

الامتحان الثاني في مادة الرياضيات

المدة: 2 ساعة

يوم: 21-03-2022

الشعبية: الثالثة تسيير وإقتصاد

التمرين الأول:

. $U_0 = 1$ و $U_{n+1} = \frac{2}{5}U_n + 1$ كما يلي: (U_n) متالية عدديه معرفة على \mathbb{N}

1. احسب الحدود U_1, U_2, U_3, U_4 و

2. برهن بالا اجع على أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن: $0 < U_n < \frac{5}{3}$

3. بين أن (U_n) متزايدة تماما.

4. هل (U_n) متقاربة؟ برب.

$$\text{نضع: } V_n = U_n - \frac{5}{3}$$

1. بين أن (V_n) متدية هندسية يطلب تعين أساسها و حدتها الأولى.

2. اكتب V_n بدالة n ثم استنتج عبارة U_n بدالة n .

3. احسب بدالة n مجموعين: $Y_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$ و $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$

4. احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$.

التمرين الثاني:

الجزء الأول: دالة معرفة على المجال $[0; +\infty]$ كما يلي:

1. ادرس إتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغيراتها.

2. بين أن المعادلة $0 = g(x)$ تقبل حل واحدا α حيث $1.31 < \alpha < 1.32$.

3. استنتاج إشارة $(x) g$ على $[0; +\infty]$.

الجزء الثاني: دالة معرفة على المجال $[0; +\infty]$ كما يلي: $f(x) = x - 2 + \frac{1 - \ln x}{x}$

ولتكن (C_f) المنحني البياني للدالة f في معلم متعامد ومتجانس $(O; \bar{i}; \bar{j})$.

1. احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ وبين أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$ ثم فسر النتيجة بيانيا.

2. بين أن $y = x - 2$ معادلة المقارب المائل (Δ) للمنحني (C_f) ، ثم ادرس وضعيته بالنسبة إلى (C_f) .

3. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $[0; +\infty]$ فإن: $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ ، استنتاج جدول تغيرات الدالة

4. بين أن: $f(\alpha) = 2\alpha - 2 - \frac{1}{\alpha}$ ثم عين حسرا للعدد (α) .

5. هل توجد مماسات للمنحني (C_f) توازي المستقيم (Δ) .