم  $(T)$  و  $(C_f)$

بالتوفيق